نشريه مهندسي عمران

مطالعهی آزمایشگاهی تأثیر استقرار آب شکن T شکل بر توپو گرافی پایین دست بستر قوس ۹۰ درجه* «یادداشت پژوهشی»

مسعود قدسيان(٢)

محمد واقفي()

An Experimental Study on the Effect of T Shape Spur Dike on Down Sream Topography in a 90 Degree Bend

M. Vaghefi M. Ghodsian

Abstract One of the common methods of river training and bank protection is using spur dikes. Building spur dikes makes the flow path to be modified. Because of the concentration of flow in the middle part of the river it causes the river side not to be washed out. Setting spur dikes in the flow's direction leads to a local scour in the spur dike site and the change in the bed's topography of the bend down stream. this paper examines the effect bed's topography around the T shaped spur dike located in a 90 degree bend by conducting several tests. These tests were carried out in an experimental channel with a bend of 90 degrees and under conditions with clear water. These experiments, in fact, measured the effects of such parameters like the length of the spur dike, the location of the spur dike in the bend, the flow Froud number on the down stream bed topography. The results of investigation show that two scour hole forms due to a T shaped spur dike. One at the nose of spur dike and the other one at the downstream of the spur dike. By increasing the length of the spur dike, the length of the spur dike the distance of location of second scour hole from the spur dike increases. Any change in the position of the spur dike toward the down stream of the bend, increases the dimensions of scour hole. Also, New equations for maximum scour depth and scour volumeat a T shaped spur dike are developed.

Key Words T Shape Spur Dike, Scour Hole, Bed Topography, Maximum Scour, Down Stream Hole.

^{*} نسخهی اول مقاله در تاریخ ۸۷/٤/۳ و نسخهی نهایی آن در تاریخ ۸۹/۵/۱۸ به دفتر نشریه رسیده است.

⁽۱) نویسندهی مسئول، استادیار سازههای هیدرولیکی، گروه مهندسی عمران، دانشکدهی فنی و مهندسی، دانشگاه خلیج فارس

⁽۲) استاد هیدرولیک، پژوهشکدهی مهندسی آب، دانشگاه تربیت مدرس

وابستگی زیادی به شعاع انحنای قوس دارد و در مسیرهای قوسی، حدود یک تا دو برابر طول آبشکن خواهد بود. Ingasnchali و Maheswaran (۱۹۹۰) به اصلاح ضرایب مربوط در مدل عددی ٤-٤ به دلیل انحناء خطوط جریان در قوس و در اطراف آبشکن پرداختند و نتیجه گرفتند که این ضریب، تأثیر عمدهای بر میزان سرعت جریان دارد؛ در حالی که بر تنش برشی ماگزیمم در دماغهی آبشکن، تأثیر قابل توجهی ندارد.

Mesbahi (۱۹۹۲) آزمایشات خود با آب شکن در قوس را به گونهای تنظیم نمود که عرض جریان در جلوی آب شکن، نسبت به حالت بدون آب شکن تغییری ننماید و نتیجه گرفت که احداث آب شکن در قوس ها، عمق چالهی آب شستگی را عمیق تر می کند.

Soliman و همکاران (۱۹۹۷) به بررسی آزمایشگاهی و عددی تأثیر آب شکن بر روی مورفولوژی قوسهای رودخانهی نیل پرداختند و یک مدل دو بعدی در خصوص تأثیر آب شکن ها و مؤلفههای سرعت ارائه نمودند.

Giri و همکاران (۲۰۰٤) به صورت آزمایـشگاهی و عددی با اندازه گیـری سـرعت و تغییـر دادن موقعیـت آبشکن ها به تـأثیر آن بـر روی میـدان جریـان اطـراف آبشکن بسته در کانال قوسی پرداخت.

Fazli و همکاران (۲۰۰۷) به بررسی آزمایشگاهی تأثیر موقعیت استقرار آبشکن های مستقیم در قوس ۹۰ درجـه پرداختنـد. Forghani و همکاران (۲۰۰۷) بـه مطالعـهی آزمایـشگاهی الگـوی جریـان و آبشـستگی پیرامون آبشکن های مستقیم و مستقر در قوس ۹۰ درجه اقدام نمودند. مطالعات گذشته بیانگر فقـدان تحقیقات کافی در مورد آبشکنهای مستقر در قـوس است. در کافی در مورد آبشکنهای مستقر در قـوس است. در تحقیقات گسترده ای توسط قدسیان و همکاران (۲۰۰۸) و واقفی و همکاران (۲۰۰۹ و ۱۳۸۷ بـه بعـد) در مورد الگوی آبشستگی و الگوی جریان اطـراف آبشکن ت شکل منفرد مستقر در قوس ۹۰ درجه انجام گرفته است. مقدمه

استفاده از آب شکن ها در تثبیت سواحل رودخانه ها از جمله راههای مؤثر در پایداری ساحل میباشد، اما وجود آب شکن ها در مسیر جریان، باعث ایجاد آب شستگی موضعي مي گردد. رسوبات خروجي از اطراف آب شكن می تواند تأثیر زیادی بر روی تو یو گرافی بستر رودخانه ها، خصوصاً در پايين دست محل استقرار آبشکن داشته باشد. در مسیر های قوسی نیز بهدلیل وجود جریانهای ثانویه و ترکیب آن با جریان های طولی، جریانهای مارپیچی موسوم به جریان حلزونی، تشکیل میگردد. این جريانات، باعث فرسايش شديد ساحل خارجي، مخصوصاً در سواحل فرسایش پذیر می شود. استقرار آبشکن ها در ساحل خارجی رودخانه ها می تواند در کاهش فرسایش پذیری کنارهها مؤثر باشد. هنگامی که از آبشكنها براي محافظت قوس خارجي رودخانه استفاده میشود، تحلیل جریان و آبشستگی بـسیار پیچیـدهتـر و مشکل تر می گردد. که علت آن، اندرکنش بین الگوی جریان در قوس و الگوی جریان اطراف آبشکن و تـأثیر جریانهای حلزونی در قوسها میباشد.

