

**بهینه‌سازی موقعیت‌های فشارسنجی در شبکه توزیع آب به منظور به کارگیری در کالبیراسیون با  
اعمال نشت‌های گره‌ای فرضی\***

(یادداشت پژوهشی)

علی نصیریان<sup>(۱)</sup>

محمود غفور مغربی<sup>(۲)</sup>

**چکیده** مکان‌یابی طرح نمونه‌گیری بدون شک یکی از مهم‌ترین موضوعات در اقتصاد پایش شبکه‌های توزیع آب می‌باشد. هدف از ارائه روش مکان‌یابی طرح نمونه‌گیری در مقاله حاضر، ارائه روشی کاربردی برای یافتن بهترین نقاط برای فشارسنجی و هم‌چنین مشخص نمودن تعداد بهینه فشارسنج‌ها در شبکه می‌باشد. این روش بر پایه ایجاد نشت فرضی و یافتن این نشت توسط نقاط مختلف فشارسنجی با کمک دو حلقه بهینه‌یابی مجزا بر روشن کلونی مورچه‌ها می‌باشد. این روش در مطالعه موردنی شبکه معروف به انیتون (Anytown) اعمال گردید و به مقایسه نتایج با پژوهش‌های قبلی پرداخته شد که در نهایت جواب‌های قابل قبولی به دست آمد. با کمک این روش قبل از عملیات فشارسنجی و نصب فشارسنج‌ها، می‌توان با انجام چند تحلیل بر روی مدل هیدرولیکی شبکه به راحتی نقاط مناسب و هم‌چنین تعداد بهینه فشارسنج‌ها را به دست آورد.

**واژه‌های کلیدی** طرح نمونه‌گیری، فشارسنج، بهینه‌یابی، شبکه‌های توزیع آب.

**Calibration of a WDN using Optimization Techniques in Localization of Pressure Measurements by Applying Artificial Nodal Leaks**

A. Nasirian      M.F. Maghrebi

**Abstract** Undoubtedly, sampling design is an important issue in monitoring of a Water Distribution Network (WDN). The aim of the current paper which focuses on the localization of samplings, is to present a practical method for optimization of the position and number of the pressure measurements. This method works based on the assumption of some leakages in a network and searching for them by nodal pressure readings with the aid of two optimization loops using Ant Colony Optimization technique. The method is applied to the anytown network and the obtained results are compared with the previous works. The results are in good agreement with each other. Prior to field works of the installation of the pressure gages on the network, by analyzing the hydraulic model of the network, one can easily propose the best as well as the least nodes of the pressure measurements.

**Key Words** Sampling design; Pressure measurement; Optimization; WDN.

\* تاریخ دریافت مقاله ۹۰/۲/۳ و تاریخ پذیرش آن ۹۲/۵/۲۱ می‌باشد.

(۱) دانشجوی دکتری عمران آب، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد.

(۲) نویسنده مسئول: استاد گروه عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد.

تعداد مشاهدات کم باشد ناچار به تعریف بارگذاری های مختلف می باشد. به عنوان مثال اگر در شبکه ای ۵ پارامتر مجهول زیری تعریف شود و لازم باشد که موقعیت بهینه یک نقطه فشارسنجی تعیین شود، باید حداقل ۵ حالت بارگذاری شبکه مورد مطالعه قرار گیرد.

اخیراً نشت یابی شبکه های توزیع به کمک کالیبراسیون فشارهای گرهی مورد توجه محققان زیادی قرار گرفته است. اغلب این تحقیقات بر پایه روش و و سیج [7] استوار است. در این روش به کمک کالیبراسیون شبکه توزیع به روش بهینه یابی الگوریتم ژنتیک و داده های میدانی، موقعیت نقاط مشکوک به نشت را شناسایی می کنند. از نکات حائز اهمیت در نشت یابی شبکه ها براساس کالیبراسیون فشارهای گرهی این واقعیت است که در زمانی که هدف از اندازه گیری فشار، نشت یابی باشد امکان گروه بندی گستردگی در شبکه تا حدی که تعداد پارامتر ها با تعداد مشاهدات برابر شود، وجود ندارد و استفاده از روش هایی نظیر ماتریس ژاکوبین که نیاز به شرایط ایجاد دستگاه معادلات معین دارند با محدودیت همراه خواهد بود. در این تحقیق روشی کاربردی برای یافتن بهترین موقعیت فشارسنجی و نیز تعداد بهینه فشارسنج ها ارائه شده است. پارامتر تنظیمی در این تحقیق مصارف گرهی می باشد. روش کار بدنی صورت است که نخست تعداد مشاهدات برای برنامه تعیین می شود. سپس یک نشت فرضی در هر یک از گره های شبکه ایجاد می شود و با تغییر موقعیت فشارسنجی، هر بار با استفاده از روش بهینه یابی کلونی مورچه ها سعی در یافتن موقعیت نشت و بهترین موقعیت فشارسنجی برای یافتن این نشت می شود. تعداد دفعات رسیدن به جواب نسبت به کل جابه جایی های فشارسنج ها به عنوان دقت روش با آن تعداد فشارسنج لحاظ می شود. هم چنین موقعیت هایی که بیشترین تکرار را در بین موقعیت های بهینه دارند

