مقایسه روشهای شناسایی سیستم جهت استخراج پارامترهای مودال

(مطالعه موردی: پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد)

نیما کوثری، ظاهر رضایی، محمود حسن پور گلریز، احمد شوشتری*

nimakowsari@mail.um.ac.ir ا - دانشجو دکتری، گروه مهندسی عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران، zaher.rezaie@mail.um.ac.ir ۲- دانشجو دکتری، گروه مهندسی عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران، mahmud.golriz@mail.um.ac.ir ۳- دانشجو دکتری، گروه مهندسی عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران، ashoosht@um.ac.ir

چکیدہ

شناسایی مشخصات دینامیکی سیستمها از مسائل مهم در پایش سلامت سازهها می باشد. با داشتن شاخصهای حساس به آسیب نظیر فرکانسهای طبیعی و شکلهای مودی و با مقایسه آنها با وضعیت اولیه سیستم، می توان آسیبها را شناسایی کرد. در این مقاله کارایی روشهای مرسوم شناسایی سیستم جهت محاسبه پارامتر های مودال بررسی می شود. بدین منظور در حوزه زمان روش زیر فضای تصادفی⁽ (SSI)، در حوزه فرکانس روشهای تجزیه حوزه فرکانس^۲ (FDD) و حداقل مربعات چند جملهایهای مختلط چند مرجعی ^۲ (PLSCF) و در حوزه زمان – فرکانس روش تجزیه مود تجربی^۴ (EMD) انتخاب شده است. جهت مقایسه نتایج و بررسی دقت روشها از مدل عددی سازه بنچ مارک SSI استفاده شده است. علاوه بر آن برای بررسی کارایی روشها با دادههای میدانی و دارای نویز محیطی دادههای ارتعاشی حاصل از انجام آزمایش مودال بر وی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد مورد استفاده قرار گرفته است. نتایج بدست آمده نشان می دهد روشهای محاسل می انجام آزمایش مودال بر و مناسب تری برای تخمین ویژگیهای مودال سازهها دارند. روش PLSCF نسبت به نویز محیطی حساس می باشد و نویز موجود در سیگنالها و مناسب تری برای تخمین ویژگیهای مودال سازهها دارند. روش PLSCF نسبت به نویز محیطی حساس می باشد و نویز موجود در سیگنالها سبب بروز خطا در نتایج آن خواهد شد. روش EMD برای پردازش سیگنال غیر ایستا و غیر خطی مناسب بوده اما دقت پایین تری نسبت به سایر روشها دارد. این نتایج می تواند راهنمای محققان حوزه پایش سلامت سازهها جهت انتخاب روش برای پیاده سازی در سازهها یا توسعه هریک از این روشها قرار گیرد.

كلمات كليدي

شناسایی سیستم، زیر فضای تصادفی ، تجزیه حوزه فرکانس ، حداقل مربعات چند جملهای های نمایی مختلط در حوزه فرکانس، تجزیه مود تجربی

¹ Stochastic Subspace Identification

^r Frequency Domain Decomposition

^r Poly Reference Least Square Complex Frequency domain

^{*} Empirical Mode Decomposition

۱- مقدمه

سازههای عمرانی از سرمایههای با ارزشی هستند که تخریب ناگهانی و پیشبینی نشده آنها باعث خسارتهای مالی و جانی بزرگی میشود. ایده پایش سلامت سازه برای تشخیص زود هنگام آسیب همواره مورد توجه محققین این حوزه بوده است. در سالیان اخیر روشهای پایش سلامت سازهها بیشتر بر روی روشهای غیر مخرب متمرکز شده است. روشهای غیرمخرب را میتوان در گروههای بازرسی چشمی، آسیبیابی محلی و آسیبیابی کلی طبقهبندی کرد. در روشهای محلی وجود، نوع و شدت آسیب با دقت بالایی مشخص می شود. این نوع آسیب یابی با استفاده از ابزار فراصوت، پرتونگاری، مغناطیسی، حرارتی و... صورت می گیرد. این روش ها دارای محدودیتهایی در سازههای بزرگ و پیچیده میباشد و نمیتواند رفتار کلی سازه را ارزیابی کند. روشهای کلی خود به دو دسته روشهای استاتیکی و دینامیکی تقسیم میشود. در روشهای استاتیکی در هنگام انجام آزمایش کاربری سازه مختل میشود و سازه بهصورت آنی ارزیابی نمی شود. روش های دینامیکی با ثبت ارتعاشات سازه، آنالیز این سیگنال ها و بهدست آوردن شاخصه های حساس به آسیب، آسیب را تخمین میزنند. شناسایی دقیق سیگنالهای سازه و تفسیر صحیح آنها از اهمیت زیادی برخوردار است. در پایش سلامت سازهها معمولا تعداد زیادی از دادههای گسسته موجود است که میبایست شاخصههای حساس به آسیب را از آنها استخراج نمود. انتخاب روش مناسب جهت پردازش سیگنالهای سازه تاثیر قابلتوجهی بر نتایج نهایی دارد. روشهای مبتنی بر پردازش سیگنال خود به سه دسته در حوزه زمان، در حوزه فرکانس و در حوزه زمان _ فرکانس قابل تقسیم است. در این تحقیق در حوزه زمان روش زیر فضای تصادفی، در حوزه فرکانس روشهای تجزیه حوزه فرکانس و حداقل مربعات چند جملهایهای مختلط چند مرجعی و در حوزه زمان – فرکانس روش تجزیه مود تجربی انتخاب شدهاند. جهت مقایسه نتایج و بررسی دقت روشها از مدل عددی سازه بنچ مارک ASCE-AISC استفاده شده است. همچنین برای بررسی کارایی روشها با دادههای واقعی و دارای نویز محیطی دادههای ارتعاشی حاصل از انجام آزمایش مودال بر روی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد مورد استفاده قرار گرفته است.

روش شناسایی زیرفضای تصادفی توسط اوورشی^۱ و مور^۲ [۱] آرائه شد. این روش به عنوان یکی از روشهای قدرتمند شناسایی سیستم در زمینه آنالیز مودال میباشد. این روش به صورت پارامتری در حوزه زمان است. روش زیرفضای تصادفی مشخصات مودال سیستم را با استفاده از ماتریس فضای حالت محاسبه میکند. این روش برای هر یک از حالت های ارتعاش محیطی و ارتعاش اجباری قابل استفاده است. از مهمترین ویژگیهای این روش میتوان به سرعت بالا (عدم وجود الگوریتم تکرار شونده در روش) و دقت قابل قبول آن اشاره نمود.

پیترز^۳ و همکاران [۲] با تاکید بر اطلاعات سنسور مرجع، بهبود قابل توجهی در سرعت و دقت این روش ایجاد کردند این روش به روش زیرفضای تصادفی مبتنی بر کوواریانس معروف است.

انتخاب مناسب پارامترهای تعریف شده توسط کاربر در الگوریتم زیرفضای تصادفی مبتنی بر کوواریانس یک مسئله چالش برانگیز است. لی^۴ و همکاران [۳] به مطالعه تجزیه و تحلیل اثر چهار پارامتر تعریف شده توسط کاربر برای شناسایی ویژگیهای مودال سدهای قوسی بلند پرداختند. در این پژوهش از دو مدل با و بدون در نظرگیری اندرکنش خاک و سازه استفاده شد. مقادیر پیشنهاد شده در این مطالعه میتواند جهت تخمین ویژگیهای مودال سدهای قوسی در آینده سودمند واقع شود.

شیم^۵ و همکاران [۴] در پژوهشی روشی مبتنی بر روش زیر فضای تصادفی و شبکههای عصبی به نام روش شناسایی زیرفضای تصادفی تطبیق پذیر با حافظه کوتاه و بلند مدت را برای ارزیابی تغییرات پارامترهای مودال سازه پیشنهاد دادند. این روش پاسخهای قبل و بعد آسیب را به طور همزمان در نظر گرفته و تغییرات فرکانسی که به سبب آسیب ایجاد شده است را تخمین میزند. در این روش از

[\] Overschee

۲ Moor

^r Peeters

۴ Li

^a Shim

روش زیرفضای تصادفی مبتنی بر کوواریانس برای برای ساخت دادههای آموزشی برای شبکه عصبی استفاده شده است. این روش برروی یک سازه چهار درجه آزادی و یک ساختمان ۵۵ طبقه بررسی شده است.