مطالعات گذشته، بیشتر در مورد آبشکنهای مستقر در مسیرهای مستقیم بوده است و اکثراً به بررسی تغییرات آبشستگی بیشینه و هندسه چالهی آبشستگی پرداخته شده است. در مورد قوسها و کاربرد آبشکن ها درمحل قوس، تحقیقات زیادی انجام نگرفته است و در مطالعات گذشته نیز توپوگرافی پایین دست قوس، کمتر مدنظر محققان بوده است. اولین تحقیق در مورد بهکارگیری آبشکن در قوس، توسط Ahmad (۱۹۹۱ ا۹۹۱) انجام گرفت. وی با تغییر پارامترهای دبی جریان، نسبت انقباض، شکل آبشکن، موقعیت استقرار رسوبات در کانال مستقیم و قوسی، به بررسی عمق آبشستگی ماکزییم پرداخت. او قطر ذرات در کانال شعاع انحنای قوس عمق جریان و قطر ذرات در کانال مستقیم و قوسی نشان داد که فاصلهی بین آبشکن ها

هدف از این مقاله، بررسی تأثیر آب شکن T شکل بر روی توپوگرافی قوس و تغییرات بستر کانال در پایین دست آب شکن و نیز مسیر مستقیم پایین دست آب شکن میباشد. برای این منظور به تأثیر تعدادی از پارامترهای اثرگذار نظیر طول آب شکن، عدد فرود جریان و موقعیت استقرار آب شکن پرداخته شده است.

أناليز ابعادي

شکل (۱) مشخصات ابعاد چاله ی آبشستگی و موقعیت آبشکن و شعاع انحنای قوس به صورت شماتیک نشان داده شده است. همچنین در شکل (۲)، پلان و مقطع طولی توپوگرافی بستر ناشی از آبشکن T شکل و پارامترهای آن در طول قوس را نشان میدهد. پارامترهای مؤثر بر ابعاد چاله ی آبشستگی فه در حالت تعادل در قوس با رابطه ی ذیل مشخص می گردد:

$$\phi = f(L, Y, \alpha, \theta, B, R, \lambda, S_0, g, d_0, R_c)$$
(1)

در رابطهی بالا B؛ عرض مجرا، R؛ شعاع انحناء قوس، λ؛ زاویه مرکزی قوس، S۵؛ شیب طولی کف مجرا، L؛ طول آبشکن، θ؛ زاویهی موقعیت قرارگیری آبشکن در قوس، α؛ زاویهی استقرار محور آبشکن نسبت به جهت جریان اصلی، V؛ حجم چالهی آبشسستگی، b؛ قطر متوسط ذرات، Y؛ عمق



$$\frac{\phi}{Y} = f(\theta, Fr, \frac{L}{B}, \frac{R}{B}, \lambda, S_0, \alpha, \frac{d_{50}}{R_c})$$
(7)

 $S_0 = R/B$ ، α با توجه به این که در این تحقیق α ، R/B و σ مقادیر ثابتی دارند و همچنین قطر مصالح بستر ثابت در نظر گرفته شده است، از آنها صرف نظرشده و از معادلهی (۲) حذف می شوند بنابراین:

$$\frac{\Phi}{Y} = f(\theta, Fr, \frac{L}{B}) \tag{(7)}$$

که در آن Fr؛ عدد فرود جریان، ϕ ؛ معرف پارامترهای آبشستگی (شکل-۲)، dsm؛ شامل حداکثر عمق آبشستگی در دماغهی آبشکن، ds؛ حداکثر عمق آبشستگی در پایین دست آبشکن، d؛ ارتفاع بیشینهی رسوبات در پایین دست آبشکن، S؛ فاصلهی مرکز چالهی آبشستگی پایین دست آبشکن تا محل استقرار آبشکن، e؛ طول آبشستگی در ساحل خارجی پایین دست آبشکن و V؛ حجم چالهی آبشستگی است. قابل ذکر است این در حالی است که V= ϕ حجم چالهی آبشستگی بدون بعد ۲/۲ میباشد.



شکل ۱ نمایش شماتیک ابعاد چالهی آبشستگی و شعاع انحنای قوس

الف– پلان

ب- مقطع طولي



section A-A

شکل ۲ تغییرات توپوگرافی بستر اطراف آبشکن T شکل (الف) پلان و (ب) مقطع طولی

گرفته شد. به منظور تعیین اثر طول و موقعیت استقرار آبشکن بر تغییرات توپوگرافی بسترسری اول آزمایشات در چهار طول متفاوت آبشکن: ۱۰%، ۱۵%، ۲۰% و ۲۵% عرض کانال و چهار موقعیت متفاوت: ۳۰ ، ٤٥، ٦٠ و ۷۵ درجه در قوس خارجی، طراحی و اجراء گردید. سپس به منظور تعیین اثر عدد فرود جریان، آزمایشاتی با تغییر عدد فرود جریان: ۰/۲۳، ۰/۲۷، ۳/۰ و ۲/۳ و با آب شکن در موقعیتهای استقرار متفاوت آب شکن در قوس اجرا گردید. نسبت طول بال آب شکن به طول آب شکن در کلیهی آزمایشات، واحد می باشد. تعداد کـل آزمایشات انجام شده ۳۸ آزمایش میباشد. دبی جریان در کلیهی آزمایشات ثابت و برابر ۲۵ لیتر بر ثانیه میباشد. در تمام آزمایشات، شرایط آب تمیز حاکم بود. به منظور تعیین زمان تعادل، یک آزمایش ۱۲۰ ساعته برای آب شکن در موقعیت استقرار ۷۵ درجه و یک آزمایش ۸۰ ساعته برای آبشکن در موقعیت استقرار ٤٥ درجـه، انجام گردید. زمان انجام هر آزمایش، مدت زمان معادل ۸۸/. • عمق ماکزیمم آب شستگی در آزمایش زمان تعادل ۱۲۰ ساعته در نظر گرفته شد که برای هر آزمایش، ۲٤ ساعت میاشد. در این زمان، میزان آب شستگی در فواصل زمانی ٤ ساعته كمتر از ٢ ميلـــمتـر بـوده اسـت. زمان تعادل را نشان می دهد.