## مقدمه

مدل های هیدرولیکی شبکه های توزیع به گستردگی توسط طراحان، کارشناسان بهره بردار از شبکه، مشاوران و ... برای آنالیز، طراحی، بهره برداری و بررسی عملکرد و قابلیت اطمینان شبکه مورد استفاده قرار می گیرد. برای اینکه مدل قابل استفاده باشد باید نخست کالیبره شود [1]. این امر با تعیین برخی پارامترهای دارای خطا در شبکه تا ایجاد یک هماهنگی قابل قبول بین مشاهدات فشار در شبکه و نتایج پیش بینی مدل انجام می شود [2]. با توجه به هزینه بودن اندازه گیری ها، برای هر چه مؤثر تر بودن اندازه گیری ها، معمولاً نخست طرح نمونه گیری بهینه (Optimal Sampling Design) برای شبکه انجام می شود. با توجه به نوع کالیبراسیون، این مسئله می تواند شامل کالیبراسیون هیدرولیکی شبکه برای اطلاع از وضعیت مصارف و فشار و سایر پارامترهای هیدرولیکی [3,4,5] و یا اهداف کیفی برای شناسایی هر چه سریع تر و با ریسک کمتر آلودگی [6] باشد.

به طور کلی فرآیند طرح نمونه گیری بهینه در کالیبراسیون شبکه های توزیع برای پاسخگویی به سوالات زیر هدف گذاری می شود: ۱- کدام پارامتر شبکه (فشار، جریان و ...) باید مشاهده شود؟ ۲- کجا مشاهدات انجام شود؟ ۳- چه دوره زمانی و با چه فرکانسی مشاهدات انجام شود؟ ۴- تحت چه شرایطی مشاهدات انجام شود (شرایط مصارف، پمپ و ...)

[4]? اکثر تحقیقات پیشین از تحلیل ماتریس ژاکوبین (Jacobian Matrix) برای این منظور استفاده کرده اند. در این روش ماتریسی به نام ماتریس ژاکوبین تشکیل می شود که درایه های آن، نسبت تغییرات مقادیر اندازه گیری شده به تغییر یکی از پارامترهای مجهول در شبکه است. از ویژگی های این روش لزوم برابر یا بیشتر بودن تعداد معادلات از تعداد مجهولات می باشد و به عبارتی مسئله باید معین یا بیش معین باشد. از همین رو برای بهینه یابی مقدار پارامتر مجهول وقتی

در رابطه فوق،  $\hat{z}$  تفاوت بین مقادیر به دست آمده در مدل و مقدار واقعی یا مشاهداتی پارامتر  $\lambda$  ام می باشد که عموماً فشارسنجی در برخی گره ها و یا دبی سنجی در برخی لوله ها می باشد.  $\hat{y}$  مقادیر مشاهداتی و  $(a)$  مقادیر محاسباتی متناظر فشار با دبی و  $a$  بردار  $N$  پارامتر مجھول در شبکه می باشد.

$N$  تعداد پارامتر های مجھول که عموماً زیری لوله ها و مصارف گرهی شبکه می باشند که در کالیبراسیون باید تعیین شود. مسئله کالیبراسیون باید با قیود ضمنی که همان معادلات حاکم بر شبکه و قیود صریح که بازه های تغییرات پارامتر های مجھول می باشد، باید تحلیل شود. لازم به ذکر است که این تابع هدف، در برنامه کالیبراسیون فشارهای گرهی برای نشت یابی استفاده می شود و برای بهینه یابی موقعیت فشارسنجی در ادامه تابع هدف مربوط ارائه خواهد شد.

**پارامترها و محاسبه عدم تعیین.** در بهینه یابی موقعیت فشارسنجی با روش حاضر دو مسئله مهم وجود دارد. ۱- میزان دقت مورد انتظار به ازای تعداد مختلف فشارسنجی ۲- بهترین نقاط فشارسنجی برای یک تعداد مشخص فشارسنج. همان گونه که بیان شد در ابتدا روش های بهینه یابی موقعیت فشارسنجی در شبکه با این فرض انجام می شد که همواره تعداد  $SN$  نقطه فشارسنجی بهینه شامل مجموعه  $1- SN$  نقطه قبلی بوده و یافتن تنها یک نقطه جدید برای یک مجموعه  $SN$  فشارسنج لازم است. بعداً مشخص شد که چنین نیست و ممکن است  $SN$  فشارسنج بهینه، موقعیت های متفاوتی نسبت به مجموعه  $1- SN$  قبلی خود باشد [13]. در روش حاضر نیز مجموعه  $SN$  نقطه بهینه فشارسنجی مستقل از مجموعه  $1- SN$  بررسی شده است. برای بررسی بهترین موقعیت فشارسنجی نشتی در گره زام فرض می شود و بهترین نقاط فشارسنجی (مجموعه  $SN$  نقطه) برای یافتن این نشت در بین  $m-Tek$  حالت جابجایی فشارسنج ها، شناسایی می شود. این عمل با فرض وجود نشت در کلیه موقعیت های محتمل نشت نیز انجام