روش تجزیه حوزه فرکانس توسط برینکر^۱ و همکاران [۵٫ ۶] ارائه شد. این روش برای دادههای وررودی به صورت ارتعاشات محیطی توسعه یافته است. این روش از روشهای غیر پارامتری در حوزه فرکانس میباشد. از مزیتهای این روش میتوان به دقت بالا، هزینه محاسباتی کم و حساسیت پایین به نویز محیطی اشاره کرد. این روش به طور گسترده برای شناسایی سیستم سازههای عمرانی مورد استفاده قرار گرفته است.

گید^۲ و همکاران [۷] در پژوهشی این روش را توسعه و روش تجزیه حوزه فرکانس بهبود یافته (EFFD) را ارائه دادند. این روش علاوه بر تخمین فرکانس طبیعی و مود شیپها نسبت میرایی را نیز تخمین میزد.

کاردونی^۳ و همکاران [۸] در مطالعهای به بررسی و بهبود روشهای موجود برای تخمین فرکانسهای طبیعی و شکلهای مودی پرداختند. آنها رویکردی جدید را ارائه دادهاندکه از روش تجزیه حوزه فرکانس و معیار اطمینان مودال استفاده میکند. در این مطالعه، عوامل تاثیرگذاری بر پاسخ سازه مانند سطح نویز، طول رکورد شتاب، و چیدمان حسگرها برای پل کابلی یوانگه در چین مورد بررسی قرار گرفته است. آنها با انجام تحلیل حساسیت، سعی در شناسایی تأثیر این عوامل بر دقت ارزیابی نتایج داشتهاند. نوآوری این تحقیق در تفسیر نتایج تحلیلهای حساسیت نهفته است که شامل ترسیم نتایج در یک دیاگرام پایداری است. با مقایسه نتایج تحلیلهای حساسیت مختلف، و در نظر گرفتن مقدار قابل قبول برای معیار اطمینان مودال نیاز به تعیین مقدار پارامترها بر اساس تجربه کاربر حذف شده که می تواند به بهبود دقت و صحت نتایج کمک کند.

روش حداقل مربعات چند جملهایهای مختلط چند مرجعی در حوزه فرکانس در سال ۲۰۰۳ توسط گیوم^۴ و همکاران [۹] ارائه شد. این روش بر خلاف سایر روشهای ارائه شده به صورت ورودی، خروجی است. و اثر ورودیهای مختلف بر خروجیها را منظور میکند. هزینه محاسباتی این روش بالا بوده و دقت بالایی دارد. با این حال برای تخمین دقیق مشخصات سازه نیاز به دادههای با کیفیت و با نویز کم است.

آمادور^۵ و برینکر [۱۰] با استفاده از روشی مبتنی بر چند جملهایهای مختلط چند مرجعی در حوزه فرکانس به تشخیص آسیب در نمونههای فولادی پرداختند. در این پژوهش بر استخراج دقیق ویژگیهای مودال از دادههای ارتعاشات اندازه گیری شده تمرکز شده است. فرآیند شناسایی با استفاده از رویکرد جدیدی مبتنی بر روش چند جملهایهای مختلط چند مرجعی در حوزه فرکانس انجام شده است. در این روش با بکارگیری زیر فضاهای مختلف ماتریسهای مشاهدهپذیری و کنترلپذیری حوزه فرکانس محاسبه و برای تخمین ویژگیهای مودال سیستم استفاده شده است.

استفنسن⁶ و همکاران [۱۱] روش حداقل مربعات چند جملهایهای مختلط چند مرجعی را به عنوان یک معیار در تحلیل مودال عملیاتی معرفی کردند. در حالی که کارایی این روش به خوبی شناخته شده بود، یک چارچوب جامع برای کمی کردن عدم قطعیت مرتبط با پارامترهای مودال تخمین زده شده، به ویژه شکلهای مودی، همچنان وجود نداشت. آنها در این پژوهش به رفع این محدودیت پرداختند. در این پژوهش با بهره گیری از نظریه اختلال مرتبه اول و روش دلتا، عبارات تحلیلی برای تمام پارامترهای مودال استخراج

- [¢] Guillaume
- ^a Amador
- ⁹ Steffensen

[\] Brincker

^r Gade

^r Cardoni

چند جملهایهای مختلط چند مرجعی در نظر گرفته میشد. این رویکرد تحلیلی امکان کمیسازی کارآمد عدم قطعیت برای تحلیل مودال مبتنی بر این روش را فراهم میآورد.

هوانگ^۱ و همکاران [۱۲] روشی جدید برای پردازش سیگنالهای غیرایستا ارائه دادند این تبدیل یکی از اکتشافات مهم در حوزه پردازش سیگنال شناخته میشود. این روش با ترکیب روش تجزیه مود تجربی و استفاده از تبدیل هیلبرت دامنه و فرکانس سیگنال را هر لحظه استخراج میکند. این روش در حوزه زمان فرکانس بوده و به صورت تنها خروجی بوده و توانایی آنالیز سیگنالهای غیر ایستا و غیرخطی را دارد و از این رو یکی از قوی ترین روشهای پردازش سیگنال به حساب میآید.

وو^۲ و هوانگ^۳ [۱۳] روش تجزیه مود تجربی مجموعی که ارتقا یافته روش تجزیه مود تجربی است را ارائه دادند این روش با بهره گیری از خصوصیات آماری نویز سفید و مجموعهای از عملیات الککردن سعی در بهبود روش تجزیه مود تجربی دارد.

یه^۴ و همکاران [۱۴] روش تجزیه مود تجربی مجموعی مکمل را ارائه کردند. این روش با اضافه و کم کردن نویز از سیگنال سعی در بازسازی کامل سیگنال دارد. با این حال در این روش سیگنال بهصورت کامل بازسازی نمیشود و شبیهسازیهای مختلف تعداد مودهای متفاوتی تولید میکنند.

تورس^۵ و همکاران [1۵] روش تجزیه مود تجربی مجموعی کامل با نویز تطبیق پذیر را جهت رفع اشکالات تجزیه مود تجربی مجموعی و تجزیه مود تجربی مجموعی کامل ارائه دادند و نشان دادند این روش به تعداد کمتر از نصف تعداد غربالگریهای تجزیه مود تجربی مجموعی نیاز دارد که منجر به کاهش هزینه محاسباتی شده و سیگنال را به طور کامل بازسازی می کند.

وزیرزاده و همکاران [۱۶] با به کارگیری روش تجزیه مود تجربی مجموعی کامل و تبدیل هیلبرت فرکانس و شکل مودی مود اول یک قاب خمشی یک دهانه با سهطبقه را تخمین زدند؛ سپس با استفاده از یک شبکه عصبی مصنوعی سیگنال را بر مبنای اندازه گیریهای قبلی پیشبینی و عدم همخوانی بین سیگنال اندازه گیری و پیشبینی شده را به عنوان شاخصه آسیب انتخاب و مکان آسیب را تخمین زدند. خروجی مراحل قبل به عنوان ورودی شبکه عصبی مصنوعی دیگری در نظر گرفته شده و شدت آسیب تخمین زده شد.

صفار یوسفیفر و همکاران [۱۷] روشی ترکیبی مبتنی بر روش تجزیه مود تجربی مجموعی کامل با نویز تطبیق پذیر و پیش بینی خطا در سری های زمانی ارائه کردند. در این روش تجزیه مود تجربی مجموعی کامل با نویز تطبیق پذیر برای پردازش سیگنال استفاده میشود سپس تابع مود ذاتی مربوط به مود اول به عنوان ورودی شبکه عصبی در نظر گرفته شده و مقادیر آن توسط شبکه عصبی تخمین زده می شود. آن ها با در نظر گیری سه شاخصه حساس به آسیب بر مبنای اختلاف سیگنال موجود و تخمین زده شده به یافتن مکان و شدت آسیب در سه سازه پل 224 در سوئیس، سازه آزمایشگاهی دانشگاه فلوریدا و سازهای شبیه سازی شده در دانشگاه قطر پرداختند. نتایج حاصل از این تحقیق نشان دهنده عملکرد قوی این روش برای تشخیص مکان و شدت آسیب بود.