آزمايشات

آزمایشات مورد نظر در کانالی با قوس ۹۰ درجه در آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه تربیت مدرس تهران انجام گرفت. این کانال از یک قسمت مستقیم به طول ۷/۱ متـر در بالادست و همچنین قسمت مستقیمی به طول ۵/۲ متر در پایین دست تشکیل میشود که این دو مسیر مستقیم، توسط قوس ۹۰ درجه به شعاع انحنای خـارجی ۲/۷ متـر بههم متصل گردیده است. کانال از جنس شیـشه سـاخته شده است که توسط قابهای فولادی، پایداری آن حفظ میگردد. نسبت شعاع قـوس بـه عـرض کانـال برابـر ٤، ارتفاع آن ۷۰ سانتیمتر و عرض آن ۲۰ سانتیمتـر اسـت. کف کانال از رسوباتی با قطر متوسط ۱/۲۸ میلی متـر و انحراف معيار ۱/۳ ميليمتر پوشيده شده است. دبي جریان، بهوسیلهی یک ارفیس کالیبره شده تنظیم گردیـد. همچنین عمق جریان و پروفیل بستر با استفاده از یک عمق سنج الكترونيكي (point gage) بـا دقـت ١/٠ ميلـي متر، اندازهگیری شد. برای کنترل جریان از یک دریچهی قطاعی که در انتهای کانال نصب گردیده، استفاده شد. آب شکن ها به صورت صفحات مستطیلی با پلان T شکل و از جنس پلکسی گلاس ساخته شد. ضخامت آب شکن ۱ سانتی متر و ارتفاع آن ٦٥ سـانتی متـر در نظـر شکل (۳) تغییرات زمانی عمل آبشاستگی در آزمایش



شکل ۳ تغییرات زمانی عمق آبشستگی در آزمایش زمان تعادل

فواصل مقاطع اندازه گیری توپوگرافی بستر از ۰/۰ درجه تا ۵ درجه، متغیر می باشد که این مقدار در نزدیکی آب شکن تحت شبکه بندی ریزتر قرار دارد. تعداد مقاطع عرضی برداشت شده در هر آزمایش، بین ۳۵ تا ٤٥ مقطع، و تعداد مقاطع طولی بین ۲۸ تا ۳۰ مقطع بود. در ابتدای هر آزمایش با استفاده از یک ارابه ی متحرک، بستر کانال، تحت شیب ثابت مسطح می گردد، سپس جریان به آرامی وارد کانال می شود؛ طوری که تغییری در توپوگرافی بستر ایجاد نکند. پس از بالا آمدن سطح آب در کانال به صورت تدریجی، جریان به دبی مورد نظر افزایش

جریان به صورت تدریجی از کانال خارج و زهکشی کانال در مدت زمان ۲ تا ۳ ساعت انجام می گیرد. سپس برداشت پروفیل بستر انجام می شود.

تحليل نتايج

مکانیزم تشکیل پشته رسویی و حرکت آن ها در طول مسیر. پیشروی و توسعهی بار رسوبی در پایین دست آبشکن ها و ابعاد هندسهی آن، شاخصی برای ارزیابی کارکرد آبشکن ها در حفاظت دیوارهها و انتخاب ازمایش، چالهی آبشکن های متوالی میباشد. در ابتدای محدودهی دماغهی آبشکن تا جان آبشکن، شروع به تشکیل می شود. رسوبات خارج شده از چاله ی آبشستگی در ابتدا به صورت یک پشته رسوبی بلافاصله در پایین دست بال پایین دست آبشکن انباشته می ود. این رسوبات دراثر برخورد جریان ورودی از بالا دست به سمت ساحل خارجی متمایل می شوند. وجود این پشتهی رسوبی به همراه اثر دیوارهی بال پایین دست آبشکن و جان آبشکن و جان



شکل ٤ پروفيل ساحل داخلي کانال در پايان زمان تعادل آزمايش

در این شکل، ds؛ عمق موضعی بستر میباشد. با افزایش طول آبشکن ناحیهی سکون جریان در پایین دست آب شکن بیشتر می شود و محدودهی بیشتری تحت حفاظت بال قرار مي گيرد. در اين محدوده، آبشكن از قدرت جریان ثانویه و در نتیجه جریان حلزونی می کاهد؛ بنابراین هر چه طول آبشکن بیشتر باشد، آبشستگی در اين محدوده كمتر است. از مقايسهي شكل (الـف-٥) و (ب-٥) اختلاف تراز بستر بين بالا دست و يايين دست آبشكن مشهود ميباشد. همچنين شكل (ب-٥) بيانگر اثر افزایش طول آبشکن در کاهش آبشستگی ساحل خارجي قوس مي باشد. روشن است كه افزايش طول آبشکن، تغییرات بیـشتری را بـر روی پروفیـل عرضـی بستر به همراه خواهد داشت. شکل (٦) نمونهای از پروفیل های طولی بستردر فاصلهی ٥ میلیمتر از دیوارهی خارجی کانال، در محل آبشستگی بیشینه از دیوارهی خارجی، در وسط کانال و در فاصله ی ۱۰ میلی متری از ساحل داخلی برای طول های مختلف آب شکن در موقعیت استقرار ٤٥ درجه و برای عدد فرود، ٣٤/٠ را نشان میدهد. در این شکل، Lb؛ فاصله از ابتدای قـوس می باشد. همان طور که در این شکل مشخص است، در پايين دست آبشكن تا انتهاي قوس، پشتههاي رسوبي تشکیل شده که در پایین دست این پشتهها نیز چالـههـای آبشستگی ناشی از جریان عبوری از روی پشته ها به سمت بستر اصلی میباشد. شکل (ج-٦) نشان میدهد که چالهی آبشستگی در پایین دست آبشکن تا وسط کانال گسترش یافته است و هرچه طول آبشکن بزرگتر باشد، عمق چالهی آبشستگی پایین دست، بیشتر است و همچنین رسوب گذاری در ساحل خارجی برای آب شکن های با طول بزرگتر در شکل (د-٦) مشهود میباشد. اثر طول آبشکن بر روی پروفیل طولی بستر به خوبی در شکل (٦) نشان داده شده است. شکل (۷) نمونه ای از حداکثر عمق نسبی آب شستگی در دماغهی آبشکن dsm/y و حجم نیسبی چالیهی آبشستگی √ در برابر L/B را برای آبشکن در موقعیت های √ مختلف نشان میدهد. این شکل، مربوط به عدد فرود جریان ۳٤ است و نشان می دهد که با افزایش طول