به عنوان موقعیت بهینه شناسایی می شوند. برای این منظور کد برنامه در نرم افزار متلب ۷. [8] نوشته شده است و تحلیل های هیدرولیکی نیز با استفاده از نرم افزار ایپانت ۲. [9] صورت می گیرد. سپس با اتصال این دو نرم افزار به یکدیگر، تحلیل ها به صورت پیوسته انجام می شود.

مقاله حاضر بر پایه روشی آماری- احتمالاتی استوار است و بر خلاف روش های قبلی که پایه ریاضیاتی- احتمالاتی داشته اند، عملاً هیچ گونه محدودیتی در انتخاب تعداد پارامتر های مجھول شبکه ندارد و این تعداد می تواند از تعداد اندازه گیری ها نیز فرونی باید. هم چنین در این تحقیق از روش کلونی مورچه ها برای بهینه یابی استفاده شده است. بر اساس مراجع [10,11] این روش در کالیبراسیون شبکه و طراحی بهینه آن دارای قابلیت های برتری نسبت به الگوریتم ژنتیک می باشد.

### روش شناسی

**روابط کالیبراسیون.** تحلیل مسئله نمونه گیری بهینه، نوعی مسئله بهینه یابی است و در ارتباط با کالیبراسیون شبکه های توزیع آب قابل تحلیل است. کالیبراسیون شبکه لوله ها شامل تعیین پارامتر های متعدد است و هنگامی که به مدل هیدرولیکی شبکه به عنوان ورودی داده شود، مقادیر به دست آمده از مدل با مقادیر مشاهداتی فشار و دبی از شبکه واقعی برابر می شود [12]. تابع هدف کالیبراسیون شبکه توزیع که در واقع یک مسئله با حداقل مربعات خطأ است، چنین ارائه می شود:

$$\text{Minimize } E = r^T W r \quad (1)$$

که در آن  $E$  تابع هدف اسکالر است که باید کمینه شود و  $W$  ماتریسی وزنی است که ارزش هر یک از مشاهدات نسبت به یکدیگر را اگر متفاوت باشند وارد مسئله می کند.  $r$  بردار  $N$  باقی مانده (خطا) می باشد که از رابطه (۲) محاسبه می شود و  $N$  تعداد مشاهدات است که می تواند در مکان ها و بارگذاری های مختلف انجام شود.

$$r_i = y_i^* - y_i \quad (a) \quad (2)$$

می دهد و  $F_k$  ماتریسی با  $LN$  سطر و  $NN$  ستون می باشد و در صورتی که گره  $i$  در بارگذاری  $n$ ام جزء گره های بهینه فشارسنجی باشد، مقدار آن  $1$  و در غیر این صورت صفر خواهد بود. برای بررسی دقت نشت یابی با یک تعداد فشارسنج ثابت رابطه زیر محاسبه می شود:

$$F_k = \frac{NCR}{NA} \quad (5)$$

که در آن  $F_k$  دقت روش را نشان می دهد و بین صفر تا  $1$  متغیر است،  $k$  تعداد فشارسنج انتخابی،  $NCR$  تعداد دفعاتی که موقعیت نشت صحیح شناسایی شده است و  $NA$  تعداد کل آنالیزهای انجام شده است که از روابط زیر محاسبه می شود:

$$NCR = \sum_{i=1}^{LN} \sum_{j=1}^{Tek_m} CR_{ij} \quad (6)$$

$$CR_{ij} = \begin{cases} 1 & \sum_{l=1}^{NN} |D_l^* - D_l| < e_m \\ 0 & \text{else} \end{cases} \quad (7)$$