در این پژوهش دقت روشهای مختلف شناسایی سیستمها برای تعیین ویژگیهای مودال بر روی سازه مرجع ASCE_AISC بررسی شده و با مقدار واقعی حاصل از مدل اجراء محدود سازه مقایسه میشود. این روشها با دادههای میدانی حاصل از انجام آزمایش مودال بر روی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد مورد بررسی قرار می گیرد. بررسی روشهای شناسایی سیستم برای این دو دسته داده عددی و میدانی امکان مقایسه دقیقتر روشها و انتخاب بهترین روش شناسایی سیستم را برای محققان و فعالان حوزه پایش سلامت سازه فراهم می آورد. جدول ۱ ویژگیهای کلیدی روشهای مورد بررسی در این پژوهش را نمایش میدهد.

- ' Huang
- ۲ Wu
- " Huang
- [¢] Yeh
- ^a Torres

	-		-		
EMD	PLSCF	FDD	SSI	ویژگی	
حوزه زمان-فركانس	حوزه فركانس	حوزه فركانس	حوزه زمان	حوزه کاربرد	
تنها خروجي	ورودی-خروجی	تنها خروجي	تنها خروجي	دادههای مورد نیاز	
متوسط	به نسبت بالا	کم	متوسط	حساسيت به نويز	
غيرايستا	ايستا	ايستا	ايستا	ايستا/غيرايستا	
بالا	بالا	کم	متوسط	هزينه محاسباتي	
					Ī

جدول ۱ ویژگیهای کلیدی روشهای مورد بررسی در پژوهش

۲- روشهای شناسایی سیستم

۱-۲- روش زیرفضای تصادفی

(1)

(٢)

(٣)

این روش به صورت پارامتری در حوزه زمان است. در روشهای پارامتری معمولا مدلی ریاضی بر دادهها برازش داده میشود. اصول این روش بر مبنای مدل فضای حالت و ارتباط آن با مشخصات دینامیکی سیستم میباشد. به عبارتی رفتار دینامیکی سیستم با معادلات فضای حالت شبیهسازی میشود. این مدل با فرض ورودی به صورت ارتعاشات محیطی به صورت روابط ۹۱ نوشته میشود.

$$x_{k+1} = Ax_k + w_k$$

 $y_k = Cx_k + v_k$

در روابط ۱ و ۲ پارامترهای x_k و y_k به ترتیب بردار حالت و خروجی نمونه برداری شده میباشد. A ماتریس حالت، C ماتریس خروجی، w_k نویز فرایند و v_k نویز قابل انداره گیری است. نویز فرایند نشان دهنده خطای موجود در مدل سازی و نویز اندازه گیری خطای اندازه گیری سنسورها میباشد. با محاسبه ماتریس های A وC میتوان فرکانس، میرایی و شکل های مودی سیستم را مطابق روابط ۳ تا ۶ محاسبه کرد.

$$\bar{\lambda}_i = \log(\lambda_i) f_i$$

$$f_{i} = -\frac{|\bar{\lambda}_{i}|}{2\pi}$$

$$\xi_{i} = -\frac{Real(\bar{\lambda}_{i})}{|\bar{\lambda}_{i}|}$$

$$\phi_{i} = C\phi_{i}$$
(6)
(7)

در روابط ۳ تا ۶ پارمترهای λ_i و Φ_i به ترتیب مقادیر و بردارهای ویژه ماتریس A میباشد. f_i ، f_i و ϕ_i به ترتیب فرکانس، نسبت میرایی، و شکلهای مودی سیستم میباشد. برای محاسبه ماتریسهای A و C با استفاده از دادههای خروجی ماتریس هنکل تشکیل و با تجزیه مقدار تکین (SVD) ماتریسی به نام ماتریس مشاهده پذیری^۲ قابل دستیابی است که شامل ماتریسهای A و C است.

تعداد مودهای شناسایی شده در این روش به ابعاد ماتریس A یا به عبارتی به درجه مدل وابسته است. با توجه به این که معمولا تعداد مودهای سیستم مشخص نیست انتخاب درجه بالا منجر به تشخیص مودهای جعلی و انتخاب درجه پایین سبب عدم شناسایی مودهای سازه خواهد شد. برای حل این مشکل پیشنهاد میشود از دیاگرام پایداری استفاده شود.

¹ Singular Value Decomposition

^r Observability matrix

(Y)

 (Λ)

(9)

این روش به صورت غیر پارامتری در حوزه فرکانس است و در عمل توسعه یافته تکنیک جستار قله در حوزه فرکانس میباشد. روش تجزیه حوزه فرکانس برای ارتعاشات محیطی توسعه داده شده است. در این روش فرض میشود ورودی سازه به صورت نویز سفید است. در این روش صیف چگالی توان^۱ (PSD) برای سیگنال اندازه گیری شده محاسبه و با انجام تجزیه مقدار تکین بر روی آن مودهای سازه تشخیص داده میشود. میتوان پاسخ سازه در مختصات مودال را به صورت رابطه ۷ بیان کرد با گرفتن تبدیل فوریه از رابطه ۷ و محاسبه ماتریس طیف چگالی برای فرکانس *w*

$$Y(t) = \Phi u(t)$$

$$G_{vv}(\omega_i) = \Phi G_{uu}(\omega_i) \Phi^T$$

در رابطه ۸ ($G_{yy}(\omega)$ ماتریس طیف توانی پاسخها و $G_{uu}(\omega)$ ماتریس طیف توانی در مختصات مودال است. اگر مختصات مودال غیرهمبسته باشد، ماتریس چگالی طیف توان در مختصات مودال قطری خواهد بود. به عبارتی رابطه ۸ همان تجزیه مقدار تکین $G_{yy}(\omega)$ است. رابطه ۹ شکل کلی تجزیه مقدار تکین را نشان میدهد.

$$G_{\nu\nu}(\omega_i) = U\Sigma V^H$$

در رابطه ۹ ماتریسهای U و V ماتریسهای تکین و Σ ماتریس قطری مقادیر تکین است. با توجه به این که ماتریس چگالی توان پاسخها هرمیتی و معین مثبت است میتوان نشان داد ماتریسهای U و V برابر میباشند. با رسم مقدار اول مقادیر تکین در برابر فرکانسهای مختلف و با استفاده از روش جستار قله فرکانسهای طبیعی سیستم محاسبه میشود. بردار تکین متناظر با این فرکانسها استخراج شده از ماتریسهای تکین نشان دهنده شکلهای مودی میباشد.

۳-۲- روش حداقل مربعات چند جملهایهای مختلط چند مرجعی

این روش در واقع پیاده سازی روش معروف حداقل مربعات نمایی مختلط (LSCE) در حوزه فرکانس است. یکی از مزیتهای این روش هزینه محاسباتی کم جهت ساخت دیاگرام پایداری میباشد. رابطه بین پاسخ و تحریک (ورودی) در حوزه فرکانس از طریق توصیف ماتریسی کسری در سمت راست^۲ (RMFD) مدلسازی میشود.

$$(1 \cdot)$$

در رابطه ۱۰ می توان ماتریس های N_o و D بر حسب چند جمله ای مختلط نمایی مطابق روابط ۱۱ و ۱۲ بیان کرد.

$$N_0(\omega) = \sum_{j=0}^N \Omega_j(\omega) B_0 j \tag{11}$$

$$D(\omega) = \sum_{j=0}^{N} \Omega_j(\omega) Aj$$
(17)

 $\widehat{H}_0(\omega) = N_0(\omega)D^{-1}(\omega)$

¹ Power Spectral Density

^r Right Matrix Fraction Description

در رابطه ۱۱ و ۱۲ ضرایب B₀J و Aj پارامتر هایی هستند که با استفاده از روش حداقل مربعات تخمین زده میشوند. با محاسبه این ضرایب میتوان ماتریس های A و C معرفی شده در روش زیرفضای تصادفی را محاسبه و به طور مشابه مخصات سیستم را شناسایی کرد.