جریان عبوری از روی پشتهی رسوبی به بسترپایین دست آن برخورد کرده و اختلاف فشاری که بین ایـن دو منطقه ایجاد می گردد، باعث ایجاد گردابههای قائم در پايين دست پشته رسوبي مي شود که باعث آب شستگي بعد از پشته رسوبی می گردد. نتیجه ی آن، ایجاد چاله ی آبشستگی دیگری در پایین دست آبشکن میباشد. بدین ترتیب، دو چاله ی آبشستگی، یکی در محل آب شکن و دیگری در پایین دست آن ایجاد می شود. با گذشت زمان از شروع آزمایش و افزایش شیب چالهی آبشستگی قدرت حمل رسوبات از داخل چالیه کم می شود و رسوبات، به دلیل راحتی انتقال، متمایل به انتقال در مسیرهای با شیب کمتر می گردند و بدین ترتیب، بار رسوبی دیگری که به سمت ساحل داخلی کانال پیشروی دارد، شکل می گیرد و رسوب گذاری در انتهای آزمایشات در ساحل داخلی مـشهود مـیباشـد. در کلیے ازمایے شات، چالے می آب شے ستگی پایین دست آبشکن در نزدیکی ساحل خارجی تـشکیل شـد و در زمان تعادل، محل چاله به سمت وسط کانال متمایل گردید. همچنین تغییرات زمانی حرکت پشته رسوبی، بیانگر تغییر محل پشته از ابتدای آزمایش و تحت زاویهی حدود ۳۰ درجه نسبت به چالهی پایین دست و به سمت قوس داخلی کانال بود. در شکل (٤)، نمایی از پروفیل بستر در ساحل داخلی در انتهای آزمایش نشان داده شده است. محل آب شستگی بیشینه نیز در تمامی آزمایـشات در فاصلهی حدود ۱۰ تا ۲۰٪ طول آبشکن از دماغهی بال بالادست و در کنار دیوارهی داخلی بال قرار دارد.

اثر طول آبشکن بر توپوگرافی بستر

با افزایش طول آبشکن، تنگ شدگی مقطع جریان، افزایش مییابد. این امر باعث افزایش قدرت گردابهها میشود و تنش برشی در دماغهی آبشکن و محدودهی بین دیوارهی بال بالادست آبشکن و جان آبشکن بیشتر و باعث افزایش آبشستگی می گردد. شکل (٥) نمونهای از پروفیل عرضی بستر بالادست و بلافاصله در پایین دست آبشکن برای طول های مختلف و عدد فرود ۳۲/۰ را نشان داده است. ابتدا روند افزایشی و سپس کاهشی دارد. تا زمانی که نسبت $\frac{I}{B}$ کوچکتر ازحدود ۲/۰است، برای آبشکن در تمام موقعیت ها، روند افزایشی عمق آبشستگی حفرهی دوم حفرهی دوم وجود دارد؛ اما برای مقادیر بزرگتر یا مساوی حدود ۲/۰ معقادی نیسبی حفرهی دوم آبشستگی نیسبی حفره ی دوم طول آبشکن، آبشستگی در دماغه ی آبشکن بیشتر طول آبشکن و میشود.

آب شکن به دلیل آب شستگی موضعی بیشتر و افزایش قدرت حمل رسوبات، عمق بیشینهی آب شستگی و حجم چاله ی آب شستگی بیشتر می شود. علاوه بر این، نتایج نشان داد که عمق آب شستگی بیشینه از ۱/۲ تا ۲/۲ برابر طول آب شکن متغییر می باشد. شکل (۸) نمونه ای از تغییرات عمق آب شستگی نسبی چاله ی دوم در پایین دست آب شکن، $\frac{ds}{Y}$ بر حسب $\frac{L}{B}$ را در موقعیت های مختلف نشان می دهد. این شکل، نشان می دهد که با افزایش طول آب شکن، عمق آب شستگی حفره ی دوم،



شکل ۵ مقاطع عرضی (الف) بلافاصله در بالادست آبشکن و (ب) بلافاصله در پایین دست آبشکن برای طول های مختلف آبشکن در موقعیت ٤٥ درجه



شکل ٦ پروفیل طولی بستر (الف) در فاصلهی ٥ میلیمتر از دیوارهی خارجی و (ب) در محل آبشستگی بیشینه (ج) در وسط کانال (د) در فاصلهی ۱۰ میلیمتر از دیوارهی داخلی برای طول های مختلف آبشکن و در موقعیت استقرار ٤٥ درجه

پیرامون آبشکن وارد چالهی پایین دست شده و از تشکیل آن جلوگیری میکند. در موقعیت استقرار آبشکن در زاویهی ۷۵ درجه، برای طولهای معادل ۱۰ و ۱۵٪ عرض کانال، به دلیل ذکر شده، چالهی آبشستگی پایین دست تشکیل نمی شود. شکل (۹) بیانگر نسبت بدون بعد فاصلهی نسبی چالهی دوم آبشستگی پایین دست تا محل استقرار آبشکن، ^۸۶ در برابر L/_B میباشد. همانطور که در شکل (۹) مشخص است، وقتی آبشکن در زاویهی ۲۰ درجهی قوس مستقر است، برای طول های معادل ۱۰٪ عرض کانال، رسوبات خروجی از چالهی آبشستگی



شکل۷ (الف) عمق آبشستگی بیشینه و (ب) حجم چالهی آبشستگی در برابر طول آبشکن در موقعیتهای مختلف استقرار آبشکن



شکل ۸ تغییرات عمق چالهی آبشستگی پایین دست در برابر طول شکل ۹ تغییرات فاصلهی چالهی آبشستگی پایین دست در برابر طول آبشکن



همچنين محدودهي تغييرات فاصلهي چالهي آب شستگی دوم تا محل آب شکن بین • تا ۱٤ برابر طول آب شکن میباشد. شکل (۱۰) بیانگر تغییرات ارتفاع نسبی رسوبات (بی بعد شده با عمق جریان) در پایین دست آبشکن، ^۱⁄_۲ بر حسب $\frac{L}{B}$ و برای عـدد فـرود ۳٤/ می باشد. روشن است که برای آب شکن در موقعیت ۳۰ و ٤٥ درجه ارتفاع بیشینه پشتهي رسوبي، روند صعودی از خود نشان میدهند. اما وقتی آبشکن در موقعیت استقرار ٦٠ و ٧٥ درجه قرار گیرد، تا طول معادل ۲۰٪ عـرض کانـال رونـد صـعودی دارد و سـپس نزولی میشود. علت آن این است که در موقعیت های استقرار آب شکن در انتهای قوس و برای طول بزرگتر از ۲۰٪ عرض کانال، رسوبات سریع تر به سمت مسیر مستقيم پايين دست قوس حركت كرده وشكل گيري آنها در عرض کانال از تقارن بیشتری برخوردار است؛ بنابراین، حرکت آنها در این مسیراز انباشت و افزایش ارتفاع پشتهی رسوبی جلوگیری میکند. با توجه به نحوهی حرکت رسوبات محدودهی تغییرات، ارتفاع بیشینهی رسوبات پایین دست، بین ۲/۰ تا ۱/۰ برابر طول آب شکن و محل پشتهی رسوبی بیـ شینه در یـایین دسـت چالهی آبشستگی دوم و در ساحل داخلی میباشد. شکل (۱۱) تغییرات نسبت بدون بعد طول آب شستگی (بی بعد شده با عمق جریان) در پایین دست آب شکن و در ساحل خارجی، ۴/۲ برحسب L/B را در موقعیت های مختلف استقرار آبشکن و در عدد فرود ۳٤/ ارا نشان میدهد.

