

## تحلیل عددی استاتیکی عملکرد زهکش چتری در تونل بدون پوشش دایروی عمیق تحت تراوش پایدار\*

علی حسین‌بالام<sup>(۱)</sup>محمد حاشمی<sup>(۲)</sup>

**چکیده** در این تحقیق سیستم زهکش چتری، به عنوان یک سیستم زهکشی در تونل‌های تحت اثر تراوش پایدار معرفی می‌گردد. آرایش این سیستم زهکشی برگرفته از ترکیب زهکش لوله اتصالی و الہام گرفته شده از نگهدارنده چتری فورپولینگ است. در این پژوهش به وسیله نرم‌افزار اجزای محدود آباکوس، عملکرد این سیستم زهکشی به صورت تحلیل استاتیکی عددی در تونل دایروی عمیق تحت تراوش پایدار، مورد بررسی قرار می‌گیرد. در این مقاله با درنظر گرفتن سه پارامتر شاهد (کرنش اصلی مؤثر ماکریم در زمین تونل، توزیع فشار آب حفره‌ای در جداره تونل و گرادیان هیدرولیکی در اطراف زهکش‌ها) و بررسی کلیه مشخصات مؤثر بر عملکرد لوله زهکش، به ارائه یک آرایش بهینه برای این سیستم زهکشی پرداخته شده است.

**واژه‌های کلیدی** زهکش چتری، تونل دایروی عمیق، تراوش پایدار و تحلیل عددی استاتیکی.

## Numerical Statical Analysis of Umbrella Drain Performance in Deep Circular Not-lined Tunnel for Steady-State Seepage

A. Hosseini balam

M. Hashemi

**Abstract** In this article, Umbrella drainage system is presented as a alternative drainage system for the tunnels under steady state-seepage condition. The arrangement of this system is inspired from pin-hole drainage system and forepoling method of support installation. In this study, the performance of this drainage system is investigated through numerical statical analysis for deep circular tunnels subjected to steady-state seepage by using ABAQUS finite element software. In this regard, three monitoring parameters have been investigated: tunnel domain's maximum effective principle strain, pore water pressure distribution of the tunnel walls and hydraulic gradient around the drainages. By taking into account these parameters, an optimum arrangement for the draining system is presented through exploring all of the factors affecting the drainage tube performance.

**Key Words** Umbrella Drainage, Deep Circular Tunnel, Steady-State Seepage and Numerical Statical Analysis.

\* تاریخ دریافت مقاله ۹۳/۱۰/۲۹ و تاریخ پذیرش آن ۹۵/۵/۱۸ می‌باشد.

(۱) کارشناس ارشد مهندسی خاک و پی، گروه عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه اصفهان.

(۲) نویسنده مسئول، دانشیار، گروه عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه اصفهان.

Email: M.hashemi@eng.ui.ac.ir

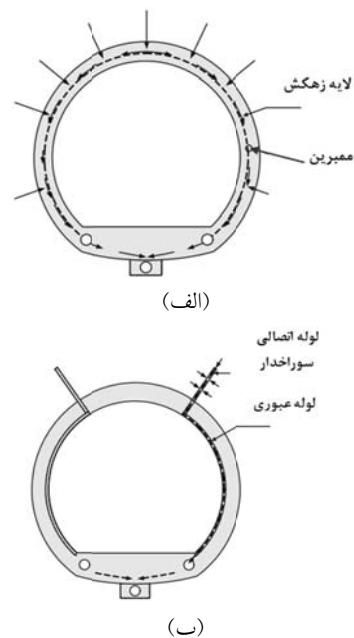
قطر زیاد به علت حجم بالای مصالح مورد نیاز برای زهکشی کلی جداره تونل از لحاظ اقتصادی توجیه پذیر نیست. دیگر، تونل های با سطح مقطع غیردایروی به علت ملاحظات اجرایی دشوار برای زهکشی کامل جداره تونل مقرون به صرفه نیستند. از دیگر موارد، تونل های تک لایه ای هستند که به دلیل لزوم اجرای این نوع سیستم زهکش در بین پوشش موقتی و دائمی، به منزله نگهداری کامل این سیستم زهکش پیرامون دیواره تونل، عمر مفید زهکش فیلتر محیطی در هنگام کاربرد در تونل های تک لایه ای کاهش می یابد [1].

سیستم زهکشی مطرح شده در این تحقیق، سیستم زهکش چتری می باشد. آرایش این نوع سیستم زهکش از ترکیب زهکش لوله اتصالی و نگهدارنده چتری فورپولینگ اقتباس شده است. فورپولینگ (پیش لوله گذاری) یک روش پیش تحکیمی برای سازنده ای ضعیف است. سیستم زهکش چتری شامل نصب لوله های زهکش در جبهه تونل است. در این نوع سیستم زهکش، زهکشی فقط از طریق لوله ها صورت می پذیرد. آب زهکشی شده از طریق لوله های عبوری به لوله آبگیری به منظور تخلیه از تونل انتقال داده می شود. لازم به ذکر است که این سیستم زهکشی هیچ کدام از محدودیت های ذکر شده برای سیستم زهکش فیلتر محیطی را ندارد. در شکل (۲) نمونه ای از سیستم زهکش چتری به همراه اجزای اصلی آن به صورت شماتیک نشان داده شده است.

در مورد پژوهش های انجام گرفته در مورد تونل های تحت تراویش می توان به مطالعات یونگ و همکاران [2]، نام و بوبت [3]، فهیمی فر و زارعی فرد [4]، لی و همکاران [5]، شین و همکاران [6]، لی و نام [7]، لی و وانگ [8]، کالری [9]، شین و همکاران [10]، آجنوی و همکاران [11]، زیانگ و همکاران [12]، بوبت [13]، شین و همکاران [14]، لی و همکاران [15]، لی و نام [16]، کلیمباس و واگنر [17]، بوتر [18]، پارک و همکاران [19] و فرناندز و موون [20]

## مقدمه

از جمله مسائل مطرح در تونل ها، بحث تراویش می باشد. این مسئله از آن جایی که فشار آب حفره ای یک نیروی اضافی را به جداره تونل وارد می کند، از اهمیت ویژه ای برخوردار است. زیرا فشار آب حفره ای باعث زوال سازه ای جداره تونل می شود. لذا نیاز به زهکشی در این تونل ها از جایگاه ویژه ای برخوردار است. سیستم های زهکشی مطرح در تونل ها انواع مختلفی را شامل می شود. از انواع معمول آنها می توان به سیستم زهکش فیلتر محیطی و سیستم زهکش لوله اتصالی اشاره کرد. با این حال تاکنون مطالعات نسبتاً محدودی بر روی این سیستم های زهکشی و عوامل مؤثر در آنها، به خصوص برای سیستم زهکش لوله اتصالی، انجام گردیده است. در شکل (۱) این دو نوع سیستم زهکشی نشان داده شده است.

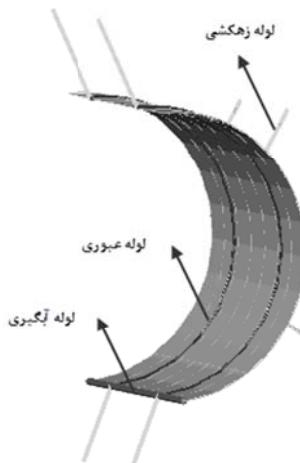


شکل ۱ سیستم های زهکشی معمول در تونل های تحت تراویش  
(الف) سیستم زهکش فیلتر محیطی (ب) سیستم زهکش لوله اتصالی [1]

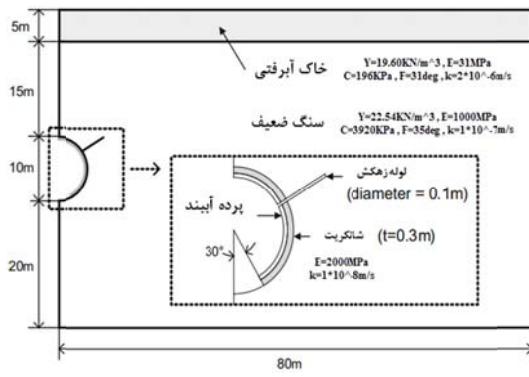
سیستم زهکش فیلتر محیطی در چند مورد قابل استفاده یا مقرون به صرفه نمی باشد. نخست تونل های با

مرزی هد کل صفر برای مرزهای بالا، پایین و سمت راست مدل، اقدام کردند به تحلیل هم زمان مکانیکی-هیدرولیکی تحت تراوosh پایدار مدل. در شکل (۳-ب) اثر موقعیت زاویه محیطی زهکش لوله اتصالی حاصل از نتایج شین و همکاران و مدل سازی در نرم افزار آباکوس نشان داده شده است. براساس این شکل می توان اذعان داشت که صحت سنجی در نرم افزار به طور مطلوبی صورت پذیرفته است.

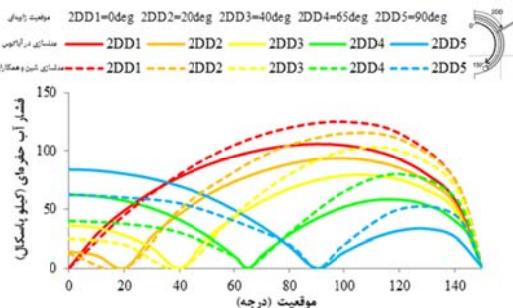
اشاره کرد.