۴-۲- روش تجزیه مود تجربی

(17)

در سال ۱۹۹۸ تبدیل هیلبرت – هوانگ از ترکیب روش تجزیه مود تجربی^۱ (EMD) و تبدیل هیلبرت برای پردازش سیگنالهای غیرخطی و غیرایستا ارائه شد [۱۲]. در روش تجزیه مود تجربی سیگنال ورودی به چند سیگنال که هر کدام محتوای فرکانسی تقریبا ثابتی دارند تجزیه میشود. به این سیگنالها توابع مود ذاتی^۲ (IMF) گفته میشود. دامنه و فرکانس توابع مود ذاتی در زمان متغیر بوده و سیگنالهایی غیرایستا هستند. از طرفی تبدیل هیلبرت یک اپراتور خطی در پردازش سیگنال است که شکل تحلیلی سیگنال را بهدست میدهد. سیگنال هایی غیرایستا همتند. از طرفی تبدیل هیلبرت یک اپراتور خطی در پردازش سیگنال است که شکل تحلیلی سیگنال را بهدست سیگنال اولیه را حفظ می کند و سبب کاهش خطا و حذف نویز بین نمونهای میشود. با استفاده از این تبدیل میتوان دامنه و فرکانس آنی سیگنال را محاسبه کرد. اساس کارکرد این روش تجزیه سیگنال به توابع مود ذاتی و گرفتن تبدیل هیلبرت از آنها میباشد. تابع مو ذاتی به عنوان تابعی که دو شرط زیر را ارضا کند تعریف میشود.

۱- تعداد نقاط اكسترمم و تعداد نقاط صفر تابع مفروض بايد برابر باشند يا حداكثر يك واحد اختلاف داشته باشند.

۲- در هر نقطه از تابع میانگین پوش ماکزیممها و مینیممهای سیگنال برابر صفر باشد.

الگوریتم روش تجزیه مود تجربی به شرح زیر است.

۱- تمامی اکسترممهای محلی سیگنال مشخص میشود.

۳- میانگین پوش بالا و پایین از سیگنال کم می گردد تا مؤلفه اول بهدست آید.

۴- معیار توقف (نشان گر شروط وجود IMF) کنترل می شود. در صورت عدم ارضای معیار توقف با درنظر گیری مؤلفه اول به عنوان سیگنال به مرحله اول باز گشت داده می شود.

۶- مقدار IMF از سیگنال اصلی کم شده و باقیمانده بهدست میآید.

۷- باقیمانده به عنوان سیگنال اصلی در نظر گرفته شده و مراحل ۱ الی ۶ تکرار میشود تا IMFهای بعدی محاسبه شوند. این عملیات تا زمانیکه باقیمانده قابل تجزیه باشد تکرار میشود.

محتوای فرکانس بالا در IMFها به تدریج از IMF₁ به IMF_n حذف شده و در نتیجه IMFهای انتهایی دارای محتوی فرکانسی پایین تری هستند. سیگنال اصلی بر حسب IMFهای محاسبه شده به صورت رابطه ۱۳ نوشته می شود.

 $x = \sum_{i=1}^{n} IMF_i + r_n$

در این روش برای به دست آوردن فرکانسهای طبیعی، هیستوگرام فرکانسهای آنی برای هر IMF رسم میشود. مرکز بازهای که بیشترین تعداد فرکانس را دارد نشاندهنده فرکانس طبیعی سازه در آن مود است. با تقسیم دامنه هر یک از IMFها در هر طبقه بر دامنه IMF مربوط به همان مود در طبقه آخر شکل مودی سازه را تخمین زده میشود.

¹ Empirical Mode Decomposition

^r Intrinsic Mode Function

۳- مطالعه عددی: سازه بنچ مارک ASCE_AISC

در این پژوهش از مدل عددی سازه بنچ مارک ASCE_AISC جهت مقایسه دقت روشها و مقایسه پارامترهای بهدست آمده از روشها با مدل اجزاء محدود استفاده شده است.

ASCE_AISC -۳-۱ مشخصات سازه بنچ مارک

در بسیاری از مطالعات پایش سلامت سازه روشهای مختلف بر سازههای مختلف اعمال می شود. این موضوع سبب پیچیدگی در مقایسه روشها خواهد شد. برای حل این مشکل گروه پایش سلامت ASCE_AISC یک سازه بنچ مارک را برای بررسی روشهای پایش سلامت پیشدهاد کرد[۱۸]. استفاده از دادههای شبیهسازی شده از یک مدل تحلیلی مبتنی بر یک سازه واقعی گزینه مناسبی برای بررسی روشهای مختلف میباشد. استفاده از دادههای شبیهسازی شده به محققان امکان میدهد درک بهتری از حساسیت روشها و جنبههای مختلف مسئله مانند اختلاف بین مقدارهای تخمین زده شده با مقدارهای واقعی، وجود نویز در سیگنالهای اندازه گیری شده و اثر دادههای ناقص داشته باشند. مدل تحلیلی ASCE_AISC را بر مبنای سازه مورد استفاده توسط بلک^۱ و ونتورا^۲ [۱۹] در سال ۱۹۹۸ انتخاب شده است. سازه انتخاب شده مدلی با مقیاس یکچهارم از قاب فولادی چهار طبقه، دو دهانه در دو دهانه در آزمایشگاه تحقیقات مهندسی زلزله در دانشگاه بریتیش کلمبیا است. این سازه دارای پلان ۲٫۵ متر در ۲٫۵ متر و ارتفاع ۳٫۶ متر است. اعضای سازه از فولاد با تنش تسلیم اسمی ۳۰۰ مگایاسکال ساخته شدهاند. مقاطع غیرمعمول هستند و برای یک مدل مقیاس طراحی شدهاند شکل ۱ مدل تحلیلی این قاب و جدول ۲ مشخصات مقاطع آن را نشان میدهد. تمام ستونها طوری جهتدهی شدهاند که خمش قویتر در جهت x باشند. تیرهای کف طوری جهتدهی شدهاند که خمش قویتری در جهت عمودی باشد در هر طبقه از هر وجه، دو مهاربند وجود دارد که ممکن است برای شبیهسازی آسیب حذف شوند. مشخصات دال به شرح چهار دال ۸۰۰ کیلوگرمی در سطح اول، چهار دال ۶۰۰ کیلوگرمی در هر یک از طبقات دوم و سوم و برای طبقه چهارم، چهار دال ۴۰۰ کیلوگرمی یا سه دال ۴۰۰ کیلوگرمی و یک دال ۵۵۰ کیلوگرمی برای ایجاد عدم تقارن میباشد. دو مدل اجزای محدود مبتنی بر این سازه برای تولید دادههای پاسخ شبیهسازی شده توسعه داده شدند. اولین مدل یک مدل ساختمان برشی ۱۲ درجه آزادی است که تمام حرکتها به جز دو انتقال افقی و یک چرخش در هر طبقه را محدود می کند. دومین مدل یک مدل ۱۲۰ درجه آزادی است که تنها گرههای هر طبقه دارای انتقال افقی و چرخش درون صفحهای یکسان میباشند.