همانطور که مشخص است، در طول های بیشتر از ۲۰. عرض کانال، به علت حفاظت بال آبشکن از محدوده ییشتری بین بال پایین دست و ساحل خارجی، طول آبشستگی یکسان ودرطول معادل ۲۵٪ عرض کانال صفر است. البته برای طول معادل ۱۰ درصد عرض کانال و در موقعیت ۳۰ درجه، این طول به ۱۶ برابر طول آبشکن می رسد. نتایج نشان دهنده ی تأثیر طول آبشکن در کاهش آبشستگی پایین دست آبشکن

می باشد. همچنین در موقعیت استقرار آبشکن در زاویه ی ٤٥ و ٦٠ درجه، به دلیل حرکت رسوبات به سمت ساحل خارجی و ناشی از برخورد مستقیم جریان از مسیر بالا دست به رسوبات خروجی از چاله، پارامتر e از مقادیر کمتری برخوردار است. با در نظر گرفتن مواردی نظیر کاهش میزان آبشستگی بیشینه و ابعاد چاله ی آبشستگی، توجه به رسوب گذاری در سواحل خارجی و همچنین ارتفاع رسوبات و عمق چاله ی آبشستگی پایین دست، آبشکن T شکل با طول معادل ۱۵٪ عرض نظر گرفته شده است.

اثر موقعیت آب شکن بر توپوگرافی بستر با تغییر موقعیت آب شکن در طول قوس (۳۰، ۵،۲۰ و ۷۵ درجه از قوس خارجی) و در جهت جریان میزان آب شستگی بیشینه و حجم چاله، آب شستگی افزایش مییابد. علت آن، افزایش تنش برشی و سرعت جریان با تغییر موقعیت آب شکن به سمت انتهای قوس میباشد.

شکل (۱۲) نمونهای ازمقاطع عرضی در بالادست و بلافاصله پایین دست آبشکن با طول آبشکن معادل ۱۵٪ عرض کانال و در موقعیت های استقرار مختلف و برای عدد فرود ۲۵٪ را نشان میدهد. این شکل، نشان میدهد که در موقعیت استقرار آبشکن در زاویهی ۳۰ و ۵۵ درجه، چالهی آبشستگی کوچکتر است و همچنین در موقعیت ٤٥ درجه به دلیل ذکر شده، رسوبات به سمت ساحل خارجی حرکت کرده و آبشستگی در پایین دست آبشکن کمتر است. در موقعیت ۷۵ درجه نیز به دلیل افزایش سرعت جریان و در نتیجه تنش برشی، میزان آبشستگی افزایش مییابد.

درشکل (۱۳) نمودار بدون بعد dsm/y و ^V/y³ در برابر افزایش زاویهی استقرار آبشکن نـشان داده شـده است.



شکل ۱۲ مقاطع عرضی (الف) بلافاصله در بالادست آبشکن و (ب) بلافاصله در پایین دست آبشکن در برابر موقعیت استقرار آبشکن در طول قوس برای طول جان آبشکن معادل ۱۵٪ عرض کانال



شکل ۱۳ (الف) عمق آبشستگی بیشینه و (ب) حجم چالهی آبشستگی در برابر موقعیت استقرار مختلف آبشکن در طول قوس

شکل (الف-۱۲) نشان میدهد که برای طول های معادل ۱۵، ۲۰ و ۲۵٪ عرض کانال و تا موقعییت ۲۰ درجه، روند تغییرات عمق بیشینهی آبشستگی محسوس نیست؛ اما در موقعیت ۷۵ درجه به دلیل افزایش تنش برشی، روند صعودی دارد.

این روند صعودی، برای طول معادل ۱۰٪ عرض کانال از موقعیت استقرار آبشکن در زاویهی ۲۰ درجه شروع می شود. نتایج آزمایشات، نشان می دهد که دامنه ی تغییرات عمق بیشینه ی چاله ی آب شستگی بین ۱/۲ تا ۲/۲ برابر طول آب شکن است. شکل (ب-۱۵) نیز بیانگر روند افزایشی حجم حفره ی آب شستگی با تغییر موقعیت آب شکن به سمت پایین دست قوس می باشد.

شکل (۱٤) تغییرات ^{dsd}Y را بر حسب % را

برای طول های مختلف آب شکن نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود، عمق چاله ی آب شستگی پایین دست تا زاویه ی استقرار، ۲۰ درجه ی صعودی، ولی در موقعیت ۷۵ درجه ی نزولی است که علت آن اتصال جریان به مسیر مستقیم و حرکت رسوبات به سمت مسیر مستقیم می باشد و باعث می شود که رسوبات به صورت متقارن در طول کانال حرکت نماید. البته در مورد آب شکن با طول معادل ۱۰٪ عرض کانال، روند صعودی عمق چاله ی آب شستگی پایین دست تا زاویه ی ٤٥ درجه می باشد و در نیمه ی دوم قوس نزولی است. دلیل آن، کاهش طول آب شکن و در نتیجه کاهش ناحیه ی جداشدگی جریان و توزیع یکنواخت رسوبات در عرض کانال می باشد.



شكل ١٥ تغييرات فاصلهي چالهي أبشستگي پايين دست أبشكن در برابر موقعیت استقرار آبشکن در ساحل خارجی



شکل ۱۷ تغییرات طول آبشستگی در ساحل خارجی پایین دست آبشکن در برابر موقعیت استقرار آبشکن در ساحل خارجی

رسوبات در عرض کانال و در مسیر مستقیم، ارتفاع یشتهی رسوبی کاهش می یابد.