شکل ۲ سیستم زهکش چتری



(الف)



(ب)

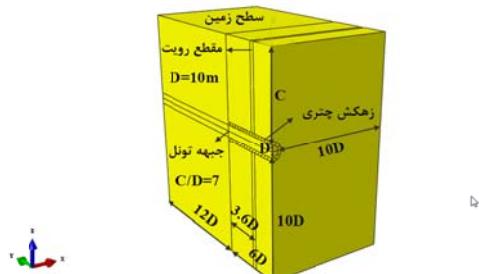
شکل ۳ (الف) مدل شین و همکاران [۱]، (ب) اثر موقعیت زاویه محیطی زهکش لوله اتصالی حاصل از نتایج شین و همکاران [۱] و مدل سازی در نرم افزار

### مدل سازی در نرم افزار

پارامترهای مؤثر بر لوله های زهکش این سیستم زهکش شامل تعداد، طول، فاصله و زاویه می باشند. لذا به منظور معرفی یک آرایش خاص از لوله های زهکش در این

گام اول در هر پژوهش عددی، صحت سنجی نرم افزار مورد استفاده به منظور اعتبارسنجی کد استفاده شده در نرم افزار و قابلیت مدل سازی کاربر استفاده کننده از نرم افزار می باشد. لذا در این تحقیق به منظور صحت سنجی، از پژوهشی که شین و همکاران [۱] در سال ۲۰۰۹ بر روی زهکش لوله اتصالی برای بررسی اثر موقعیت زاویه محیطی لوله زهکش انجام داده اند بهره گرفته شده است. آنها به بررسی کنترل فشار آب حفره ای و رفتار هیدرولیکی در پوشش تونل زیر سطح آب زیرزمینی با استفاده از سیستم زهکش لوله اتصالی به صورت عددی با استفاده از برنامه اجزای محدود MIDAS-GTS پرداختند. در این مطالعه، پارامترهای مختلفی از سیستم زهکش لوله اتصالی مانند تعداد (تک و جفت) در مقطع جانبی تونل، طول، زاویه محیطی از تاج تونل، زوایای تمایل طولی و جانبی از سطح تونل و فواصل طولی در امتداد تونل بررسی شد. آنها مطابق شکل (۳-الف) برای مدل دو بعدی خود ابعاد و مشخصات مصالح را برای مدل رفتاری الاستوپلاستیک متخلخل اشیاع خود در نظر گرفتند. هم چنین آنها با درنظر گرفتن شرط

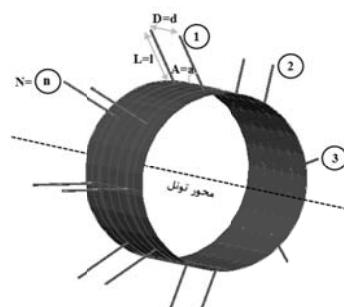
در این پژوهش [۲۱] باستفاده از نرمافزار اجزای محدود آباکوس [۲۲] با انجام تحلیل سه بعدی استاتیکی به ارائه یک آرایش بهینه برای لوله های زهکش سیستم زهکش چتری، در تونل بدون پوشش دایروی عمیق تحت تراویش پایدار پرداخته شده است. یکی از مسائل بسیار مهم در مطالعات عددی رئوتکنیکی، درنظر گرفتن ابعاد صحیح برای مدل در نرمافزار می باشد. اگر ابعاد این مدل کوچک باشد، باعث ایجاد خطا در مدل سازی می گردد و در صورتی که بزرگ باشد، از لحاظ زمان تحلیل و حجم اطلاعات خروجی مفروض به صرفه نمی باشد. با انجام تحلیل هم گرایی، مدلی به ابعاد نشان داده شده در شکل (۶) بر حسب قطر تونل (D) و روباره تونل (C) در نظر گرفته شده است.



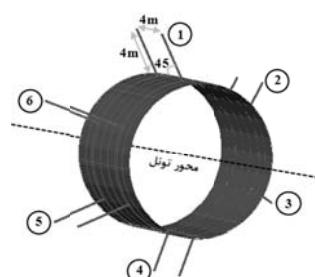
شکل ۶ ابعاد مدل

همان گونه که در شکل (۱) نشان داده شده است، مقطعی به فاصله  $3.6D$  از جبهه تونل در فاصله بین دو زهکش متواالی به عنوان مقطع رؤیت در نظر گرفته شده است. در این تحقیق از این مقطع، برای قرائت خروجی های پایدار شده مورد نیاز در مدل سه بعدی بهره گرفته شده است. در شکل (۷) کرنش ماکزیمم در کف تونل برای مدل پایه، نشان داده شده است. لازم به ذکر است که  $X/D$  بیانگر فاصله بی بعد شده از جبهه تونل نسبت به قطر تونل می باشد. با توجه به شکل (۷) نتیجه می شود که کرنش ماکزیمم در کف تونل، با فاصله گرفتن از زهکش های جبهه تونل کاهش می یابد.

سیستم زهکشی، در ادامه این تحقیق از یک نامگذاری نمادین استفاده شده است. روش نامگذاری نمادین به این صورت است که اگر تعداد لوله های زهکش در مقطع دایروی تونل برابر  $n$  طول لوله ها برابر ۱ متر، فاصله بین لوله ها در طول تونل برابر  $d$  متر و زاویه بین لوله ها و محور طولی تونل برابر  $a$  درجه باشد، نامگذاری نمادین این آرایش از لوله ها به صورت  $NnLlDdAa$  می باشد. در شکل (۴) نحوه نامگذاری نمادین آرایش لوله های زهکش، در سیستم زهکش چتری ارائه شده است.

شکل ۴ مدل  $Aa$ 

هم چنین با توجه به پژوهش شین و همکاران [۱]، یک مدل پایه برای سیستم زهکش چتری به منظور یک مدل اولیه منطقی برای این سیستم زهکشی در نظر گرفته شده است. مدل پایه دارای شش عدد لوله زهکش، به طول ۴ متر، فاصله ۴ متر و زاویه ۴۵ درجه می باشد. در شکل (۵) این مدل پایه، برای سیستم زهکش چتری نشان داده شده است.

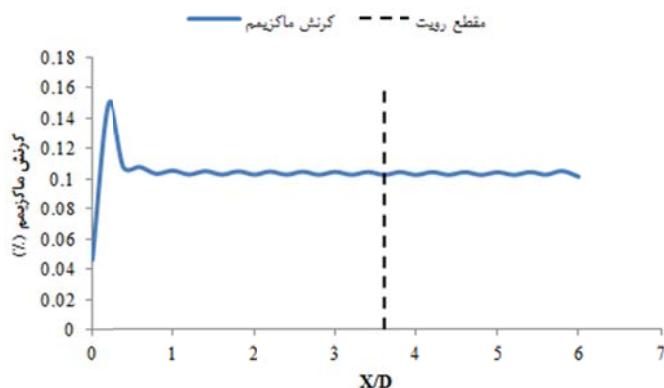


شکل ۵ مدل پایه

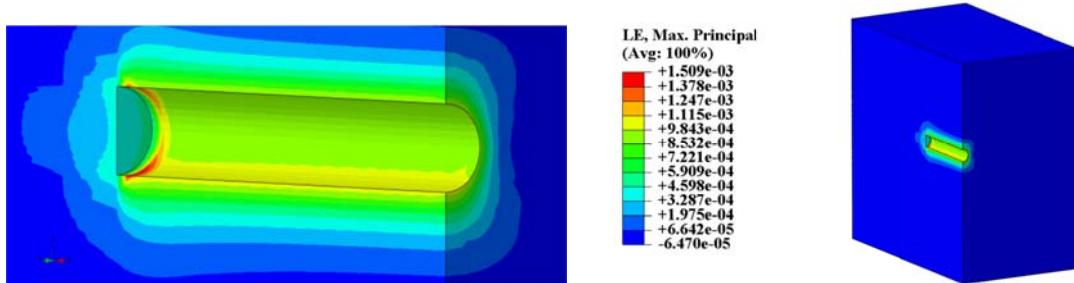
می‌شود که فشار آب حفره‌ای در جداره تونل با فاصله گرفتن از زهکش‌های جبهه تونل کاهش می‌یابد. همچنین فشار آب حفره‌ای در جداره تونل در مقطع رؤیت به مقدار پایدار خود میل کرده است. همچنین در شکل (۱۰) کانتور کرنش ماکریم برای مدل پایه نشان داده شده است.

همچنین کرنش ماکریم در کف تونل، در مقطع رؤیت به مقدار پایدار خود میل کرده است. همچنین در شکل (۸) کانتور کرنش ماکریم برای مدل پایه نشان داده شده است.