شکل ۱ مدل تحلیلی سازه ASCE_AISC [۱۸]

^{&#}x27; Black

^r Ventura

مشخصه	ستون ها	تیرهای کف	مهاربندها
نوع مقطع	B100×9	S75×11	L25×25×3
مساحت سطح مقطع (m²)	1,188×1 "	1, 4 7×1· ⁻	•,141×1• ⁻ "
ممان اينرسي (جهت قوي) (I (m ⁴	۱,۹Y×۱۰ ^{- ۶}	1,TT×1 ۶	0
ممان اینرسی (جهت ضعیف) I (m ⁴)	•,884×10 ^{-\$}	•,749×10 ^{- 6}	0
ثابت پیچش سنت ونانت (J (m ⁴)	۸,• ۱×۱۰ ^{- ۹}	۳۸,۲×۱۰- ۹	0
مدول يانگ (E (Pa	۲×۱۰٬۱	۲×۱۰''	۲×۱۰٬۱
مدول برشی (G (Pa	Ε/۲,۶	E/۲,۶	E/Y,۶
جرم واحد حجم (kg/m³) ج	٧٨	٧٨	٧٨

جدول ۲ مشخصات مقاطع سازه ASCE_AISC [۱۸]

در این پژوهش جهت مقایسه دقت روشها سازه تحلیلی به صورت ۱۲ درجه آزادی، متقارن و در حالت بارگذاری برای همه طبقات درجهت y در نظر گرفته شده است. سیگنال پاسخ سازه برای حالت سالم سازه با در نظرگیری درصد میرایی ۵ درصد و فرکانس نمونه برداری ۵۰۰ هر تز، مدت زمان سیگنال ۶۰ ثانیه و سطح نویز ۵ واحد و شدت نیرو اعمالی ۵۰ واحد لحاظ شده است. جدول ۳ و شکل ۲ مشخصات مودال سازه تحلیلی در حالت سالم در جهت y را برای سازه سالم نمایش میدهد.

	ر جهت y	دال سازه سالم در	مشخصات موه	جدول ۱	
مود چهارم	مود سوم	مود دوم	مود اول	ېد	شماره مو
48	47,9946	10,0449	9,81.9	(Hz	فرکانس (Z
-•,4878	۸۲۴۸, ۰	-•,٩٩٧۶	۵۸۷۳, ۰	طبقه ۱	
1,7147	-•,8801	-• ,۶۸۸۶	• ,8898	طبقه ۲	. IC à
-1,4701	-•,۵۷۲۹	•,٣١٣۴	• ,9 • 81	طبقه ۳	سكل مودى
١	1	1	1	طبقه ۴	

مدما ۳ مشخصات ممدال سادم



سیگنالهای پاسخ سازه در جهت y در طبقات یک الی چهار در شکل ۳ نشان داده شده است. قابل ذکر است ورودی سیستم در این مدل تحلیلی به صورت سیگنال نویز سفید در نظر گرفته شده است.



شکل ۳ سیگنالهای پاسخ سازه در جهت y

ASCE_AISC - تتايج مربوط به سازه بنچ مارک

از میان روشهای ارائه شده روشهای زیرفضای تصادفی، تجزیه حوزه فرکانس و تجزیه مود تجربی به صورت تنها خروجی و روش حداقل مربعات نمایی حوزه فرکانس چند مرجعی به صورت ورودی خروجی میباشد. در این بخش نتایج مقایسه این روشها برای تخمین فرکانسهای طبیعی و شکلهای مودی ارائه میشود.

در روش زیر فضای تصادفی تعداد ستونهای ماتریس هنکل ۲۴۰۰۰ عدد (بزرگتر از دو سوم تعداد دادهها) و تعداد سطرها ۴۰۰ عدد (بیشتر از ۲۰ برابر تعداد مودها) انتخاب شده است.

در روش FDD دیاگرام اولین مقدار تکین در برابر فرکانس مطابق شکل ۴ بدست آمد و فرکانسهای طبیعی سازه با استفاده از روش جستار قله مشخص و بردار تکین متناظر با آن به عنوان شکل مودی خروجی گرفته شد.



در روش حداقل مربعات نمایی جهت تعیین درجه مدل میبایست از دیاگرام پایداری استفاده کرد چراکه انتخاب درجه پایین منجر به عدم شناسایی مود های اصلی و درجه بالا سبب شناسایی مود های اضافی خواهد شد. دیاگرام پایداری برای این روش برای این دادهها مطابق شکل ۵ بدست آمد.



در روش تجزیه مود تجربی برای تخمین فرکانسهای طبیعی، هیستوگرام فرکانسهای آنی رسم می شود. تعداد بازههای انتخاب شده باید به صورتی باشد که قله ها و درههای تیز در هیستوگرام اجتناب شود تعداد بازهها برای سازه ۱۲۰۰۰ عدد انتخاب شد. نتایج مربوط به تخمین فرکانسهای طبیعی با روشهای مختلف مطابق جدول ۴ می باشد.

شناسایی سیستم مود اول مود دوم مود سوم مود چهارم	روش
مدل تحلیلی ۴۸,۰۰۷۳ ۳۸,۶۶۳۴ ۲۵٫۵۴۴۹ ۹٫۴۱۰۹	
FA,FOOT 89,FF89 50,AA91 9,VF98 SSI	
44,3-77 44,9-78 50,0174 9,1004 FDD	
41, 44, 44, 46, 46, 40, 40, 40, 40, 40, 40, 40, 40, 40, 40	
ΥΥ,9ΔΛΥ 9,ΥΔΛ EMD	

جدول ۴ تخمین فرکانسهای طبیعی با روشهای شناسایی سیستم مختلف

برای مقایسه دقت روشها در تشخیص فرکانس طبیعی سیستم از شاخص جذر میانگین مربعات اختلاف فرکانسهای تخمینی با فرکانس تحلیلی سیستم استفاده شده است. با در نظرگیری این شاخص عملکرد روش PLSCF با توجه ورودی خروجی بودن روش همان طور که انتظار میرفت از سایر روشها بهتر است. با این حال وجود نویز در سیگنال ممکن است دقت این روش را کمی پایین بیاورد. عملکرد روشهای FDD و SSI بسیار به یکدیگر نزدیک بوده و امکان نتیجه گیری قطعی فراهم نیست. با این حال روش FDD برای دادههای با ابعاد بزرگ هزینه محاسباتی کمتری نسبت روش SSI دارد. روش EMD با این که توانایی آنالیز سیگنالهای غیر ایستا و غیر خطی را دارد در تشخیص مودهای سوم و چهارم موفق نبوده و تنها مودهای اول و دوم را تخمین زده است. قابل ذکر است بیشترین اختلاف مربوط به روش EMD میباشد.

جدول ۵ تخمین شکل های مودی با روشهای شناسایی سیستم مختلف

EMD	PLSCF	FDD	SSI	تحليلى	روش	
•,٢٩٧١	• ,8021	• ,٣٧۶۶	۰,۳۴۸۵	۰,۳۷۸۵	طبقه ۱	

•,8147	•,8719	۰,۶۹۰۵	•,94•4	۶۸۹۸, ·	شکار ،
۰,۸۳۲۴	۰,۸۷۸۲	۰,۹۰۸۲	• ,8947	۰,۹۰۶۸	سكل مودى طبقه ۳
١	١	١	١	١	اول طبقه ۴
	-• , ٩٩٧٩	-•,9887	-•,9881	-•,٩٩٧۶	طبقه ۱
	-•,۶٩۴٧	-•,8741	-•,848•	۹۸۸۶, ۰-	شکل مودی طبقه ۲
	•,٢٩٧٩	۰,۳۷۹۰	•,٣۶۶٧	•,٣١٣۴	دوم طبقه ۳
	١	١	١	١	طبقه ۴
	۰,۷۴۹۶	۰,۸۵۶۲	•,٧۶٢۴	۸۲۴۸, ۰	طبقه ۱
	-•,٧٣۶١	-•, ۸۳۱ •	-·,λ۱۲۷	-•,8201	شکل مودی طبقه ۲
	-•,9849	-•,۵۱۹•	-•,۵•٧۶	-•,۵۷۲۹	سوم طبقه ۳
	١	١	١	١	طبقه ۴
	-•,४٩•١	-•,4779	-•,۴•٨١	-•,4979	طبقه ۱
	1,4789	•,9447	1,•987	1,7147	شکل مودی طبقه ۲
	-1,3708	-1,7800	-1,878.	-1,4701	چهارم طبقه ۳
	١	١	١	١	طبقه ۴
				-	

اشکال مودی محاسبه شده با روش های مختلف مطابق جدول ۵ میباشد. شکل ۶ مقایسه اشکال مودی محاسبه شده با مدل تحلیلی را نمایش میدهد. برای مقایسه بهتر روشها جهت تخمین شکلهای مودی از معیار اطمینان مودال ((MAC) استفاده شده است. مقدار این معیار را میتوان به عنوان معیاری برای تشابه دو شکل مودی در نظر گرفت. مقدار یک در این معیار نشاندهنده همسانی کامل و مقدار صفر نشاندهنده شباهت حداقلی یا مستقل ودن اشکال می باشد. شکل ۷ معیار اطمینان مودال بین شکل مودهای تحلیلی و شکل مودهای تخمین زده شده را نمایش میدهد.