شکل (۱۷) نیز تغییرات $\sqrt{9}$ را بر حسب $\frac{10}{10}$ نشان می هد و بیانگر یکنواخت در شدن تویو گرافی بستر در موقعیت، استقرار آبشکن در نیمه ی دوم قـوس مى باشد. طول آب شستگى در ساحل خارجى پايين دست آب شکن تا وسط قوس و برای طول های تا ۱۵٪ عـرض كانال به علت برخورد جريان از مسير مستقيم بالا دست قوس و جلوگیری از حرکت رسوبات به سمت پایین دست نزولی است؛ اما در نیمه ی دوم قوس، به دلیل تشدید آبشستگی در پایین دست آبشکن به دلیل تنش برشی، بیشترصعودی است. لازم به ذکر است که برای طول معادل ۲۰٪ عرض كانال، به دليل ايجاد حفاظت بال



0.50

θ/90

0.60

0.70

0.80

0.90

1.25

1.00

0.75

0.25

0.00

0.20

_____L=l=0.1B

____ L=I=0.15B

_____L=I=0.2B

0.30

0.40



شکل ۱٦ تغییرات ارتفاع رسوبات پایین دست آب شکن در برابر موقعیت استقرار آبشکن در ساحل خارجی

شکل (۱۵) تغییرات $\frac{8}{10}$ را در برابر $\frac{10}{10}$ نـشان میدهد. همان طور که در شکل مشخص است، چاله ی آبشستگی پایین دست، برای طول معادل ۲۰٪ عرض کانال و در زاویهی استقرار ۲۰ درجه دارای عمـق نـاچیز می باشد که این روند برای طول معادل ۲۵٪ عرض کانال در زاویهی استقرار ۲۰ و۷۵ درجه محسوس میباشد.

شکل (۱٦) تغییرات ارتفاع رسوبات پایین دست آبشکن در برابر موقعیت استقرار آبشکن در ساحل خارجی را نشان میدهد.

با تغيير موقعيت استقرار أبشكن به سمت پايين دست قوس و تا زاویهی حدود ۲۰ درجه ارتفاع رسوبات در پايين دست آبشـکن، رونـد صـعودي دارد؛ ولـي در زاویهی حدود ۷۵ درجه به علت حرکت متقارنتر

آب شکن، آب شستگی ثابت و در طول معادل ۲۵٪ عرض کانال طول آب شستگی پایین دست آب شکن ناچیز است و به همین دلیل در شکل (۱۷) رسم نشده است.

اثر عدد فرود جریان بر توپوگرافی بستر با کاهش عدد فرود، عمق جریان افزایش و سرعت جریان کاهش مییابد. با کم شدن سرعت جریان، میزان تنش برشی کمتر میشود و از میزان آبشستگی در دماغهی بالادست آبشکن کاسته میشود و باعث میگردد که

حجم چالهی ایجاد شده نیز کوچکتر شود. شکل (۱۸) برای نمونهی توپوگرافی بدون بعد شدهی بستر با عمق جریان را برای آبشکن در موقعیت ٤٥ درجه و اعداد فرود ٢٣٪، ٢٧٪، ٣٪ و ٢٤٪ و آبشکن با طول ١٥٪ عرض کانال نشان میدهد. در این شکل، ۹۵؟ شعاع خارجی قوس میباشد. با افزایش عدد فرود، پشتهی رسوبی به سمت ساحل داخلی قوس حرکت کرده و ارتفاع بیشینهی رسوبات در ساحل داخلی قوس ایجاد می گردد.









شكل ۱۸ توپوگرافي بدون بعد بستر (الف)Fr =0.23 (ب) Fr =0.3 (ج) Fr =0.34 (د) Fr =0.34 در موقعیت استقرار ٤٥ درجه

شكل (۱۹) تغييرات عمق نسبي آب شستگي بيشينه در برابر اعداد فرود مختلف را نـشان مـیدهـد و بیـانگر افزایش عمق آبشستگی در اثر افزایش عـدد فـرود و در موقعیتهای مختلف استقرار آب شکن می باشد. رسوبات خروجی از چاله ی آبشستگی تشکیل یک پشتهی رسوبی در پایین دست آبشکن را میدهد. حرکت این یشتهی رسوبی به مقادار عادد فرود باستگی دارد و در اعداد فرودكمتر، به علت ايـنكـه قـدرت حمـل مـصالح کاهش می یابد، حرکت این پشتهی رسوبی به سمت پایین دست کندتر میباشد. در پایین دست پشتهی رسوبی نیز به دلیل ایجاد جریان عبوری از روی رسوبات تـه نـشین شده و ایجاد گردابه های قائم در پایین دست پشتهی رسوبی، چالهی آبشستگی دوم در پایین دست تـشکیل می گردد. با افزایش عدد فرود و در موقعیت ۳۰ درجه، مقداری از رسوبات خروجی از چاله ی آب شستگی پيرامون آبشكن توسط جريان، وارد چالهي پايين دست شده و به همین دلیل، عمق این چاله نسبت به موقعیت استقرار آب شکن در زوایای ٤٥ و ٦٠ درجه کمتراست. این امر در زاویه ی ۷۵ درجه به دلیل مسیر مستقیم بعد از قوس، محسوس تر مي باشـد. شـكل (۲۰) تغيير ات عمـق چالەي آبشستگى بى بعد شدەي پايىن دست آبشكن در برابر عدد فرود جریان را نشان میدهد. ایس شکل، نشان میدهد که در اعداد فرود کمتر از حدود ۲۷ . موقعیت آبشکن اثر زیادی برروی عمق حفرہی آبشستگی پایین دست ندارد؛ در حالی که بـرای مقـادیر



شکل (۲۱) نشان میدهد که با افزایش عدد فرود، جریان فاصله ی چاله ی آب شستگی پایین دست از محل استقرار آب شکن بیشتر می شود و برای موقعیت های ۳۰ و ٤٥ درجه، تغيير قابل ملاحظهاي در فاصلهي چالهي آبشستگی پایین دست از آبشکن دیـده نمـیشـود؛ در حالی که در نیمه ی دوم قوس و در زوایای ۲۰ و ۷۵ درجه، تغییرات مشهود است. همچنین محدودهی تغییرات پارامتر S نیز بین ۲/۵ تا ۱٤ برابر طول آب شکن در اعـداد فرود مختلف، متغيير مي باشد. شكل (٢٢) تغييرات عدد فرود جریان در برابر ارتفاع رسوبات بی بعد شدهی پایین دست را نشان میدهد. به علت برخورد جریان از مسیر مستقيم و تمايل حركت رسوبات به سمت ساحل خارجی و سرعت کمتر حرکت رسوبات در زوایای ٤٥ و ۲۰ درجه، ارتفاع رسوبات کمتر میباشد. با توجه با حرکت سریع تر رسوبات در مسیر مستقیم بالا دست، ارتفاع پشتهی رسوبات در زاویه ی۷۵ درجه، کمتر خواهد بود. در اعداد فرود کوچکتر از حدود ۲۰/۲٥ تغییرات h کمتر است و با افزایش عدد فرود، اثر موقعیت آب شکن بر روی h بیشتر است. محدودهی تغییرات پارامتر h نیز برای اعداد فرود مختلف، بین ۰/۵ تـ ۱/۷ برابر طول آبشكن است.