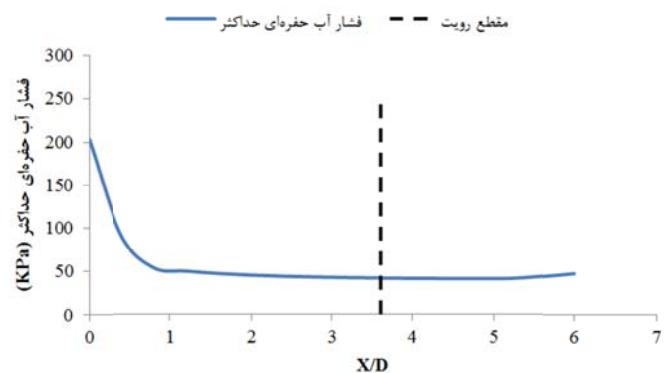
در شکل (۹) فشار آب حفره‌ای در جداره تونل در فاصله بین دو زهکش بالایی تونل برای مدل پایه، نشان داده شده است. با توجه به شکل (۹) نتیجه



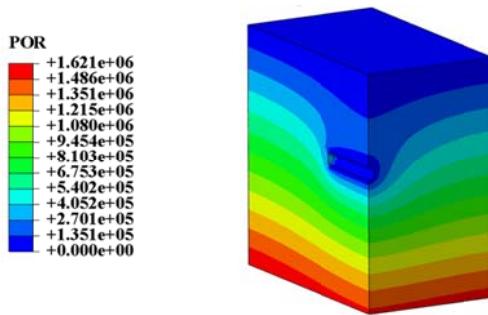
شکل ۷ کرنش ماکریم



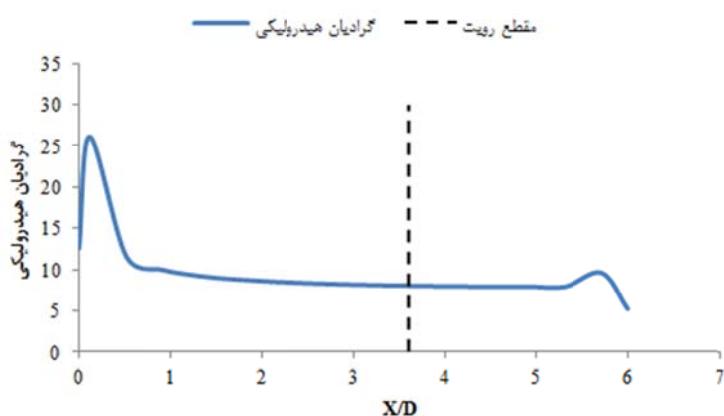
شکل ۸ کانتور کرنش ماکریم برای مدل پایه



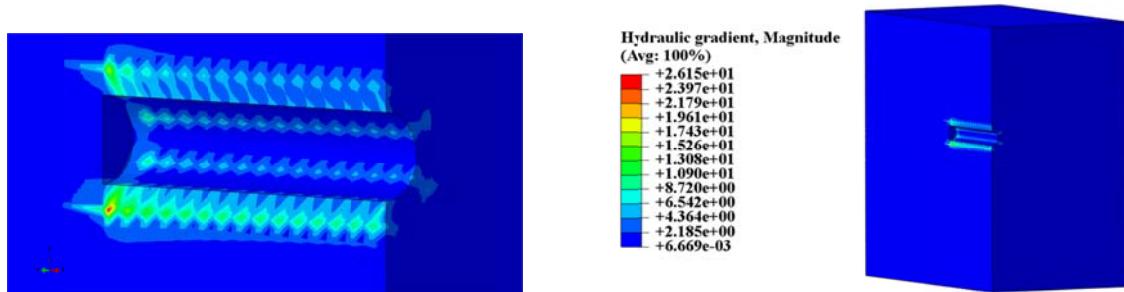
شکل ۹ فشار آب حفره‌ای حداقل



شکل ۱۰ کانتور فشار آب حفره‌ای برای مدل پایه (Pa)



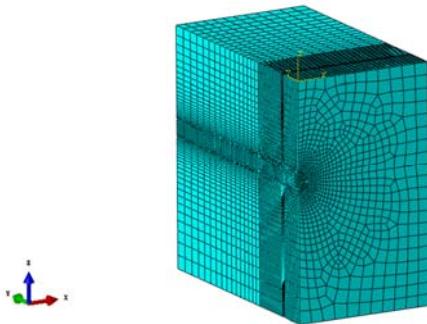
شکل ۱۱ گرادیان هیدرولیکی



شکل ۱۲ کانتور گرادیان هیدرولیکی برای مدل پایه

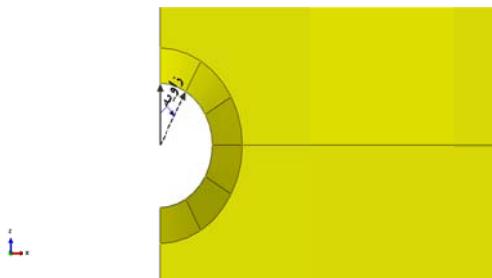
همچنین گرادیان هیدرولیکی در سر زهکش‌های پایینی تونل در مقطع رؤیت به مقدار پایدار خود میل کرده است. همچنین در شکل (۱۲) کانتور گرادیان هیدرولیکی برای مدل پایه نشان داده شده است. ویژگی‌های مصالح در این تحقیق برگرفته از

در شکل (۱۱) گرادیان هیدرولیکی در سر زهکش‌های پایینی تونل برای مدل پایه، نشان داده شده است. با توجه به شکل (۱۱) نتیجه می‌شود که گرادیان هیدرولیکی در سر زهکش‌های پایینی تونل با فاصله گرفتن از زهکش‌های جبهه تونل کاهش می‌یابد.



شکل ۱۴ مدل مشبندی شده

برای بررسی پارامترهای مؤثر در سیستم زهکش چتری بر توزیع فشار آب حفره‌ای در جداره تونل، از ترسیم توزیع این متغیر در محل زهکش‌های مقطع رؤیت بهره گرفته شده است. در شکل (۱۵) زاویه قراردادی برای رسم توزیع فشار آب حفره‌ای در جداره تونل نشان داده شده است.



شکل ۱۵ زاویه قراردادی برای رسم توزیع فشار آب حفره‌ای

### اثر تعداد لوله‌های زهکش

از آن‌جا که در این بخش از بین چهار پارامتر مؤثر بر لوله‌های زهکش، فقط به بررسی اثر تعداد لوله‌های زهکش پرداخته شده است. لذا نیاز به درنظر گرفتن سه مقدار ثابت، برای سه مقدار تعدد همان‌گونه که قبلًا بیان گردید، از مدل پایه گرفته شده است؛ یعنی طول، فاصله و زاویه لوله‌های زهکش به ترتیب ۴ متر، ۴ متر و ۴۵ درجه درنظر گرفته شده است. برای بررسی اثر تعداد لوله‌های زهکش بر کرنش ماکریم، تعداد ۱ تا ۱۴ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل درنظر گرفته

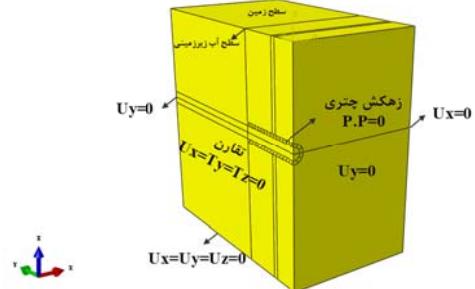
پژوهش شین و همکاران [۱] است. در جدول (۱) مشخصات صالح در مدل‌سازی در نرم‌افزار ارائه شده است.

گام بعدی در مدل‌سازی عددی در نرم‌افزار، انتخاب روش تحلیل برای حل مدل است. روش تحلیلی درنظر گرفته شده، تحلیل هم‌زمان هیدرولیکی-مکانیکی تراوش پایدار می‌باشد. این روش تحلیلی با درنظر گرفتن اثرات توأم هیدرولیکی و مکانیکی از جامعیت ویژه‌ای برخوردار است.

جدول ۱ مشخصات صالح در مدل‌سازی

$E = 1000 \text{ MPa}$	$v = 0.25$
$\gamma_d = 20 \text{ KN/m}^3$	$\gamma_{\text{sat}} = 23 \text{ KN/m}^3$
$k = 10^{-7} \text{ m/s}$	

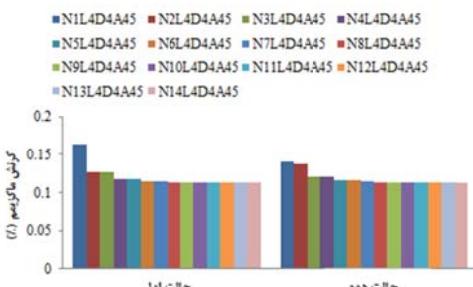
مرحله بعد در مدل‌سازی عددی در نرم‌افزار، اعمال شرایط مرزی است. در شکل (۱۳) شرایط مرزی مکانیکی و هیدرولیکی در مدل‌سازی ارائه شده است.