¹ Modal Assurance Criteria



شکل ۶ مقایسه اشکال مودی محاسبه شده با مدل تحلیلی



شکل ۷ معیار اطمینان مودال بین شکل مودهای تحلیلی و شکل مودهای تخمین زده شده

در تخمین شکلهای مودی بهترین نتایج مربوط به روش FDD میباشد بهطوری که نتایج مربوط به مود اول در این روش تا حد زیادی منطبق بر مدل تحلیلی میباشد. در این روش تشکیل ماتریس چگالی طیف توان بین سیگنالهای پاسخ سازه سبب افزایش دقت روش و کاهش اثر نویزهای محیطی میشود. نتایج مربوط به روش SSI نزدیک به روش FDD بوده و حتی در مودهای بالاتر انطباق بهتری با سازه تحلیلی دارد. روش PLSCF روشی ورودی خروجی بوده، اما با توجه به حساسیت این روش به نویز محیطی دقت شکل مودهای تخمین زده شده به جز مود دوم پایین تر از دو روش دیگر میباشد. روش EMD در تشخیص شکلهای مودی عملکرد مناسبی نداشته و در این روش تنها مود اول تشخیص داده شده است. دقت این روش نسبت به سایر روشها پایین تر میباشد با توجه به این موضوع برای استفاده از مزایای این روش جهت پردازش سیگنال غیرایستا و غیرخطی پیشنهاد میشود از روشهای توسعه یافته این روش مانند تجزیه مود تجربی مجموعی کامل^۱ (CEEMD) استفاده کرد.

۴- مطالعه میدانی : پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد

جهت بررسی کارایی روشها با دادههای میدانی با انجام آزمایش مودال بر روی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد سیگنالهای شتاب سازه خروجی گرفته شده و ویژگیهای مودال پل با استفاده از این روشها تخمین زده شده است.

۱-۴- مشخصات پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد

مشخصات سازه به شرح پل یک دهانه به طول ۱۲٫۶ متر، عرض ۳٫۲۵ متر و ضخامت دال ۱۰ سانتیمتر است. پل مورد نظر دارای دو تیر ورق در راستای طولی خود با سطح مقطع I شکل با مشخصات جان (hw=60cm, tw=1cm) و بال (bf=25cm, tr=2cm) میباشد. در این پل برای تیرهای کش از IPE140 به فاصله ۱٫۴ متر استفاده شده است. شکل ۸ تصویر پل مد نظر را نشان میدهد.

¹ Complete Ensemble Empirical Mode Decomposition



شکل ۸ پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد

۲-۴- مشخصات دیتالاگر و سنسورها

برای داده برداری ازدستگاه دیتالاگر ۱۶ کاناله دینامیکی برند آرتیمان ا ستفاده شده است. این دستگاه توانایی برداشت ۱۶۰۰۰ نمونه در ثانیه برای هرکانال و ذخیره سازی اطلاعات تا ۸ گیگابایت را دارد. سنسورهای مورد استفاده از نوع شتابسنج پیزوالکتریک ^۱میباشد. این نوع سنسورها شامل یک ماده پیزوالکتریک است که یک ساختار مکانیکی محصور میباشد. این ماده تحت تأثیر شتابی که بر سنسور وارد می شود، دچار تغییر شکل شده و تغییر شکل ایجاد شده سبب ایجاد سیگنال الکتریکی می شود. این نوع سنسور نسبت به شتاب سنجهای میکرو الکترومکانیکی^۲ دقت بالاتری داشته و حساسیت دمایی کمتری دارد لذا برای تستهای دینامیکی ایدهال میباشد. شکل ۹ دیتالاگر مورد استفاده و شکل ۱۰ شماتیک سنسورهای شتابسنج پیزوالکتریک را نمایش میدهد.



¹ Piezoelectric Accelerometers

^Y Micro Electro-Mechanical Systems Accelerometers

شکل ۹ دستگاه دیتالاگر مورد استفاده



شکل ۱۰ شماتیک سنسور شتابسنج پیزوالکتریک [۲۰]

۴-۳- آرایش حسگرها و مشخصات داده برداری

برای استخراج مودهای خمشی سازه، دو آرایش متفاوت از حسگرهای شتاب سنج در راستای طولی پل مورد استفاده قرار گرفته است. آرایش اول شامل پنج حسگر است که داده برداری در آن به مدت ۳۰۱ ثانیه با فرکانس ۵۱۲ هرتز انجام شده است. آرایش دوم از چهار حسگر استفاده می کند و مدت نمونه برداری در این حالت ۷۰۶ ثانیه با فرکانس ۱۰۲۴ هرتز بوده است. موقعیت قرار گیری حسگرها در این دو آرایش به ترتیب در شکلهای ۱۱ و ۱۲ نمایش داده شده اند. تحریک سازه به صورت ارتعاشات محیطی در نظر گرفته شده است. سیگنالهای پاسخ ثبت شده پاسخ سازه برای این دو آرایش به ترتیب در شکلهای ۱۳ و ۱۴ ارائه شده اند.



شکل ۱۲ آرایش دوم قرارگیری سنسورها



شکل ۱۴ سیگنالهای پاسخ سازه آرایش دوم

۴-۴- مدل اجزا محدود پل ۲۲ بهمن

برای برآورد مشخصات مودال پل ۲۲ بهمن، این سازه با در نظر گرفتن مشخصات مقاطع و اندازهگیریهای انجامشده در محل، در نرمافزار SAP2000 مطابق شکل ۱۵ مدلسازی شده است. پس از مدلسازی، مشخصات مودال پل استخراج گردید و نتایج حاصل از این تحلیل شامل فرکانسها و شکلهای مودی خمشی، در قالب جدول ۶ ارائه شده است.



شکل ۱۵ مدلسازی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد در نرم افزار SAP2000

1					
مود سوم	مود دوم	مود اول	مود	شماره ه	
1.1,41.4	47,1489	17,0809	(Hz)	فركانس (
	-•,8074	• ,٣٧٣۶	A-1		
	-• ,۶۴۵۹	•,8017	B-1		
- 3	-• ,• ٣٧٧	• ,7875	B-3	سكل مودى آلشاا	
	•,8741	•,8811	C-3	ارایس اول	
	•,۶۶٧٣	•,٣٩٢۶	D-3		
	-•,٧۵۴۵	• ,4408	A-1		
	-• ,4990	•,٧٢١	B-1	شکل مودی	
	•,۴۶۶۵	۰,۷۲۱	B-3	آرایش دوم	
	•,٧۵۴۵	• ,4408	C-3		

جدول ۶ مشخصات مودال استخراج شده از مدل اجزاء محدود پل ۲۲بهمن

۵-۴- نتایج مربوط به پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد

در این تحلیل، تمامی روشها به جز روش PLSCF بهصورت تنها خروجی ارائه شدهاند. به دلیل نامعلوم بودن سیگنال ورودی در روش PLSCF، این سیگنال بهصورت نویز سفید در نظر گرفته شده است. نتایج تخمین فرکانسهای اول تا سوم پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد، برای آرایشهای اول و دوم، در جدول ۷ ارائه شدهاند.

روش شناسایی آرایش سنسور ها مود دوم مود اول مود سوم سيستم 99.7479 49.1747 17.000 SSI 99.71.9 49,7111 11,1094 FDD آرايش اول PLSCF 99.117. 0.1149 11,1081 40,7900 11,4774 **EMD** 1.7.18.. ۵۱,۱۰۱۱ ۱۲,۰۸۲ SSI 1.1.0174 **Δ1.7Δ7**Λ 17.7477 FDD آرایش دوم 1.1,1.1 D. . 9717 11,19.4 PLSCF 11, 10 47.778. **EMD**

جدول ۷ تخمین فرکانسهای طبیعی پل ۲۲ بهمن

در تحلیل نتایج باید به این نکته توجه داشت که مدل اجزای محدود مورد استفاده برای شبیهسازی رفتار پل، لزوما تمامی شرایط واقعی پل را بهطور دقیق بازتاب نمیدهد. این مدل ممکن است برخی از پیچیدگیهای رفتار دینامیکی سازه، از جمله تغییرات خواص مکانیکی مواد یا شرایط مرزی واقعی را بهطور کامل لحاظ نکند. بنابراین، فرکانسهای طبیعی استخراجشده از این مدل، صرفا تخمینی از رفتار واقعی پل هستند و امکان اختلاف با مقادیر واقعی وجود دارد.