شکل ۱۹ تغییرات عمق آبشستگی بیشینه در برابر عدد فرود 🛛 شکل ۲۰ تغییرات عمق چالهی آبشستگی پایین دست آبشکن عددفرود



شکل ۲۱ تغییرات فاصلهی چالهی آبشستگی پایین دست در برابر عددفرود شکل ۲۲ تغییرات ارتفاع رسوبات پایین دست آبشکن در برابر عددفرود



شکل ۲۳ مقایسهی بین مقادیر محاسبهای و مشاهدهای عمق آبشستگی بیشینه نسبت به عمق جریان

روابط کلی در محاسبهی ابعاد چالهی آب شستگی معادلهی کلی عمق آب شستگی بیشینه در زمان تعادل را با توجه به معادلهی (۳) در حالت کلی می توان به شکل زیر نوشت:

$$\frac{\mathrm{dsm}}{\mathrm{Y}} = \mathrm{a}(\frac{\mathrm{L}}{\mathrm{B}})^{\mathrm{b}}(\frac{\theta}{90})^{\mathrm{c}}(\mathrm{Fr})^{\mathrm{d}} \tag{$\boldsymbol{\xi}$}$$

حال با توجـه بـه داده هـای آزمایـشگاهی، مقـادیر تجربی c ، b ، a و d بر اسـاس روش كـمتـرین مربعـات محاسبه گردید و نهایتاً معادلهی (٤) پس از سـاده سـازی به صورت زیر تبدیل شد:

$$\frac{dsm}{Y} = 25.7 (\frac{L}{B})^{0.42} (\frac{\theta}{90})^{0.16} (Fr)^{1.9}$$
 (\$\dots)

مقدار ضریب همبستگی(R²) معادلـهی بـالا برابـر ۸۸۰ میباشد.

شکل (۲۳)، مقایسهی بین مقادیر محاسبه شده با استفاده از معادلهی (۵) و مقادیر اندازهگیری شدهی عمق بیشینهی آبشستگی نسبی را نشان میدهد که بیانگر

دقت قابل قبول معادلهی (۵) میباشد. به روش مشابه معادلهی زیر با ضریب همبستگی ۸۵/۰ جهت تعیین حجم چالهی آبشستگی ۷ به دست آمد. همچنین خطای بین مقادیر مشاهدهای و مقادیر محاسبهای در مورد عمق آبشستگی و حجم چالهی آبشستگی در پایان زمان تعادل به روش کمترین مربعات، به ترتیب ۵/۸ و ۲۲. شد:

$$\frac{V}{Y^3} = 25.7(\frac{L}{B})(\frac{0}{90})^{.91}(3.75\text{Fr})^{6.44}$$
 (%)

نتيجه گيرى

در این تحقیق، آزمایشات برای تعیین تغییرات توپوگرافی بستر درپایین دست و اطراف آبشکن T شکل مستقر در قوس ۹۰ درجه با رویکرد به مطالعه ی کیفی الگوی جریان، انجام گرفته است. پارامترهای مؤثر در این تحقیق، تغییرات طول آبشکن، موقعیت استقرار آبشکن در قوس و عدد فرود جریان بوده است. نتایج این تحقیق، نشان میدهد که:

- رسوب گذاری در ساحل خارجی پایین دست آب شکن برای آب شکن های با طول بزرگتر مشهود می باشد. - با افزایش طول آب شکن، آب شستگی موضعی بیشتر و افزایش قدرت حمل رسوبات، عمق بیشینه آب شستگی و حجم چالهی آب شستگی بیشتر می شود و محدوده تغییرات عمق آب شستگی بیشینه بین ۱/۲ تا ۲/۲ برابر طول آب شکن است.
- چالهی آبشستگی ایجاد شده در پایین دست آبشکن در موقعیت استقرار، ۷۵ درجه از عمق، کمتر و فاصلهی بیشتری نسبت به محل آبشکن برخوردار است.
- با افزایش طول آبشکن، فاصله ی چاله ی آبشستگی پایین دست از محل استقرار آبشکن بیشتر می شود و محدوده ی تغییرات آن بین • تا ۱۲برابر طول آب شکن است.
- در موقعیت استقرار آب شکن در ۳۰ و ٤۵ درجه، ارتفاع بیشینهی پشتهی رسوبی، روند صعودی از خود نشان میدهند؛ اما وقتی آب شکن در موقعیت استقرار ۲۰ و ۷۵ درجه قرار می گیرد، تا طول معادل ۲۰٪ عرض کانال روند صعودی و سپس نزولی دارد و محدودهی تغییرات آن بین ۲/۰ تا ۲/۰ برابر طول آب شکن است.
- برای آب شکن با طول های ۲۰ و ۲۰٪ عرض کانال، طول آب شستگی در پایین دست آب شکن و در ساحل خارجی آب شکن صفر است، ولی دامنه ی تغییرات طول آب شستگی پایین دست، بین ۰ تا ۱۶ برابر طول آب شکن است.
- چاله ی آب شستگی پایین دست برای آب شکن های با ابعاد بزرگتر از ۲۰٪ عرض کانال و مستقر در زاویه ی ۲۰ درجه به بعد تشکیل نمی گردد. - با تغییر موقعیت استقرار آب شکن به سمت پایین دست
- قوس و تا زاویهی ۲۰ درجه ارتفاع رسوبات در پایین