شکل ۱۳ شرایط مرزی در مدل‌سازی

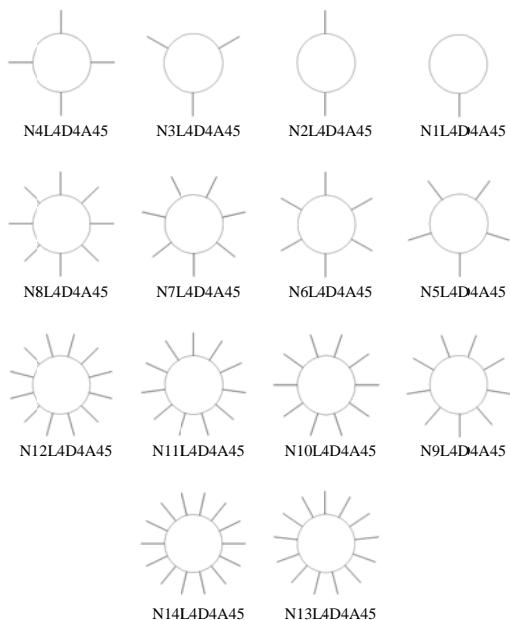
سپس ستاپ گراتش به عنوان تنها نیروی خارجی مؤثر بر مدل، در مدل‌سازی اعمال می‌گردد. با انجام این فرآیند، بارگذاری در مدل‌سازی نیز به اتمام می‌رسد. گام بعدی در مدل‌سازی عددی در نرم‌افزار، مشبندی مدل است. المان درنظر گرفته شده برای مشبندی، المان مکعبی هشت‌گره‌ای خطی (استاندارد درجه اول) می‌باشد. در شکل (۱۴) مدل مشبندی شده در مدل‌سازی ارائه شده است.

در شکل (۱۷) مقدار کرنش ماکریم، در هر دو حالت از این آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است.



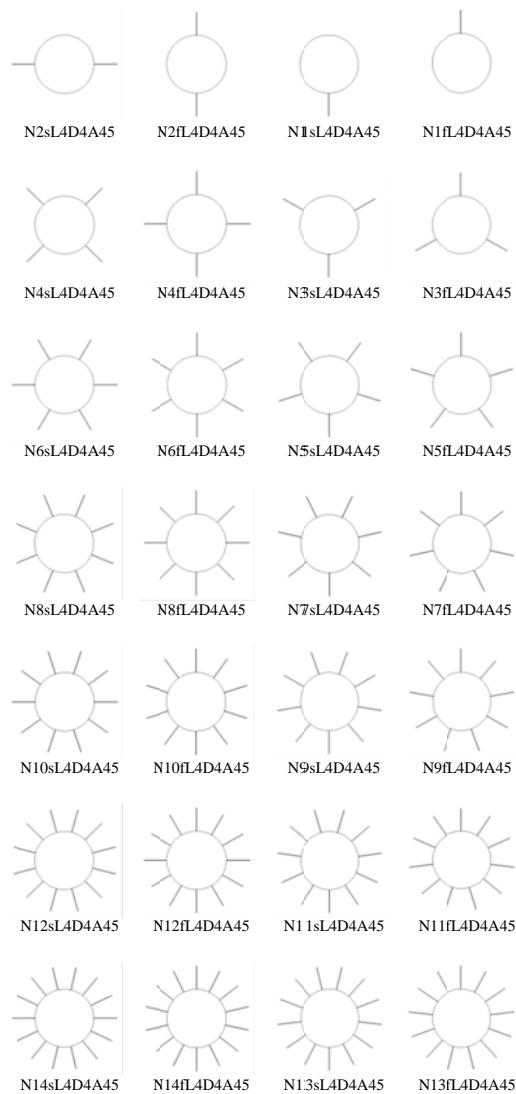
شکل ۱۷ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در دو حالت بر کرنش ماکریم

همان‌گونه که در شکل (۱۷) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که از بین دو حالت اول و دوم از هر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش، فقط یک حالت وجود دارد که به صورت بهینه کرنش ماکریم کمتری را ایجاد می‌کند. در شکل (۱۸) این حالت بهینه از هر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش، به همراه نام‌گذاری آنها نشان داده شده است.



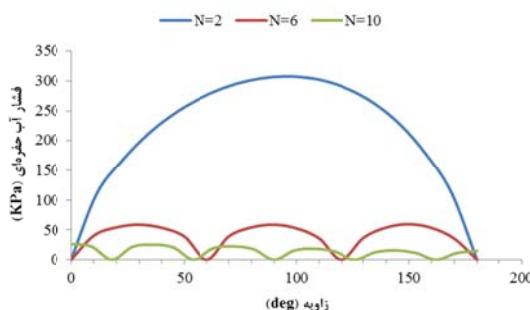
شکل ۱۸ آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت بهینه به همراه نام‌گذاری

شده است. از آنجا که آرایش لوله‌های زهکش در این سیستم زهکشی، در دو نیمه راست و چپ تونل نسبت به یکدیگر متقارن است؛ لذا برای هر آرایش تعدادی از این لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل، دو حالت را می‌توان در نظر گرفت. در شکل (۱۶) این دو حالت از هر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش، به همراه نام‌گذاری آنها نشان داده شده است. لازم به ذکر است که در این نام‌گذاری، حرف f بیانگر حالت اول و حرف s بیانگر حالت دوم می‌باشد.



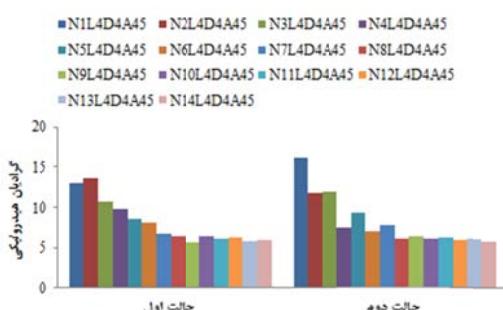
شکل ۱۶ آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در دو حالت به همراه نام‌گذاری

قطعه دایروی توبل فشار آب حفره‌ای کاهش می‌یابد.



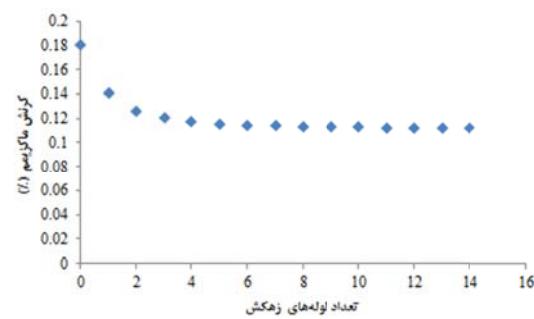
شکل ۲۰ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش بر توزیع فشار آب حفره‌ای

در شکل (۲۱) مقدار گرادیان هیدرولیکی در هر دو حالت از آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۲۱) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که از بین دو حالت از هر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش فقط یک حالت وجود دارد که به صورت بهینه حداقل گرادیان هیدرولیکی کمتری را ایجاد می‌کند. البته لازم به ذکر است که این حالت بهینه، الزاماً همان حالت بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش بهمنظور ایجاد کرنش ماقزیم کمتر نیست. مثلاً مدل N2L4D4A45 حالت اول، از جمله حالات بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش بهمنظور کاهش کرنش ماقزیم است؛ ولی همین مدل، از جمله حالات بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش بهمنظور کاهش گرادیان هیدرولیکی نیست.



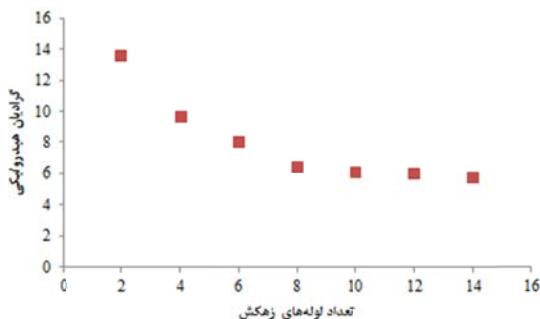
شکل ۲۱ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در دو حالت بر گرادیان هیدرولیکی

همان‌گونه که در شکل (۱۸) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که وجه مشترک معمول حالت بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش، ضرورت زهکشی از کف توبل می‌باشد. این امر به صورت مشهود برای تعداد لوله‌های زهکش ۱ تا ۹ عدد در قطعه دایروی توبل دیده می‌شود. این امر تأیید کننده ضرورت کاربرد همان سیستم زهکشی معکوس در توبل‌های تحت تراوش است. در شکل (۱۹) مقدار کرنش ماقزیم، در حالت بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۱۹) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش تعداد لوله‌های زهکش در قطعه دایروی توبل کرنش ماقزیم کاهش می‌یابد. البته این کاهش کرنش ماقزیم، تا تعداد ۸ عدد لوله زهکش در قطعه دایروی توبل مشهود است. لازم به ذکر است که عدد صفر برای تعداد لوله‌های زهکش در قطعه دایروی توبل یا نگر کرنش ماقزیم بدون درنظر گرفتن سیستم زهکشی می‌باشد.