که در این روابط  $CR_{ij}$  در صورت شناسایی صحیح موقعیت نشت در بارگذاری  $n$ ام و جابه جایی فشارسنج  $j$ ام،  $i$  و در غیر این صورت صفر خواهد بود.  $Tek_m$  تعداد حالت های تغییر موقعیت فشارسنج ها،  $LN$  تعداد دفعات جابه جایی نشت (تعداد بارگذاری ها)،  $e_m$  مقدار خطای مجاز است که با توجه به دامنه های انتخابی مصارف برای هر شبکه توسط طراح تعیین می شود. به عنوان مثال اگر مقدار نشت  $2$  لیتر بر ثانیه و بازه جستجو بین  $0$  و  $5$  با فواصل  $1$  لیتر بر ثانیه باشد، در صورت انتخاب صحیح مقدار مصارف برای کلیه گره ها، پارامتر  $\sum_{l=1}^{NN} |D_l^* - D_l|$  برابر صفر خواهد بود. با توجه به اینکه مقادیر نشت فرضی در شبکه های تحلیل شده در این مقاله همواره جزء دامنه جستجو می باشند،  $e_m$  برابر  $0.0001$  فرض شده است. فلوچارت برنامه در شکل (۱) نمایش داده شده است. در این فلوچارت  $2$  حلقه وجود دارد. در حلقه بزرگتر به ازای تعداد تکرار از قبل مشخص شده ای موقعیت فشارسنج ها تغییر می کند. و حلقه داخلی در هر موقعیت نصب فشارسنج برای  $LN$  حالت بارگذاری

می شود و هر مرتبه یک مجموعه جدید  $SN$  نقطه بهینه فشارسنجی به دست می آید. تعداد دفعاتی که یک گره به عنوان بهترین نقطه فشارسنجی انتخاب شود، نشان می دهد که برای نشت یابی در حالت کلی، آن گره تا چه حد مناسب است. برای این منظور تابع هدفی که باید کمینه شود مطابق رابطه (۳) می باشد.

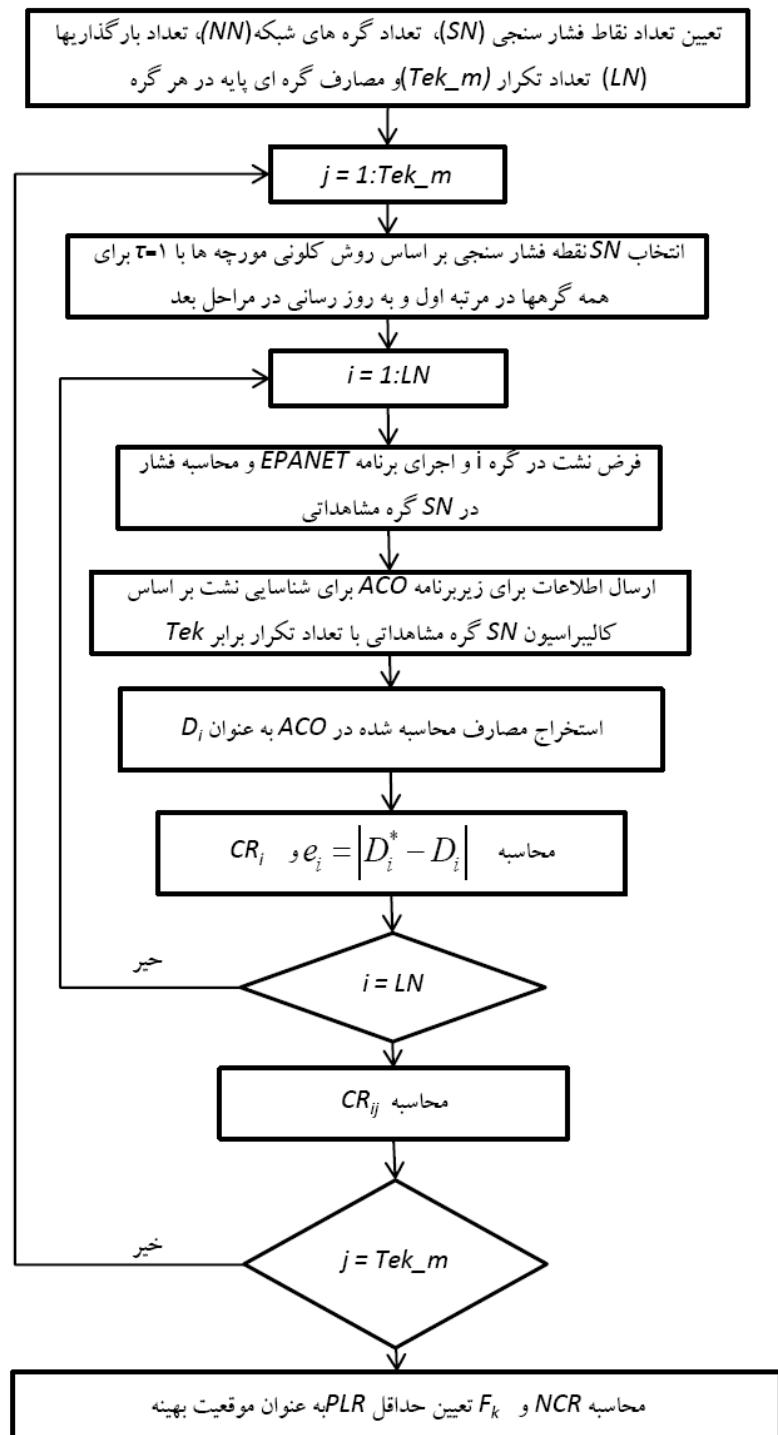
$$\text{Minimize} \left| \sum_{l=1}^{NN} |D_l^* - D_l| + Tek \right| \quad (3)$$