مراجع

1. Berge, M. A. "Flow Processes in a Curved Alluvial Channel" phd. Thesis in Iowa University, USA, 365p. (1990).

سال بیست و دوم، شماره یک، ۱۳۸۹

- دست آبشکن، روند صعودی دارد؛ ولی در زاویهی ۷۵ درجه کاهش مییابد. - طول آبشستگی در ساحل خارجی پایین دست آبشکن تا وسط قوس و برای طول های تا ۱۵٪ عرض کانال، نزولی است؛ اما در نیمه ی دوم قوس، صعودی است. لازم به ذکر است که برای طول معادل معادی است. لازم به ذکر است که برای طول معادل ۲۰ رض کانال آبشستگی ثابت و در طول معادل ۱۰ آبشکن ناچیز است.
- با افزایش عدد فرود، جریان ارتفاع رسوبات پایین دست آب شکن افزایش مییابد و برای اعداد فرود مختلف، تغییرات آن بین ۰/۵ تا ۰/۷ برابر طول آب شکن می باشد.
- در اعداد فرود مختلف، عمق چاله ی آب شستگی پایین دست در موقعیت های استقرار آب شکن در زوایای ۳۰ و 20 درجه بیشتر و در زاویه ی ۷۵ درجه کمترین مقدار را داراست و دامنه تغییرات آن بین ۰/۲ تا ۱/۲ برابر طول آب شکن است.
- با افزایش عدد فرود، جریان فاصلهی چالهی آب شستگی پایین دست از محل استقرار آب شکن بیشتر می شود که این مسأله در موقعیت ۷۵ درجه مشهودتر است. دامنهی تغییرات این پارامتر بین ۲/۵ تا ۱۶ برابر طول آب شکن است.
- با تغییر موقعیت استقرار آبشکن به سمت پایین دست قوس، آبشستگی بیشینه و ابعاد چالـهی آبشـستگی بیشتر میشود. همچنین طول آبشستگی پایین دست آبشکن، گسترش پیدا میکند.
- معادلاتی مناسب، جهت تعیین عمق آب شستگی بیشینه و حجم چالهی آب شستگی، حول آب شکن T شکل با توجه به پارامترهای ذکر شده ارائه گردیده است.

- 2. Blanckaert K. and Graf, W.H. "Mean Flow and Turbulence in Open-Channel Bend" *Journal of Hydraulic Engineering*, Vol. 127, No. 10. PP, 126-138. (2001).
- Barbhuiya, A.K. and Dey, S. "Turbulent Flow Measurement by the ADV in the Vicinity of a Rectangular Cross-Section Cylinder Placed at a Channel Side Wall" Flow Measurement and Instrumentation. Vol. 15, No.4, PP. 221–237. (2004).
- 4. Dey, S. and Barbhuiya, A.K. "Turbulent Flow Field in a Scour Hole at a Semi Circular Abutment" *Canadian Journal of Civil Engineering*. Vol. 32, No.1, P. 213–232. (2005).
- 5. Dey, .S an" Flow Measurement and Instrumentation. Vol.17, PP. 13-21. (2006).
- Lian H. C. and Hsied T.Y and Yang J. C. "Bend-Flow Simulation Using 2d Depth Averaged Mode" Journal of Hydraulic Engineering, Vol. 125, No. 10. (1999).
- Marion, A. and Zaramella, M. "Effects of Velocity Gradients and Secondary Flow on the Dispersion of Solutes in a Meandering Channel" *Journal of Hydraulic Engineering*. Vol, 132. PP, 1295-1302. (2006).
- Nouh, M. A. and Townsend, R. D. "Shear-Stress Distribution in Stable Channel Bends" *Journal of Hydraulic Division*, Vol. 105, No. HY.10. (1979).
- 9. Rodi, W. and Michael, A.Leschziner. "Calculation of Strongly Curved Open Channel Flow" *Journal of the Hydraulic Division*, Vol. 105, No. HY10. (1978).
- 10. Shukry, A. "Flow around Bends in an open flume" Transactions, ASCE, Vol. 115. (1950).
- 11. Tang, XL., Chen, ZC., and Yang, F. "Dynamic Large Eddy Simulation of Secondary Flow Near a Groyne" *International Journal of Nonlinear Sciences and Numerical simulation*, Vol.7, No.3, 257-262.(2006).
- Yang, S. Q. "Interactions of Boundary Shear Stress, Secondary Currents and Velocity" Fluid Dynamics Research, Vol.36, PP, 121-136. (2005).
- Ghodsian, M. and Vaghefi, M. "Experimental Study on Scour and Flow Field in a Scour Hole Aaround a T Shaped Spur Dike in a 90° Bend" *International Journal of Sediment Research*, Vol. 24, No. 2, PP. 145-158.(2009).
- Vaghefi M. and Ghodsian M., Salehi Neyshaboori S. A. A. "Experimental Study on the Effect of a T-Shaped Spur Dike Length on Scour in a 90° Cannel Bend" *Arabian Journal Of Science and Technology*, Vol. 34, No. 2B, PP. 337-348.(2009).

۱۵. محمد واقفی، مسعود قدسیان، سیدعلی اکبر صالحی نیشابوری " مطالعهی آزمایشگاهی الگوی آبشستگی پیرامون آبشکن T شکل منفرد مستقر در قوس ۹۰ درجه" مجلهی علمیو پژوهشی منابع آب ایران، سال چهارم، شماره ۳، ٤١-٥٧. (۱۳۸۷).

۹۰ محمد واقفی، مسعود قدسیان، سیدعلی اکبر صالحی نیشابوری. "بررسی آزمایشگاهی الگوی جریان کمی اطراف آب شکن T شکل در قوس ۹۰ درجه با بستر صلب" مجله علمیو پژوهشی دانشگاه تبریز، جلد ۳۷، شماره ۳، ۷۵–۸۱ (۱۳۸۷).

۱۷. محمد واقفی، مسعود قدسیان ، سیدعلی اکبر صالحی نیشابوری. "بررسی آزمایشگاهی اثر شعاع انحنا و موقعیت استقرار آبشکن T شکل منفرد در قوس ۹۰ درجه بر میزان آبشستگی اطراف آنها" مجله علمیو پژوهشی هیدرولیک ایران، دوره چهارم، شماره ۱، ۹۱–۱۰۷. (۱۳۸۸). ۱۸. محمد واقفی، مسعود قدسیان ، سیدعلی اکبر صالحی نیشابوری. "مطالعه آزمایشگاهی الگوی جریان سه بعدی و آبشستگی درقوس ۹۰ درجه" مجله علمیو پژوهشی هیدرولیک ایران، دوره سوم، شماره ۳، ۶۱–۵۷. (۱۳۸۷).