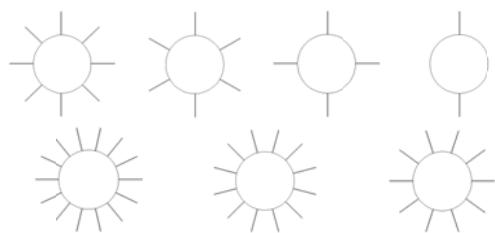


شکل ۱۹ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت بهینه بر کرنش ماقزیم

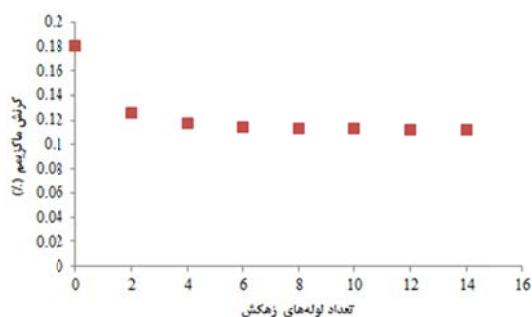
برای بررسی اثر تعداد لوله‌های زهکش بر فشار آب حفره‌ای، فقط تعداد ۳، ۶ و ۱۰ عدد لوله زهکش در قطعه دایروی توبل در قظر گرفته شده است. در شکل (۲۰) توزیع فشار آب حفره‌ای، در این حالت از آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۲۰) نشان داده شده است، نتیجه می‌شود که با افزایش تعداد لوله‌های زهکش در



شکل ۲۳ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت زوج بر گرادیان هیدرولیکی



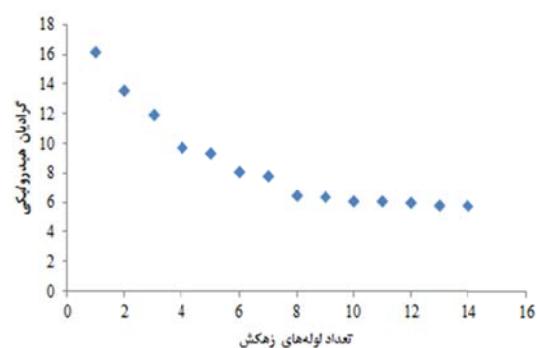
شکل ۲۴ آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت زوج



شکل ۲۵ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت زوج بر کرنش ماکریم

همان‌گونه که در شکل (۲۳) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که این کاهش گرادیان هیدرولیکی تا همان تعداد ۸ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل قابل ملاحظه است. این امر دلالت بر حاکمیت عوامل هیدرولیکی نسبت به عوامل مکانیکی بر تونل تحت تراویش دارد. در شکل (۲۴) حالات زوج از آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده است. هم‌چنین

از آنجا که رویکرد اصلی در این تحقیق، بررسی اثر عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش بر مبنای کرنش ماکریم است. لذا از بررسی حالات بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش به منظور کاهش گرادیان هیدرولیکی اجتناب گردیده است. در شکل (۲۲) مقدار گرادیان هیدرولیکی در حالت بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است.

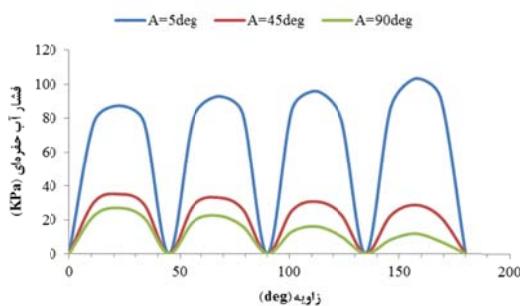


شکل ۲۶ تأثیر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در حالت بهینه بر گرادیان هیدرولیکی

همان‌گونه که در شکل (۲۲) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش تعداد لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل، گرادیان هیدرولیکی به‌طور معمول کاهش می‌یابد. هم‌چنین همان‌گونه که مشاهده می‌شود، کاهش گرادیان هیدرولیکی برای تعداد ۵، ۷ و ۹ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل، به ترتیب در مقایسه با گرادیان هیدرولیکی برای تعداد ۴، ۶ و ۸ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل ناچیز است؛ لذا با درنظر گرفتن تعداد زوج برای لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل، می‌توان از کاهش مؤثرتر گرادیان هیدرولیکی بهره برد. در شکل (۲۳) مقدار گرادیان هیدرولیکی در حالت زوج آرایش تعدادی لوله‌های زهکش نشان داده شده است.

مذکور، زاویه  $90^\circ$  درجه نسبت به محور طولی تونل است، ولی این کاهش کرنش ماکزیمم تا زاویه  $45^\circ$  درجه برای لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل مشهود است. لذا به دلیل ملاحظات اجرایی و تجهیزات کارگاهی، می‌توان لوله‌های زهکش را با زاویه بیشتر از  $45^\circ$  درجه نسبت به محور طولی تونل نصب کرد.

برای بررسی اثر زاویه لوله‌های زهکش بر فشار آب حفره‌ای، فقط زوایای  $5^\circ$ ،  $45^\circ$  و  $90^\circ$  درجه برای لوله‌های زهکش، نسبت به محور طولی تونل درنظر گرفته شده است. در شکل (۲۷) توزیع فشار آب حفره‌ای، به‌ازای این زوایای لوله‌های زهکش نشان داده شده است.



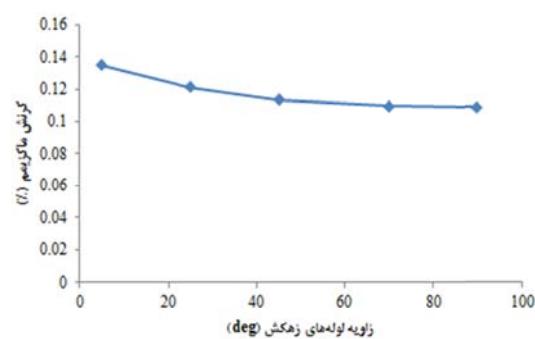
شکل ۲۷ تأثیر زاویه لوله‌های زهکش بر توزیع فشار آب حفره‌ای

همان‌گونه که در شکل (۲۷) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش زاویه لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل، فشار آب حفره‌ای کاهش می‌یابد. در شکل (۲۸) مقدار گرادیان هیدرولیکی، به‌ازای زوایای لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۲۸) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش زاویه لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل گرادیان هیدرولیکی کاهش می‌یابد. همچنین این کاهش گرادیان هیدرولیکی تا همان زاویه  $45^\circ$  درجه برای لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل مشهود است. این امر نیز دلالت بر حاکمیت عوامل هیدرولیکی نسبت به عوامل مکانیکی بر تونل تحت تراویش دارد.

در شکل (۲۵) مقدار کرنش ماکزیمم، در حالت بهینه آرایش تعدادی لوله‌های زهکش برای حالات زوج نشان داده شده است.

### اثر زاویه لوله‌های زهکش

از آنجا که در این بخش از بین چهار پارامتر مؤثر بر لوله‌های زهکش، فقط یه بررسی اثر زاویه لوله‌های زهکش پرداخته شده است. لذا نیاز به درنظر گرفتن سه مقدار ثابت برای سه پارامتر مؤثر دیگر بر لوله‌های زهکش است. در بخش قبل به این نتیجه رسیده شد که بهترین تعداد برای آرایش مذکور، تعداد ۸ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل است؛ لذا در این بخش سه مقدار ثابت  $4^\circ$ ،  $4^\circ$  متر و  $4^\circ$  متر به ترتیب برای سه پارامتر تعداد، طول و قاصله لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. همچنین برای بررسی اثر زاویه لوله‌های زهکش بر کرنش ماکزیمم، زوایای  $5^\circ$ ،  $25^\circ$ ،  $45^\circ$ ،  $70^\circ$  و  $90^\circ$  درجه برای لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل درنظر گرفته شده است. در شکل (۲۶) کرنش ماکزیمم، به‌ازای این زوایای لوله‌های زهکش نشان داده شده است.

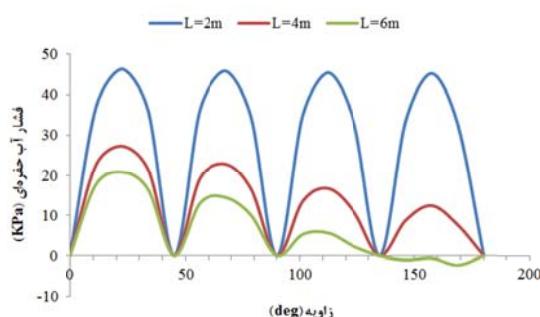


شکل ۲۶ تأثیر زاویه لوله‌های زهکش بر کرنش ماکزیمم

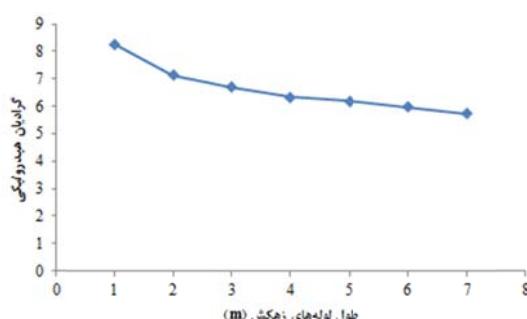
همان‌گونه که در شکل (۲۶) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش زاویه لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل، کرنش ماکزیمم کاهش می‌یابد. هرچند زاویه بهینه برای لوله‌های زهکش در آرایش

کرنش ماقزیم کاهش می‌یابد. همچنین این کاهش کرنش ماقزیم تا طول ۴ متر، برای لوله‌های زهکش مشهود است. لذا به دلیل ملاحظات اجرایی و تجهیزات کارگاهی به خصوص طول بازوی جامبو دریل در حفاری مکانیزه لوله‌های زهکش، می‌توان طول بهینه برای لوله‌های زهکش را همان طول ۴ متر دانست.