که در آن  $D_l^*$  مقدار صحیح مصرف در زمان فرض نشت در گره  $i$ ،  $D_l$  مقدار مصرف محاسبه شده در زمان فرض نشت در گره  $i$ ،  $NN$  تعداد گره های شبکه و  $Tek$  شمارنده گره ها است.  $Tek$  تعداد تکرارها در حلقة دوم برنامه کلونی مورچه ها است و نشان می دهد در صورت عدم رسیدن برنامه به پاسخ با دقت مطلوب، تحلیل ها در چه تکراری متوقف خواهد شد. مقداری که باید کمینه شود، مجموع تعداد تکرارها در برنامه کلونی مورچه ها و تفاضل قدر مطلق خطاهای برای هر یک از  $Tek-m$  جابه جایی فشارسنج است. در طی برنامه کلونی مورچه ها اگر طی تکرارها نتیجه به دقت مطلوب بررسد طبق رابطه فوق به دلیل ناچیز شدن خطأ، تعداد تکرارها ( $Tek$ ) در انتخاب بهترین موقعیت فشارسنجی تعیین کننده می باشد و در صورت عدم رسیدن به جواب با دقت مورد نظر، تحلیل ها در تکرار ثابتی متوقف خواهد شد و عملاً مقدار خطای باقیمانده سرنوشت بهترین پاسخ را مشخص خواهد کرد. پس از مشخص شدن موقعیت بهترین نقاط برای فشارسنجی در  $LN$  بارگذاری مختلف، گره هایی که بیشترین تکرار را در بین گره های بهینه فشارسنجی دارا باشند، به عنوان بهترین نقاط فشارسنجی در حالت کلی معرفی خواهند شد. رابطه (۴) محاسبه این پارامتر را نشان می دهد.

$$PLR_i = \sum_{l=1}^{LN} PL_{il} \quad (4)$$

که در آن  $PLR_i$  تعداد دفعاتی را که نقطه  $i$ ام به عنوان بهترین موقعیت فشارسنجی انتخاب شده نشان

پس از اتمام تکرارهای پیش‌بینی شده، پارامترهای مختلف مقدار و موقعیت نشت را شناسایی کرده و سپس با استفاده از رابطه  $(V)_{ij}$  CR<sub>ij</sub> را محاسبه می‌کند.



شکل ۱ فلوچارت برنامه

### نتایج بهینه یابی موقعیت فشارسنجی در این مدل

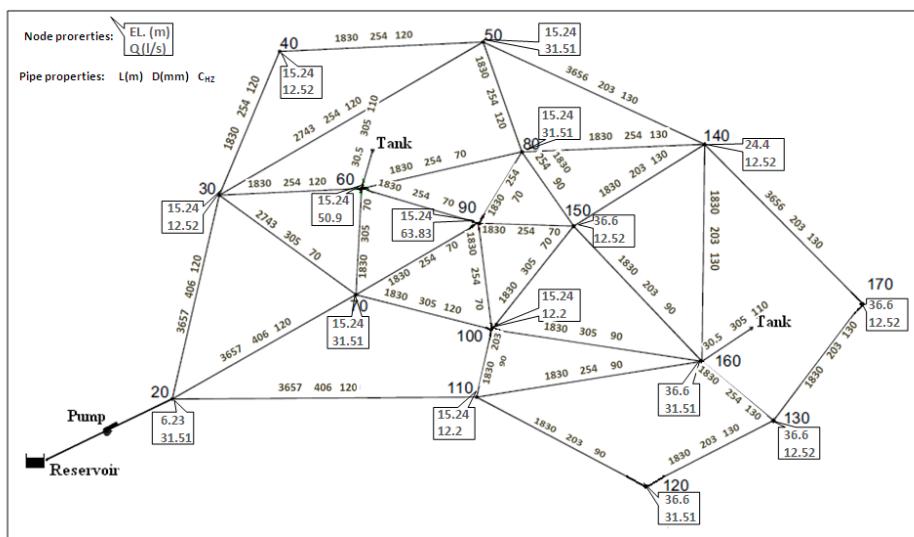
با چهار فشارسنج در تحقیقات مختلف در جدول (۲) درج شده است [۴, ۵, ۱۴]. همچنین تعداد بهینه فشارسنجی بر اساس آنالیز حساسیت و هزینه در تحقیقات کاپلان و همکاران ۷ مورد [۱۴]، بهزادیان و همکاران [۵]، ۶ مورد پیشنهاد شده است. در تحلیل این شبکه پارامتر حداقل تعداد تکرار برای یافتن بهترین نقاط فشارسنجی ( $Tek_m$ ) برابر با ۲۶، تعداد تکرار ( $Tek$ ) در ACO برای کالیبراسیون ۵۰۰، پارامتر فرومون در ابتدای هر مرحله برای کلیه نقاط ۱ و راهنمای کاوشی برای گره های پیشنهادی روش والسکی، ۱۰ و برای سایر نقاط ۱ در نظر گرفته شد.