در آرایش اول، مودهای اول و دوم با دقت مناسبی تخمین زده شدهاند. روش SSI با تخمین فرکانسهای ۱۲,۰۰۳۵ هرتز برای مود اول و ۴۹،۸۲۴۷ هرتز برای مود دوم، نزدیک ترین مقادیر به فرکانسهای واقعی را ارائه کرده است. روشهای FDD و FDSCF نیز نتایج قابل قبولی داشتهاند، اما بهطور کلی روش SSI بهترین عملکرد را در این آرایش نشان داده است. برای مود سوم، روشهای SSI و FDD تخمینهایی نزدیک به ۹۹٫۷ هرتز ارائه دادهاند، اگرچه این مقادیر اندکی پایینتر از فرکانس مدل اجزای محدود هستند.

در آرایش دوم، مودهای اول و سوم با دقت بهتری تخمین زده شدهاند. روش SSI با تحمین فرکانسهای ۱۲٫۰۸۲ هرتز برای مود اول و ۱۰۲٫۱۶۰۰ هرتز برای مود سوم، نزدیکترین مقادیر به فرکانسهای مدل اجزای محدود را ارائه کرده است. روش FDD عملکرد مطلوبی داشته است، اما روش PLSCF انحراف کوچکی در تخمینها نشان داده است. افزایش فرکانس نمونهبرداری و مدت زمان اندازه گیری در این آرایش، احتمالا نقش مهمی در بهبود دقت، بهویژه در تخمین فرکانسهای بالاتر (مود سوم)، داشته است.

در هر دو آرایش، روش EMD ضعیفترین عملکرد را داشته است. این روش، که برای پردازش سیگنالهای غیرایستا و غیرخطی طراحی شده است و به دلیل ماهیت تطبیقیاش در تحلیل سیگنالهای پیچیده و متغیر با زمان کارپرد دارد. با این حال، در مقایسه با روشهایی مانند SDI و FDD، دقت کمتری در تخمین فرکانسهای طبیعی نشان داده است.

با توجه به محدود بودن تعداد حسگرها، تنها امکان تخمین مودهای اول و دوم سازه وجود دارد .شکلهای ۱۶ و ۱۷ بهترتیب شکلهای مودی تخمینزدهشده و مدل اجزای محدود را برای آرایشهای اول و دوم نشان میدهند.

از آنجا که معیار MAC برای مقایسه شکل مودهای تجربی دارای عدم قطعیت است، علاوه بر آن از معیارهای تکمیلی مانند COMAC نیز استفاده شده است. معیار COMAC تطابق شکل مودها را در هر درجه آزادی بهصورت جداگانه بررسی می کند. در این معیار، مقادیر نزدیک به یک نشاندهنده همسانی و مقادیر نزدیک به صفر نشاندهنده عدم همسانی شکلهای مودی در آن درجه آزادی است. با توجه به این که روشEMD تنها قادر به تخمین یک مود است، استفاده از معیار COMAC برای این روش به نتایجی غیرقابل است. با توجه به این که روشMDD تنها قادر به تخمین یک مود است، استفاده از معیار COMAC برای این روش به نتایجی غیرقابل استناد منجر می شود. بنابراین، این معیار تنها برای روشهای SSI و FDD و PLSCF به کار گرفته شده است. شکلهای ما و ۱۸ به ترتیب معیار MAC را برای آرایشهای اول و دوم نمایش می دهند، و جدول ۸ نتایج معیار COMAC را برای این دو آرایش ارائه می دهد.



شکل ۱۶ شکال مودی محاسبه شده از روش های مختلف و مدل اجزاء محدود آرایش اول



شکل ۱۷ اشکال مودی محاسبه شده از روش های مختلف و مدل اجزاء محدود آرایش دوم



شکل ۱۹ معیار اطمینان مودال بین شکل مودهای تحلیلی و شکل مودهای تخمین زده شده آرایش دوم

شکل ۱۸ معیار اطمینان مودال بین شکل مودهای تحلیلی و شکل مودهای تخمین زده شده آرایش اول



PLSCF	FDD	SSI	ى	درجه آزاد;
۰,۹۹۳۹	•,999۴	۰,۹۹۹۸	A-1	
٠,٩٩٩٩	٠,٩٩٩٩	۰,۹۹۸۵	B-1	
۰,۹۹ ۸ ۷	•,٩٩١٧	• ,٩٩٨٩	B-3	آراىش اول
۰,۹۹۲۵	۰,۹۹۹۹	۰,۹۹۹۶	C-3	
۰,۹۸۱۷	۰,۹۹۹۵	۰,۹۹۸۸	D-3	
۰,۹۹۸۱	٠,٩٩٩٩	٠,٩٩٩٩	A-1	
۵۵۹۹, ۰	•,٩٩٧٢	۰,۹۹۷۲	B-1	1Ĩ
• ,۹۹۵۹,	•,٩٩٧٨	• ,۹۹۸۴	B-3	ارایش دوم
•,٩٩٧•	۰,۹۹۹۶	۰,۹۹۹۵	C-3	

جدول ۸ محاسبه COMAC در روشهای مختلف برای دو مود اول سازه

با توجه به شکلهای ۱۶ و ۱۷، مقایسه تطبیقی اشکال مودی تخمینزده شده با مدل اجزای محدود نشان میدهد که تمامی روشهای مورد مطالعه قادر به بازسازی الگوی کلی ارتعاشات در مودهای اول و دوم هستند، اگرچه تفاوتهای قابل توجهی در جزئیات مشاهده می شود. روشهای FDD و SSI در هر دو آرایش نزدیکترین تطابق را با مدل تحلیلی نشان میدهند، در حالی که روش PLSCF تمایل به بر آورد بیش از حد مقادیر در برخی نقاط دارد. روش EMD نیز به دلیل ماهیت ذاتی خود تنها قادر به استخراج یک مود است و برای شناسایی کامل مودهای سیستم مناسب نیست.

بررسی مقادیر نرمالشده اشکال مودی نشان میدهد که برای مود اول، خطای نسبی روشهای FDD و SSI در آرایش اول کمتر از ۶٪ و در آرایش دوم کمتر از ۵٪ است. در مقابل، روش PLSCF تا ۹٪ و روش EMD حتی تا ۱۷٪ انحراف در برخی نقاط نشان میدهد. همچنین، افزایش مدت زمان و فرکانس نمونهبرداری منجر به بهبود دقت اشکال مودی شده است.

مقادیر MAC که نشاندهنده همبستگی بین مودهای تخمینزدهشده و تحلیلی است، در تمامی موارد نزدیک به یک بوده که حاکی از تطابق کلی مناسب بین اشکال مودی است. بهترین نتایج MAC مربوط به مود اول در روشهای SSI و FDD در هر دو آرایش است. برای مود دوم، مقادیر MAC اندکی پایینتر است که نشاندهنده حساسیت بیشتر به خطا در مودهای بالاتر است. روش FDD در هر دو آرایش بهترین نتایج را برای MAC ارائه کرده است.

نتایج معیار COMAC که همبستگی در درجات آزادی را بررسی می کند، نشان می دهد که مقادیر بسیار نزدیک به یک هستند که بیان گر تطابق عالی در سطح محلی است. البته باید توجه داشت که در این مطالعه تنها دو مود اول بررسی شدهاند و با در نظر گرفتن مودهای بالاتر، ممکن است مقادیر این معیار کاهش یابد. روش SSI در آرایش اول (نقطه I-A) به مقدار ایده آل ۹۹۹۸، رسیده است، در حالی که روش FDD در آرایش دوم در برخی نقاط مقدار ۹۹۹۹، را ثبت کرده است. نقاط S-B و C-3 در هر دو آرایش حساسیت بیشتری به خطا نشان دادهاند.