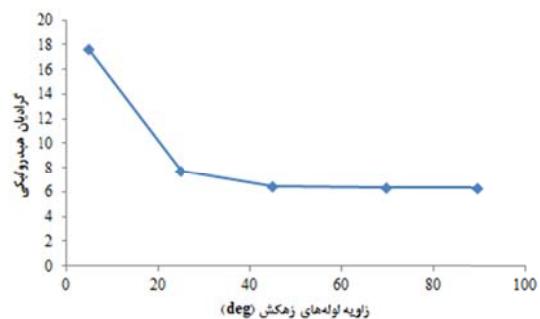
برای بررسی اثر طول لوله‌های زهکش بر فشار آب حفره‌ای فقط طول‌های ۲، ۴ و ۶ متر برای لوله‌های زهکش در نظر گرفته شده است. در شکل (۳۰) توزیع فشار آب حفره‌ای، به ازای این طول‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۳۰) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش طول لوله‌های زهکش، فشار آب حفره‌ای کاهش می‌یابد. به گونه‌ای که کاربرد طول ۶ متر برای لوله‌های زهکش، باعث ایجاد مکش در کف تونل می‌گردد. این امر دلالت بر غیر توجیه‌پذیر بودن کاربرد این طول برای لوله‌های زهکش دارد.



شکل ۳۰ تأثیر طول لوله‌های زهکش بر توزیع فشار آب حفره‌ای



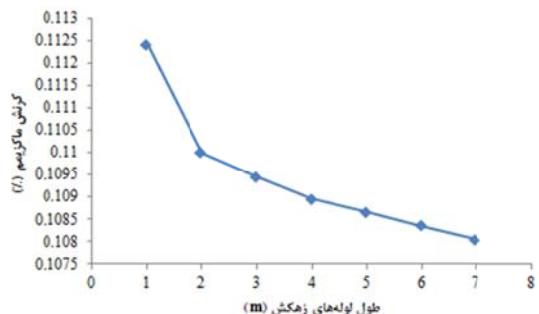
شکل ۳۱ تأثیر طول لوله‌های زهکش بر گرادیان هیدرولیکی



شکل ۲۸ تأثیر زاویه لوله‌های زهکش بر گرادیان هیدرولیکی

### اثر طول لوله‌های زهکش

از آنجا که در این بخش از بین چهار پارامتر مؤثر بر لوله‌های زهکش، فقط یه بررسی اثر طول لوله‌های زهکش پرداخته شده است، لذا نیاز به درنظر گرفتن سه مقدار ثابت، برای سه پارامتر مؤثر دیگر بر لوله‌های زهکش است. در بخش قبل به این نتیجه رسیده شد که زاویه بهینه برای لوله‌های زهکش در آرایش مذکور، زاویه ۹۰ درجه نسبت به محور طولی تونل می‌باشد. لذا در این بخش سه مقدار ثابت ۸، ۴ متر و ۹۰ درجه، به ترتیب برای سه پارامتر تعداد، فاصله و زاویه لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. همچنین برای بررسی اثر طول لوله‌های زهکش بر کرنش ماقزیم، طول‌های ۱ تا ۷ متر برای لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. در شکل (۲۹) مقدار کرنش ماقزیم، به ازای این طول‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است.

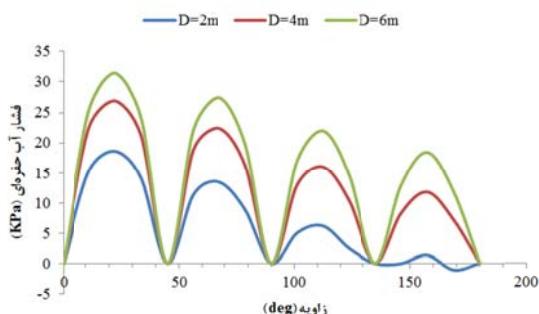


شکل ۲۹ تأثیر طول لوله‌های زهکش بر کرنش ماقزیم

همان‌گونه که در شکل (۲۹) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش طول لوله‌های زهکش،

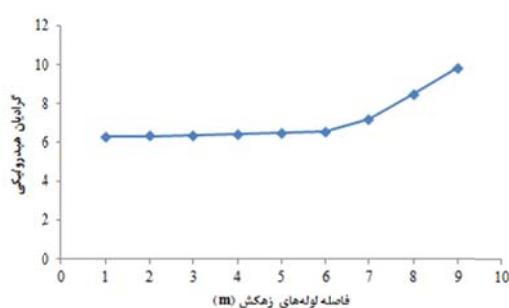
همان‌گونه که در شکل (۳۲) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش فاصله لوله‌های زهکش، کرنش ماکزیمم افزایش می‌یابد. همچنین این افزایش کرنش ماکزیمم تا فاصله ۶ متر، برای لوله‌های زهکش قابل ملاحظه نیست. لذا به دلیل ملاحظات اقتصادی، می‌توان بهترین فاصله برای لوله‌های زهکش در آرایش مذکور را فاصله ۶ متر دانست.

برای بررسی اثر فاصله لوله‌های زهکش بر فشار آب حفره‌ای، فقط فاصله‌های ۲، ۴ و ۶ متر برای لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. در شکل (۳۳) توزیع فشار آب حفره‌ای، به‌ازای این فاصله‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است.



شکل ۳۳ تأثیر فاصله لوله‌های زهکش بر توزیع فشار آب حفره‌ای

همان‌گونه که در شکل (۳۳) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش فاصله لوله‌های زهکش فشار آب حفره‌ای افزایش می‌یابد. در شکل (۳۴) مقدار گرادیان هیدرولیکی، به‌ازای فاصله‌های لوله‌های زهکش گرادیان هیدرولیکی، به‌ازای فاصله‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است.

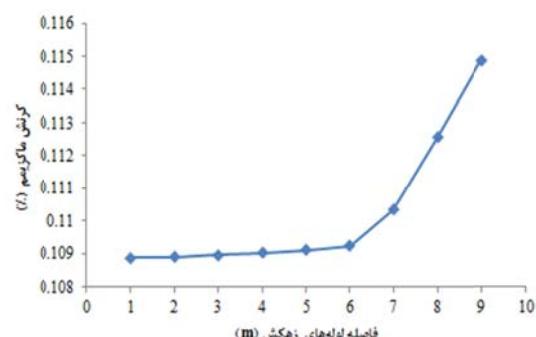


شکل ۳۴ تأثیر فاصله لوله‌های زهکش بر گرادیان هیدرولیکی

در شکل (۳۱) مقدار گرادیان هیدرولیکی به‌ازای طول‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۳۱) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش طول لوله‌های زهکش، گرادیان هیدرولیکی کاهش می‌یابد. همچنین این کاهش گرادیان هیدرولیکی تا همان طول ۴ متر برای لوله‌های زهکش مشهود است. این امر تیز دلالت بر حاکمیت عوامل هیدرولیکی نسبت به عوامل مکانیکی بر تونل تحت تراوش دارد.

### اثر فاصله لوله‌های زهکش

از آنجا که در این بخش از بین چهار پارامتر مؤثر بر لوله‌های زهکش، فقط به بررسی اثر فاصله لوله‌های زهکش پرداخته شده است، لذا نیاز به درنظر گرفتن سه مقدار ثابت، برای سه پارامتر مؤثر دیگر بر لوله‌های زهکش است. در بخش قبل به این نتیجه رسیده شد که بهترین طول برای لوله‌های زهکش در آرایش مذکور، طول ۴ متر می‌باشد. لذا در این بخش سه مقدار ثابت ۸، ۴ متر و ۹۰ درجه، به ترتیب برای سه پارامتر تعداد، طول و زاویه لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. همچنین برای بررسی اثر فاصله لوله‌های زهکش بر کرنش ماکزیمم، فاصله‌های ۱ تا ۹ متر برای لوله‌های زهکش درنظر گرفته شده است. در شکل (۳۲) مقدار کرنش ماکزیمم، به‌ازای این فاصله‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است.



شکل ۳۲ تأثیر فاصله لوله‌های زهکش بر کرنش ماکزیمم

متر است. همچنین بهترین فاصله برای لوله‌های زهکش ۶ متر است. البته لازم به ذکر است که این مقادیر بهینه برای عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش، با فرض ثابت بودن سه مقدار ثابت برای سایر عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش بدست آمده است. همچنین از آنجا که با درنظر گرفتن عبارت  $N.L/D$ , پارامترهای تعداد، طول و فاصله لوله‌های زهکش از عوامل اصلی توجیه پذیر کردن آرایش بهینه از لحاظ اقتصادی هستند، لذا برای دست‌یابی به مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری، از مقادیر میانه بهینه این عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش استفاده شده است. بنابراین، مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری به صورت N6L2D3A90 در نظر گرفته شده است. سپس برای تحلیل حساسیت در مدل‌سازی، اقدام به ۳۳ درصد کاهش و افزایش بروی تک‌تک عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش گردیده است.