جدول ۱ مشخصات پمپ ها

منحنی $QH$		گره پایین دست	گره بالا دست	شماره پمپ
$Q(l/s)$	$H(m)$			
۰	۹۱/۴	۲۰	۵۰۰	۳ و ۲، ۱
۲۵۲/۵	۸۲/۳			
۵۰۴/۷	۵۵/۲			

### مطالعه موردی

شبکه انتخابی در مقالات با عنوان مدل اینیتون شناخته می شود که توسط والسکی و همکاران در سال ۱۹۸۷ مورد استفاده قرار گرفت و تاکنون در حل مسائل مختلف در زمینه مهندسی آب از آن استفاده شده است و بررسی های زیادی برای بهینه یابی موقعیت فشارسنجی بر روی آن انجام شده است [۳, ۴, ۵]. شبکه اینیتون که در شکل (۲) نمایش داده شده است، دارای ۱۶ گره، ۳۴ لوله، ۳ پمپ موازنی، ۱ مخزن با ارتفاع ۱۶/۴ متر و ۲ تانک با ارتفاع ۷۱/۶ متر می باشد. مشخصات گره های شبکه و لوله ها در شکل (۲) و مشخصات پمپ ها در جدول (۱) درج شده است. برای استفاده از روش حاضر، ابتدا شبکه مورد نظر با استفاده از اطلاعات ارائه شده در جدول (۱) و شکل (۲) در نرم افزار ایانت ۲. مدل و فایل خروجی آن با پسوند inp ذخیره می شود. سپس تعداد گره های شبکه، تعداد فشارسنج مورد نظر و میزان مصارف گرهی برای هر گره به برنامه نوشته شده در متلب معرفی می شود و با برقراری ارتباطی پویا بین دو نرم افزار اطلاعات تحلیل های هیدرولیکی به نرم افزار متلب ارسال می گردد.



شکل ۲ شبکه مورد مطالعه اینیتون [۴]

فشارسنج، این موضوع روشی می‌شود که بیشترین جهش در رسیدن به جواب بین ۵ و ۶ عدد فشارسنج می‌باشد، یعنی تعداد ۶ فشارسنج می‌تواند از نظر اقتصادی به صرفه باشد که نظر بهزادیان و همکاران [5] را مورد تأیید قرار می‌دهد. باید توجه نمود که تعداد فشارسنجی برای رسیدن به یک سطح اعتماد مشخص به پارامترهای متعددی بستگی دارد. در روش ژاکوبین، تعداد واریانس خطای پارامترها تأثیر مستقیم بر روی این دقت دارد و در روش حاضر نیز تعداد و مقدار نشت، دامنه تغییرات و فوائل گسترش‌سازی پارامترها تعیین‌کننده است لذا نمی‌توان تعداد فشارسنجی ثابتی را به عنوان حالت بهینه برای کلیه موارد ذکر نمود و باید متناسب با هدف و روش بهینه‌یابی و دقت مورد انتظار این تعداد تعیین شود.