با توجه به تحلیلهای انجامشده، میتوان نتیجه گرفت که روشهای FDD و SSI در هر دو آرایش چهارتایی و پنجتایی، نتایج دقیقتری را ارائه میدهند و برای کاربردهای عملی در شناسایی مودهای ارتعاشی گزینههای مناسبی هستند.

۵- نتیجه گیری

این پژوهش به ارزیابی جامع چهار روش شناسایی سیستم شامل SSI (حوزه زمان)، FDD (حوزه فرکانس)، PLSCF (حوزه فرکانس) و EMD (حوزه زمان-فرکانس) در تخمین پارامترهای مودال پرداخته است. مطالعه در دو بخش اصلی انجام شد: بخش عددی با استفاده از سازه بنچ مارک ASCE-AISC و بخش میدانی بر روی پل ۲۲ بهمن دانشگاه فردوسی مشهد. علاوه بر این، تأثیر پارامترهای مهمی مانند چینش سنسورها، مدت زمان و فرکانس نمونهبرداری نیز مورد بررسی دقیق قرار گرفت. نتایج حاکی از برتری روشهای FDD و SSI در تخمین دقیق مودهای اول و دوم سازه بود. روش FDD به دلیل مزایای متعدد از جمله هزینه محاسباتی پایین، مقاومت به نویز و سادگی پیادهسازی، به ویژه در آرایش دوم حسگرها (با وجود تعداد سنسور کمتر) عملکرد ممتازی از خود نشان داد. این برتری با مقادیر MAC نزدیک به یک و مقادیر COMAC که تطابق عالی در نقاط کلیدی را نشان میداد، تأیید شد. افزایش فرکانس نمونهبرداری از ۵۱۲ به ۱۰۲۴ هرتز و مدت زمان اندازه گیری از ۲۰۱ به ۲۰۶ ثانیه، علیرغم کاهش تعداد سنسورها از پنج به چهار عدد، منجر به بهبود قابل توجه دقت نتایج به ویژه در تخمین مودهای بالاتر شد.

مقایسه عملکرد روشهای شناسایی سیستم نشان داد که روش PLSCF با وجود دقت نظری بالا در محیطهای عملی و داری نویز کارایی کمتری دارد. روش EMD به دلیل محدودیتهای ذاتی تنها قادر به شناسایی مود اول با خطای محسوس است. بر این اساس، روش FDD به دلیل مقاومت در برابر نویز برای پروژههای میدانی، روش SSI برای تخمین دقیق مودهای اولیه سازه، رو EMC برای شرایط آزمایشگاهی کنترلشده با ورودی معلوم و روش EMD صرفا برای تحلیل سیگنالهای غیرایستا و غیرخطی پیشنهاد میشود.

انتخاب روش مناسب شناسایی سیستم نیازمند در نظر گرفتن فاکتورهای متعددی از جمله دقت مورد نیاز، شرایط محیطی، امکانات سختافزاری و اهداف تحلیل است. برای مطالعات آینده، بررسی تأثیر تعداد حسگرها، توسعه روشهای ترکیبی که بتوانند از مزایای روشهای مختلف به صورت توأم بهره ببرند، و همچنین اعتبارسنجی نتایج از طریق اندازه گیریهای بلندمدت پیشنهاد میشود.

- [1] P. Van Overschee and B. De Moor, *Subspace identification for linear systems: Theory– Implementation–Applications*. Springer Science & Business Media, 2012.
- [2] B. Peeters and G. De Roeck, "Reference-based stochastic subspace identification for output-only modal analysis," *Mechanical systems and signal processing*, vol. 13, no. 6, pp. 855-878, 1999.
- [3] S. Li, J.-T. Wang, A.-Y. Jin, and G.-H. Luo, "Parametric analysis of SSI algorithm in modal identification of high arch dams," *Soil Dynamics and Earthquake Engineering*, vol. 129, p. 105929, 2020.
- [4] H. B. Shim and H. S. Park, "SSI-LSTM network for adaptive operational modal analysis of building structures," *Mechanical Systems and Signal Processing*, vol. 195, p. 110306, 2023.
- [5] R. Brincker, L. Zhang, and P. Andersen, "Modal identification from ambient responses using frequency domain decomposition," in *IMAC 18: Proceedings of the International Modal Analysis Conference (IMAC), San Antonio, Texas, USA, February 7-10, 2000*, 2000, pp. 625-630.
- [6] R. Brincker, L. Zhang, and P. Andersen, "Modal identification of output-only systems using frequency domaindecomposition," *Smart materials and structures*, vol. 10, no. 3, p. 441, 2001.
- [7] S. Gade, "Frequency domain techniques for operational modal analysis," *The Shock and Vibration Digest,* vol. 38, no. 6, pp. 537-538, 2006.
- [8] A. Cardoni, A. R. Elahi, and G. P. Cimellaro, "A refined output-only modal identification technique for structural health monitoring of civil infrastructures," *Engineering Structures*, vol. 323, p. 119210, 2025.
- [9] P. Guillaume, P. Verboven, and S. Vanlanduit, "A poly-reference implementation of the leastsquares complex frequency-domain estimator," *Proceedings of International Modal Analysis Conference*, vol. 21. 2003, pp. 183-192., 2003.
- [10] S. D. Amador and R. Brincker, "Modal identification of a steel platform specimen with a subspace implementation of the poly-reference complex frequency method formulated in modal model (pCF-MM)," in *Journal of Physics: Conference Series*, 2024, vol. 2647, no. 19: IOP Publishing, p. 192018.
- [11] M. T. Steffensen, M. Döhler, D. Tcherniak, and J. J. Thomsen, "Variance estimation of modal parameters from the poly-reference least-squares complex frequency-domain algorithm," *Mechanical Systems and Signal Processing*, vol. 223, p. 111905, 2025.
- [12] N. E. Huang *et al.*, "The empirical mode decomposition and the Hilbert spectrum for nonlinear and non-stationary time series analysis," *Proceedings of the Royal Society of London. Series A: mathematical, physical and engineering sciences,* vol. 454, no. 1971, pp. 903-995, 1998.
- [13] Z. Wu and N. E. Huang, "Ensemble empirical mode decomposition: a noise-assisted data analysis method," *Advances in adaptive data analysis*, vol. 1, no. 01, pp. 1-41, 2009.
- [14] J.-R. Yeh, J.-S. Shieh, and N. E. Huang, "Complementary ensemble empirical mode decomposition: A novel noise enhanced data analysis method," *Advances in adaptive data analysis*, vol. 2, no. 02, pp. 135-156, 2010.
- [15] M. E. Torres, M. A. Colominas, G. Schlotthauer, and P. Flandrin, "A complete ensemble empirical mode decomposition with adaptive noise," in *2011 IEEE international conference on acoustics, speech and signal processing (ICASSP)*, 2011: IEEE, pp. 4144-4147.
- [16] S. M. Vazirizade, A. Bakhshi, and O. Bahar, "Online nonlinear structural damage detection using Hilbert Huang transform and artificial neural networks," *Scientia Iranica*, vol. 26, no. 3, pp. 1266-1279, 2019.
- [17] H. S. Yousefifard, G. G. Amiri, E. Darvishan, and O. Avci, "Intelligent hybrid approaches utilizing time series forecasting error for enhanced structural health monitoring," *Mechanical Systems and Signal Processing*, vol. 224, p. 112177, 2025.
- [18] J. L. Burkett, "Benchmark studies for structural health monitoring using analytical and experimental models," 2005.

- [19] C. Black and C. Ventura, "Blind test on damage detection of a steel frame structure," in *Society for Experimental Mechanics, Inc, 16 th International Modal Analysis Conference.*, 1998, vol. 1, pp. 623-629.
- [20] PCB_PIZOTRONICS. "Accelerometers for Research and Development." https://www.pcb.com/sensors-for-test-measurement/accelerometers (accessed.