از آنجا که رویکرد اصلی در این تحقیق، ارائه آرایش بهینه برای لوله‌های زهکش سیستم زهکشی چتری براساس کرنش ماقزیم است. لذا در شکل (۳۵) درصد تغییرات کرنش ماقزیم، به‌ازای ۳۳ درصد کاهش و افزایش در عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۳۵) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که تغییرات در طول، تعداد و فاصله لوله‌های زهکش به ترتیب بیشترین تأثیر را بر کرنش ماقزیم گذاشته است.

در شکل (۳۶) درصد تغییرات گرادیان هیدرولیکی، به‌ازای ۳۳ درصد کاهش و افزایش در عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۳۶) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که تغییرات در تعداد، طول و فاصله لوله‌های زهکش به ترتیب بیشترین تأثیر را بر گرادیان هیدرولیکی گذاشته است.

همان‌گونه که در شکل (۳۴) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که با افزایش فاصله لوله‌های زهکش، گرادیان هیدرولیکی افزایش می‌یابد. همچنین این افزایش گرادیان هیدرولیکی تا همان فاصله ۶ متر برای لوله‌های زهکش قابل ملاحظه نیست. این امر نیز دلالت بر حاکمیت عوامل هیدرولیکی نسبت به عوامل مکانیکی بر تونل تحت تراویش دارد.

### آرایش بهینه سیستم زهکش چتری

از آنجا که هدف اصلی این بخش ارائه یک آرایش بهینه برای لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری می‌باشد، لذا لازم است در ابتدا به نوعی تشخیص داده شود که از عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش کدام یک از اولویت بالاتری در طراحی لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری برخوردار است. لذا در این قسمت اقدام به حساسیت‌سنجی در مدل‌سازی شده است. لازم به ذکر است که مطالب ارائه شده در این قسمت، به هیچ عنوان به منزله یک تحلیل آماری بر مدل‌سازی برای عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش نمی‌باشد. فقط به منزله روشی برای دست‌یابی به اولویت‌های طراحی از بین عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش می‌باشد، که در یافتن ساده‌تر یک آرایش بهینه برای لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری کمک کرده است.

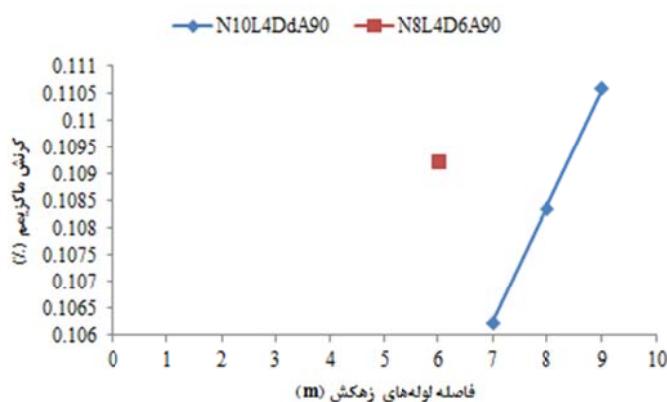
برای تحلیل حساسیت در مدل‌سازی، در ابتدا نیاز به یک مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری است. آرایش لوله‌های زهکش در مدل مبنا برای سیستم زهکش چتری، از تحلیل‌های صورت گرفته در بخش‌های قبل بر روی تک‌تک عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش گرفته شده است. در بخش‌های قبل براساس کرنش ماقزیم به این نتایج رسیده شد که بهترین تعداد برای لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل ۸ عدد است. زاویه بهینه برای لوله‌های زهکش زاویه  $90^\circ$  درجه نسبت به محور طولی تونل است. بهترین طول برای لوله‌های زهکش ۴



شکل ۳۵ درصد تغییرات کرنش ماکریم در تحلیل حساسیت در مدل‌سازی



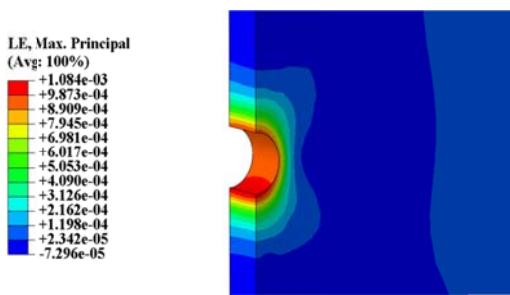
شکل ۳۶ درصد تغییرات گرادیان هیدرولیکی در تحلیل حساسیت در مدل‌سازی



شکل ۳۷ تأثیر فاصله لوله‌های زهکش بر کرنش ماکریم در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری

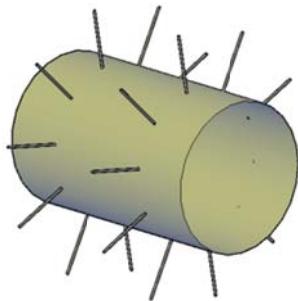
zechesh model based on the requirements of the system is proposed. This model is capable of dealing with various factors such as the number of pipes, pipe length, and the distance between pipes.

باز یادآوری می‌گردد که مطالب ارائه شده در این قسمت فقط در بازه ۳۳ درصد عوامل مؤثر بر لوله‌های

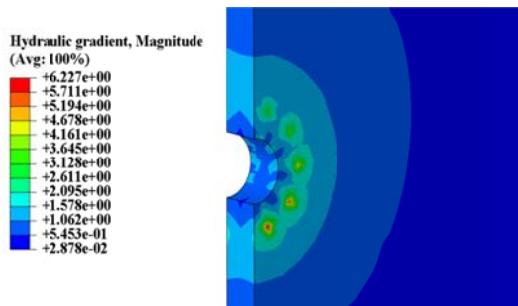


شکل ۳۸ کانتور کرنش ماکزیمم در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری

مقدار گرادیان هیدرولیکی در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری، در مقایسه با مدل N8L4D6A90 کمتر است، که باز دلالت بر انتخاب درست این آرایش به عنوان آرایش بهینه برای لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری دارد. در شکل (۴۰) کانتور گرادیان هیدرولیکی در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری نشان داده شده است.



شکل ۳۹ آرایش بهینه سیستم زهکش چتری



شکل ۴۰ کانتور گرادیان هیدرولیکی در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری

۸ عدد در مقطع دایروی تونل، طول لوله‌های زهکش بین ۱/۵ تا ۲/۶۷ متر و فاصله لوله‌های زهکش بین ۲/۲۵ تا ۴ متر می‌باشد.

در قسمت تحلیل حساسیت در مدل‌سازی به این نتیجه رسیده شد که تغییرات در طول، تعداد و فاصله لوله‌های زهکش به ترتیب بیشترین تأثیر را بر روی کرنش ماکزیمم داشتند. لذا طول، تعداد و فاصله لوله‌های زهکش به ترتیب به عنوان اولویت‌های طراحی عوامل مؤثر بر لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری در نظر گرفته شده است. لذا با در نظر گرفتن همان طول ۴ متر برای لوله‌های زهکش و تعداد ۱۰ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل، اقدام به افزایش فاصله بین لوله‌های زهکش بین ۷ متر تا ۹ متر شده است. در شکل (۳۷) مقدار کرنش ماکزیمم، به ازای این فاصله‌های لوله‌های زهکش نشان داده شده است. همان‌گونه که در شکل (۳۷) نشان داده شده است نتیجه می‌شود که تا فاصله ۸ متر برای لوله‌های زهکش آرایش مذکور، هم‌چنان کرنش ماکزیمم کمتر از مدل N8L4D6A90 می‌باشد. لذا می‌توان مدل N10L4D8A90 را به عنوان آرایش بهینه، برای لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری دانست. هم‌چنین عبارت N.L/D به ترتیب برای مدل‌های N10L4D8A90 و N8L4D6A90 ۵/۳۳ و ۵ می‌باشد، که این امر خود بیانگر اقتصادی‌تر بودن مدل N10L4D8A90 نسبت به مدل N8L4D6A90 می‌باشد. البته لازم به ذکر است که هر گونه تلاشی با در نظر گرفتن تعداد بیشتر یا کمتر از ۸ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل و با تغییر فاصله بین آنها منجر به دست‌یابی هیچ مدل بهینه‌تری که از لحاظ اقتصادی هم مفروض به صرفه‌تر باشد نگردید.

در شکل (۳۸) کانتور کرنش ماکزیمم در آرایش بهینه سیستم زهکش چتری نشان داده شده است. هم‌چنین در شکل (۳۹) آرایش بهینه سیستم زهکش چتری نشان داده شده است.

در شکل (۴۲) توزیع فشار آب حفره‌ای، در فاصله بین لوله‌های زهکش برای آرایش بهینه سیستم زهکش چتری نشان داده شده است.