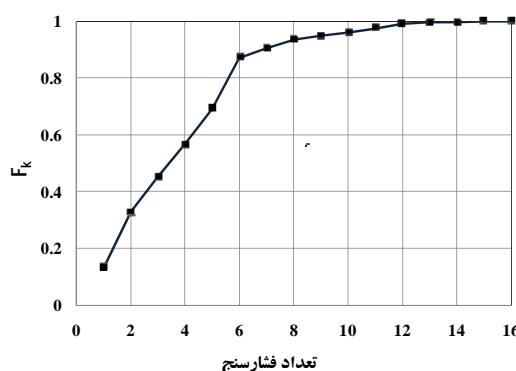
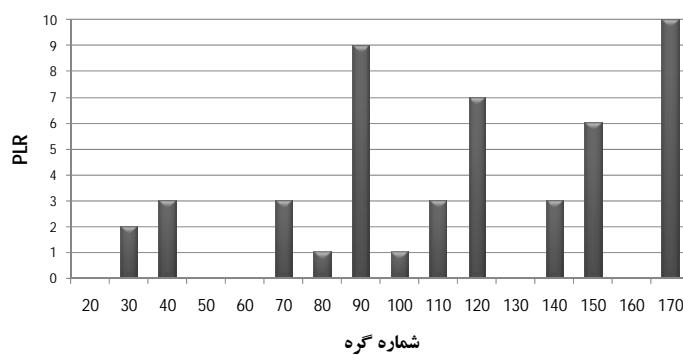
از آنجا که تعداد گره‌ها برابر با ۱۶ و نیز حداقل تعداد تکرار برای یافتن بهترین نقاط فشارسنجی در هر نشت فرضی ( $Tek_m$ ) برابر با ۲۶ در نظر گرفته شده است، در هر بار تحلیل تعداد کل حالات برابر با ۴۱۶ حالت می‌باشد. با توجه به شکل (۳)، اگر تها از یک فشارسنج استفاده شود، از بین ۲۵۶ حالت امتحان شده ۳۴ بارگذاری و ۱۶ تغییر موقعیت فشارسنج در (۴) میزان دقت نسبی ۰/۱۳ به دست می‌دهد و با به کار بردن تعداد ۲ فشارسنج، از بین ۴۱۶ حالت امتحان شده ۱۶ بارگذاری و ۲۶ تغییر موقعیت فشارسنج (۱۳۶ بار جواب به دست می‌آید که دقت نسبی ۰/۳۳ می‌گردد. به همین ترتیب با افزایش تعداد نقاط فشارسنجی، تعداد دفعات رسیدن به جواب نیز افزایش پیدا می‌کند. با مقایسه تعداد دفعات رسیدن به جواب و تعداد

جدول ۲ موقعیت‌های فشارسنجی بهینه برای ۴ فشارسنج در تحقیقات مختلف و کار حاضر

ردیف	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶
۱				۱	۱	۱							[5]	MOGA-ANN model	۱	
۲				۱		۱		۱					[5]	MCS-based model	۲	
۳					۱	۱	۱						[14]	MOGA-Poreto optimal front CAO1	۳	
۴	۱	۱	۱	۱									[14]	MOGA-Poreto optimal front CAO2	۴	
۵					۱	۱	۱						[14]	MOGA-Poreto optimal front CAO3	۵	
۶						۱	۱	۱					[4]		GA	۶
۷							۱	۱	۱				[4]	MOGA-Poreto optimal front	۷	
۸	۱	۱	۱	۱									کار حاضر		ACO	۸



شکل ۳ تعداد موقعیت‌های صحیح شناسائی نشت (NCR) به صورت تابعی از تعداد فشارسنج

شکل ۴ بررسی دقیق روش به ازای تعداد فشارسنج های مختلف ( $F_k$ )شکل ۵ موقعیت بهترین مکان فشارسنجی،  $PLR$ 

در مقایسه روش حاضر با روش استفاده از ماتریس ژاکوبین این نکته نیز باید مد نظر قرار گیرد که این روش پایه احتمالاتی و آماری دارد و تحلیل شبکه برای یافتن نقاط بهینه در این روش نسبت به روش های قبلی زمانبرتر می باشد ولی با توجه به توسعه کامپیوترها و این که این تحلیل برای هر شبکه فقط یک بار انجام می شود این مسئله مشکل چندانی در استفاده از این روش در شبکه های بزرگ ایجاد نمی کند ضمن اینکه تهیه ماتریس ژاکوبین که در روش های پیشین مورد نیاز است خود عملیاتی زمانبر می باشد.

#### نتیجه گیری

در این مقاله مسئله طرح نمونه گیری با هدف شناسایی بهترین موقعیت برای نصب فشارسنج و تعداد آن ها در شبکه توزیع آب به منظور نشت یابی مورد بررسی قرار گرفت. روش ارائه شده در این مقاله، روشی کاربردی

بهترین موقعیت فشارسنج ها برای تعداد ۴ نقطه فشارسنجی با این روش و استفاده از رابطه (۴)، براساس جدول (۲) با نتایج سایر تحقیقات انطباق نسبتاً خوبی دارد. همچنین تعداد تکرار انتخاب گره های مختلف برای انتخاب ۴ گره به عنوان بهترین نقاط فشارسنجی در شکل (۵) نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده می شود بهترین نقاط فشارسنجی، گره های ۹۰، ۱۲۰، ۱۵۰ و ۱۷۰ می باشند. همچنین با توجه به این نمودار، گره های ۲۰، ۵۰، ۶۰، ۱۳۰ و ۱۶۰ هیچ گاه در بین ۴ فشارسنج بهینه نبوده اند و با مراجعه به جدول (۲) مشاهده می شود که با نتایج سایر تحقیقات انطباق خوبی دارد. همچنین گره ۱۷۰ ده بار، گره ۹۰ نه بار، گره ۱۲۰ هفت بار و گره ۱۵۰ شش بار به عنوان بهترین موقعیت فشارسنجی انتخاب شده اند. گره های ۴۰، ۷۰، ۱۱۰ و ۱۴۰ نیز هر کدام ۳ مرتبه جزو گره های بهینه برای نشت یابی قرار گرفته اند.