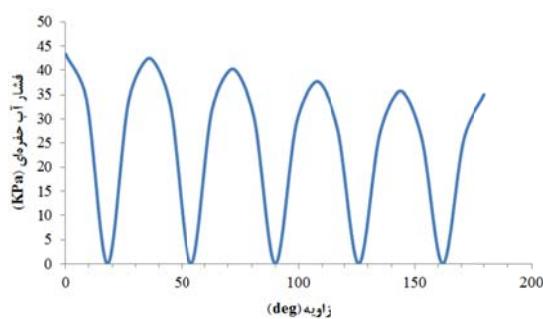
### نتیجه‌گیری

در این تحقیق برای اولین بار با درنظر گرفتن سه خروجی شاهد کرنش مؤثر ماکزیمم، فشار آب حفره‌ای و گرادیان هیدرولیکی به بررسی کلیه پارامترهای مؤثر بر لوله زهکش سیستم زهکش چتری پرداخته شد و یک آرایش بهینه برای آنها ارائه گردید. حال با توجه به مطالب ارائه شده در این تحقیق نتایج زیر را می‌توان بیان کرد:

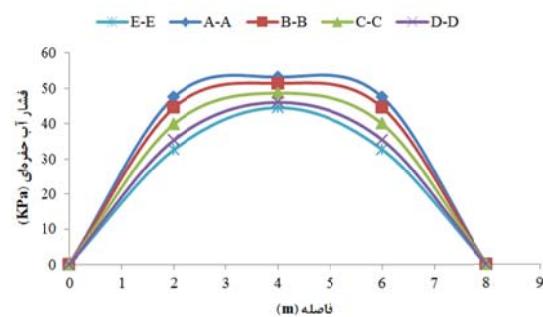
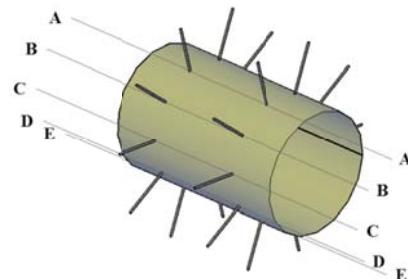
۱. از هر آرایش تعدادی لوله‌های زهکش، فقط یک حالت وجود دارد که به صورت بهینه کرنش ماکزیمم کمتری را ایجاد می‌کند، که این حالت، الزاماً همان حالت بهینه بهمنظور کاهش گرادیان هیدرولیکی نمی‌باشد.
۲. در آرایش تعدادی لوله‌های زهکش در سیستم زهکش چتری، ضرورت کاربرد سیستم زهکشی معکوس در تونل‌های تحت تراویش به اثبات رسید.
۳. در سیستم زهکش چتری با درنظر گرفتن تعداد زوج برای لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل، می‌توان از کاهش مؤثرتر گرادیان هیدرولیکی بهره بردن.
۴. رفتار کرنش ماکزیمم و گرادیان هیدرولیکی تونل، با تغییر عوامل مؤثر در لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری هر دو مشابه یکدیگر است. این امر بیانگر، حاکمیت عوامل هیدرولیکی نسبت به عوامل مکانیکی بر تونل‌های تحت تراویش است.
۵. در سیستم زهکش چتری، افزایش تعداد لوله‌های زهکش در مقطع دایروی تونل، افزایش زاویه لوله‌های زهکش نسبت به محور طولی تونل، افزایش

باید توجه داشت که آرایش بهینه ارائه شده برای سیستم زهکش چتری، منحصر به این تونل با مشخصات هندسی و فیزیکی مصالح گفته شده می‌باشد. درنتیجه از این آرایش بهینه برای سیستم زهکش چتری، می‌توان برای تونل‌هایی با مشخصات هندسی و فیزیکی مصالح نسبتاً مشابه استفاده کرد.

در شکل (۴۱) توزیع فشار آب حفره‌ای برای آرایش بهینه سیستم زهکش چتری نشان داده شده است.



شکل ۴۱ توزیع فشار آب حفره‌ای برای آرایش بهینه سیستم زهکش چتری



شکل ۴۲ توزیع فشار آب حفره‌ای در فاصله بین لوله‌های زهکش آرایش بهینه سیستم زهکش چتری

چتری به صورت، تعداد ۱۰ عدد لوله زهکش در مقطع دایروی تونل، به طول ۴ متر، فاصله ۸ متر و زاویه ۹۰ درجه نسبت به محور طولی تونل می‌باشد. البته لازم به ذکر است که این آرایش بهینه برای سیستم زهکش چتری، برای تونل‌هایی با مشخصات هندسی و فیزیکی مصالح نسبتاً مشابه ذکر شده ارائه گردیده است.

طول لوله‌های زهکش و کاهش فاصله لوله‌های زهکش باعث کاهش کرنش مازکریم، فشار آب حفره‌ای و گرادیان هیدرولیکی می‌گردد.  
 ۶. در طراحی لوله‌های زهکش سیستم زهکش چتری، طول، تعداد و فاصله لوله‌های زهکش به ترتیب بیشترین اهمیت را دارند.  
 ۷. آرایش بهینه برای لوله‌های زهکش سیستم زهکش

## مراجع

1. H-S.Shin., D-J.Youn., S-E.Chae., and J-H.Shin., "Effective Control of Pore Water Pressures on Tunnel Linings Using Pin-Hole Drain Method", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 24, pp. 555-561, (2009).
2. H-S.Jung., Y-S.Han., S-R.Chung., B-S.Chun., and Y-J.Lee., "Evaluation of Advanced Drainage Treatment for Old Tunnel Drainage System in Korea", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 38, pp. 476-486, (2013).
3. S-W.Nam., and A.Bobet., "Liner Stresses in Deep Tunnels Below the Water Table", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 21, pp. 626-635, (2006).
4. A.Fahimifar., and M.Zareifard., "A Theoretical Solution for Analysis of Tunnels Below Groundwater Considering the Hydraulic-Mechanical Coupling", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 24, pp. 634-646, (2009).
5. S-W.Lee., J-W.Jung., S-W.Nam., and I-M.Lee., "The Influence of Seepage Forces on Ground Reaction Curve of Circular Opening", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 22, pp. 28-38, (2006).
6. Y-J.Shin., B-M.Kim., J-H.Shin., and I-M.Lee., "The Ground Reaction Curve of Underwater Tunnels Considering Seepage Forces", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 25, pp. 315-324, (2010).
7. I-M.Lee., and S-W.Nam., "Effect of Tunnel Advance Rate on Seepage Forces Acting on the Underwater Tunnel Face", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 19, pp. 273-281, (2004).
8. S-C.Li., and M-B.Wang., "Elastic Analysis of Stress-Displacement Field for a Lined Circular Tunnel at Great Depth Due to Ground Loads and Internal Pressure", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 23, pp. 609-617, (2008).

9. C.Callari., "Coupled Numerical Analysis of Strain Localization Induced by Shallow Tunnels in Saturated Soils", *Computers and Geotechnics*, Vol. 31, pp. 193-207, (2004).
10. J-H.Shin., S-H.Kim., and Y-S.Shin., "Long-Term Mechanical and Hydraulic Interaction and Leakage Evaluation of Segmented Tunnels", *Soils and Foundations*, Vol. 52, pp. 38-48, (2012).
11. P. Arjnoi., J-H. Jeong., C-Y.Kim., and K-H.Park., "Effect of Drainage Conditions on Porewater Pressure Distributions and Lining Stresses in Drained Tunnels", *Tunnelling and Underground Space Technology*, vol. 24, pp. 376-389, (2009).
12. W. Xiuyinga., T. Zhongsheng., W. Mengshu., Z. Mi., and H. Ming., "Theoretical and Experimental Study of External Water Pressure on Tunnel Lining in Controlled Drainage Under High Water Level", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 23, pp. 552-560, (2008).
13. A. Bobet., "Effect of Pore Water Pressure on Tunnel Support During Static and Seismic Loading", *Tunnelling and Underground Space Technology*, vol. 18, pp. 377-393, (2003).
14. Y-J. Shin., K-I. Song., I-M. Lee., and G-C. Cho., "Interaction Between Tunnel Supports and Ground Convergence-Consideration of Seepage Forces", *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences*, vol. 48, pp. 394-405, (2011).
15. I-M. Lee., J-S. Lee., and S-W. Nam., "Effect of Seepage Force on Tunnel Face Stability Reinforced with Multi-Step Pipe Grouting", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 19, pp. 551-565, (2004).
16. I-M. Lee., and S-W. Nam., "The Study of Seepage Forces Acting on the Tunnel Lining and Tunnel Face in Shallow Tunnels", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 16, pp. 31-40, (2001).
17. D. Kolymbas., and P. Wagner., "Groundwater Ingress to Tunnels - The Exact Analytical Solution", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 22, pp. 23-27, (2007).
18. C. Butscher., "Steady-State Groundwater Inflow into a Circular Tunnel", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 32, pp. 158-167, (2012).
19. K-H. Park., A. Owatsiriwong., and J-G. Lee., "Analytical Solution for Steady-State Groundwater Inflow into a Drained Circular Tunnel in a Semi-Infinite aQuifer: A Revisit", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 23, pp. 206-209, (2008).
20. G. Fernandez., and J. Moon., "Excavation-Induced Hydraulic Conductivity Reduction Around a Tunnel - Part 1: Guideline for Estimate of Ground Water Inflow Rate", *Tunnelling and Underground Space Technology*, Vol. 25, pp. 560-566, (2010).
۲۱. حسین‌بالام، علی، "تحلیل عددی استاتیکی عملکرد زهکش چتری در تونل دایروی عمیق تحت تراویش پایدار"، پایان‌نامه کارشناسی

ارشد مهندسی عمران (خاک و پی)، گروه عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه اصفهان، (۱۳۹۳).

22. Simulia, ABAQUS 6-13-1 reference manual, (2014).