این مقاله ۱۶ پارامتر مجهول وجود دارد. استفاده از این روش در این شبکه و مقایسه با نتایج ارائه شده در دیگر مقالات انتباط خوبی از نظر تعداد فشارسنج بهینه و هم‌چنین موقعیت بهینه فشارسنج‌ها نشان داد. بر این اساس روش ارائه شده در این مقاله ضمن ارائه روشی نوین که برای بهینه‌یابی موقعیت‌های فشارسنجی همراه بوده و دقت مناسب در مقایسه با روش‌های پیشین کاملاً منحصر بفرد است، پیشین نتایج خوبی را در شرایط واقعی از خود نشان می‌دهد.

با دقت مناسب است که برخلاف روش‌های قبلی نیاز به تشکیل دستگاه معادلات معین ندارد و به لحاظ کاربردی، محدودیت‌های کمتری دارد. این روش در شبکه‌ای که در مقالات متعدد به منظور انجام کالیبراسیون و طرح نمونه‌گیری مورد استفاده قرار گرفته، مورد ارزیابی قرار گرفت. در تحلیل این شبکه، پارامترهای مجهول مصارف گره‌ای بدون انجام گروه بندی لحاظ گردید که از نظر نوع و تعداد پارامترهای مجهول، مسئله بهینه‌یابی را نسبت به دیگر تحقیقات دشوارتر نموده بود. بررسی مصرف به عنوان پارامتر متغیر نسبت به زبری پیچیده‌تر می‌باشد. هم‌چنین در

#### مراجع

- Shamir, U., and Howard, C. D. D. "Water Distribution Systems Analysis." *J. Hydraul. Div., Am. Soc. Civ. Eng.*, 94(1), 219–234, (1968).
- Walski, T. M., "Technique for Calibrating Network Models." *Journal of Water Resources Planning and Management.*, 109(4), pp. 360–372, (1983).
- Kapelan, Z. S., Savic, D. A. and Walters, G. A. "Multiobjective Sampling Design for Water Distribution Model Calibration." *Journal of Water Resources Planning and Management*, ASCE, 129(6), pp. 466-479, (2003).
- Kapelan, Z. S. and Savic, D. A. "Optimal Sampling Design Methodologies for Water Distribution Model Calibration." *Journal of Hydraulic Engineering*, ASCE, 131(3), pp. 190-200, (2005).
- Behzadian, K., Kapelan, Z., Savic, D. and Ardestir, A. "Stochastic Sampling Design Using a Multi-objective Genetic Algorithm and Adaptive Neural Networks." *Environmental Modeling & Software*, Vol. 24, pp. 530–541, (2009).
- Isovitsch, S. L. and VanBriesen, J. M., "Sensor Placement and Optimization Criteria Dependencies in a Water Distribution System." *Journal of Water Resources Planning and Management*, ASCE, 134:(2), pp. 186-196, (2008).
- Wu, Z. Y. and Sage, P., "Water Loss Detection Via Genetic Algorithm Optimization-Based Model Calibration." ASCE 8<sup>th</sup> Annual International Symposium on Water Distribution System Analysis, Cincinnati, Ohio, (2006).
- Karris, S. T., "Numerical Analysis Using MATLAB and Excel." Third Edition, Orchard Publications, (2007).
- Rossman L. A., "EPANET.2 Users Manual." Water Supply and Water Resources Division National Risk Management Research Laboratory Cincinnati, OH 45268, (2000).
- Ostfeld. A., and Tubaltzev, A., "Ant Colony Optimization for Least-Cost Design and Operation of Pumping

- Water Distribution Systems.” *Journal of Water Resources Planning and Management*, Vol. 134, No. 2, pp. 107-118, (2008).
11. Maier, H. R., Simpson, A. R., Zecchin, A. C., Foong, W. K., Phang, K. Y., Seah, H. Y. and Tan, C. L., “Ant Colony Optimization for Design of Water Distribution Systems.” *Journal of Water Resources Planning and Management*, Vol. 129, No. 3, pp.200-209, (2003).
12. Cheung, P. B., Abe, N. and Propato, M., “Night Flow Analysis and Modeling for Leakage Estimation in a Water Distribution System.” *Integrating Water Systems –Maksimović*, Taylor & Francis Group, pp. 509-513, (2010).
13. Kang, D. S., and Lansey, K. “Real-time State Estimation and Confidence Limit Analysis for Water Distribution Systems.” *J. Hydraul. Eng.*, 135(10), 825–837, (2009).
14. Kapelan, Z., Savic, D.A., Walters and G.A., “Multiobjective Design of Water Distribution Systems under Uncertainty”, *Water Resources Research* 41 (11), W11407, doi:10.1029/2004WR003787, (2005).